

多変数最適化による逆電位アナライザ特性の データ処理法について*

南 繁行**・堤 四郎**・竹屋 芳夫**

(1981年12月26日受理)

An optimum fitting procedure for ion temperature determination
from retarding potential analyzer aboard sounding rocket

By

Shigeyuki MINAMI, Shirou TSUTSUMI and Yoshio TAKEYA

Abstract: In this paper an improved data analysis method to deduce the ion temperature T_i from retarding potential analyzer (RPA) is dealt with. A voltage to current curve of RPA characteristic is decided by several parameters. There is no way to obtain the ion temperature T_i independently. Usually the optimum fitting method has been performed by using a computer. We advocate the usefulness of the improved error evaluation function which weights the gradient of RPA curve. From the result of actual use the merits of this method are ascertained.

KEY WORDS

Retarding potential analyzer

Ion temperature

Data analysis method

概要

超高層プラズマ中のイオン温度の観測に用いる逆電位アナライザ(RPA)のデータ処理法について取扱っている。RPA特性は数種のパラメータによって決定され、イオン温度だけを単独で導出する方法はない。通常その解析法としては電子計算機を用いた最適フィットが用いられる。本論文でのべる解析法は、特性の傾きに重点をおいた誤差評価関数を用いている点に特徴がある。またRPAをロケ

* 宇宙研特別事業費による論文

** 大阪市立大学工学部

ット観測に用いた場合の解析手順を示した。

[重要語]

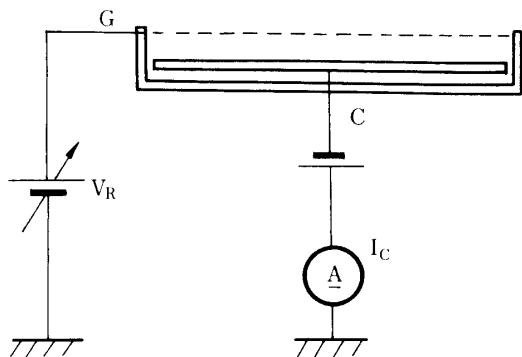
逆電位アナライザ

イオン温度

データ解析法

1. まえがき

逆電位アナライザ (Retarding Potential Analyzer; RPA) は、イオン温度測定用メッシュグリッド付イオントラップの1種である。このRPAはイオンマッハ数を越える速度をもつ飛翔体（ロケットや人工衛星）に搭載され、その特性からイオン質量に関する情報も得ようとする点に特徴がある。RPAを用いた上層プラズマの温度測定は1957年のGringanz氏(1960)や、Hanson氏ら(1961)等によって進められた。また人工衛星搭載RPAによる測定も行なわれ、上空におけるプラズマのイオン温度の高度分布やイオン質量分布に関する知見(Bowrdeau et al., 1962; Wrenn, 1969; Donley, 1969)，あるいはイオン温度の層状分布の発見(Knudsen et al., 1965; Hedin et al., 1974; Breig, 1976; Kayzer et al., 1979; Minami et al., 1981 a)，イオン温度が中性大気風により昇温する効果，直流電場にともなうイオンドリフトベクトルの観測(Spiro et al., 1978)，イオン温度の分布の太陽パラメータ依存性の観測(Hanson et al., 1973; Massey et al., 1964; Harris et al., 1967; Hanson et al., 1970; Miyazaki, 1975; Rawer, 1976; Kntiev et al., 1977)等が行なわれた。更にRPA自体の特性に及ぼす多くの誤差の要素が存在することが20余年の観測を通じてあきらかになってきた。例えばRPA電極の汚染(Sayers, 1970; Oyama et al., 1975)，グリッドの等電位性(Knudsen, 1966; Hanson, 1972; Goldan et al., 1973; Troy et al., 1975; 南他 1981 b)，プラズマ入射角の効果(Sagalyn, 1963; 南他, 1980 a)，飛翔体の電位や寸法の効果(Whipple, 1965; 南他, 1982 c)，飛翔体のもつ残留ガスの問題(南他, 1980 b)等である。これらの誤差に加えてRPAデータの解析時の誤差が存在することになる。本論文で取扱う内容はRPAの特性からイオン温度を導出するための電子計算機による最適フィットの方法についてである。RPAの電圧電流特性は実験室における流れの



第1図 RPT特性の測定法

ないプラズマ中のメッシュ付イオントラップに比べ多くのパラメータに依存し、イオン温度だけを単独に決定することは容易ではない（南他、1981）。

RPA は第 1 図のようにイオン減速用正バイアス掃引グリッド電極 G と、イオンの選択捕集用負バイアスコレクタ C で基本的には構成されている。主として製造上の技術的な理由から現在利用されている大部分の RPA は平板グリッドである。ここでは平板 RPA におけるイオン温度解析法について述べる。

平板 RPA の減速電圧を V_R とし、コレクタ電流を I_C としたときの V_R - I_C 特性は次の 6 つの変数によって決定される。すなわちプラズマ密度 N 、イオン温度 T_i 、イオン質量 m_i 、基準電位（飛翔体電位に相当）と、プラズマ電位の差 V_s 、飛翔体速度 v_0 、平板グリッドと飛翔体の速度ベクトルのなす角（アタックアングル） θ_a である。ただし対象とするイオンはマックスウェル分布とする。混合イオンの場合質量毎の特性の代数和となる。

著者らは過去約10年に亘って電離層の正イオン温度をRPAを用いて測定してきた。RPA特性からイオン温度を導出する方法についてはすでにWhipple氏(1959), Moore氏(1960), Moss氏ら(1968)およびPatterson氏(1969)によって最小二乗法を用いてなされてきたがその具体的な計算法については不明であるので、著者らは独自の方法でこの開発を行なってきた。本方法の特徴は変数に θ_a を入れている(他の場合 $\theta_a=0$ と近似)事と、理論式を実験式に対比させる際の誤差評価関数Gの決め方にある。本論文ではロケットを用いて得られたRPA特性から T_i を導出する際のプロセスを中心として説明を行ない、本方法の特長についてのべるとともにその計算機プログラムについて示す。本論文の手法はRPAに限らず多変数によって決まる実験データを理論式と対比させて解析するため的一般的な場合に応用することができる。

2. 最適化の方法

ここでは電子計算機を用いて RPA 特性からイオン温度 T_i を決定する方法について述べる。まえがきで述べたように、RPA の電圧電流特性 (V_R-I_c 特性) はプラズマと飛翔体との相対速度 v_0 によって変化し、 I_c の片対数プロットから T_i だけを決定することはできない。ここでのべる最適フィットの方法はイオンの平均熱速度と同程度の飛翔体速度をもつロケットを用いた RPA データの処理を念頭において取扱う。すでにのべたようにこの方法は平板型 RPA のためのもので、他の形状の場合は適用する特性式が異なる。

計算機を用いたRPAのデータ解析についてはすでにいくつかの研究があるが、これらの方法は理論式と実験データとの比較を最小二乗法により行なうものである。著者が用いた用法はイオン温度の決定に重要な役割を果たす V_R - I_c 特性の傾斜に注目した解析法である。次にその内容を述べる。

ドリフトプラズマ中の平板 RPA 特性は次式のように表わされる (Minami et al., 1982 a).

$$I_c = eNS\eta \left\{ \frac{v_0 \cos \theta_a}{2} (1 + erf \cdot x_e) + \sqrt{\frac{kT_i}{2\pi m_i}} \exp(-x_e^2) \right\} \quad(1)$$

ここで

ただし

V_R : 減速グリッド電圧

θ_a : アタックアングル

v_0 : 飛翔体速度

η : 実効透過率

(室内実験において他のプローブとの密度比較によって決定する)

である。また

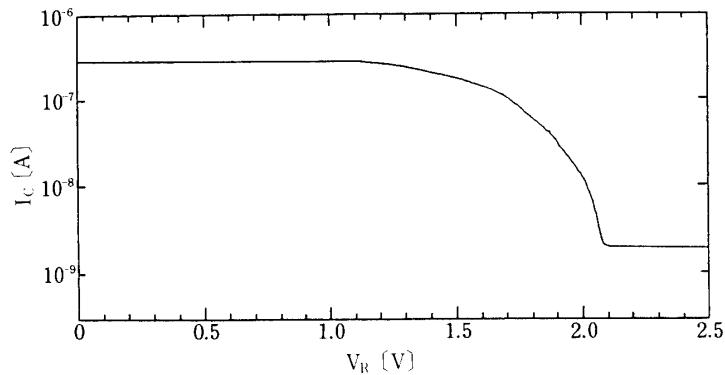
である。

諸パラメータの決定はつきの過程で行なう。

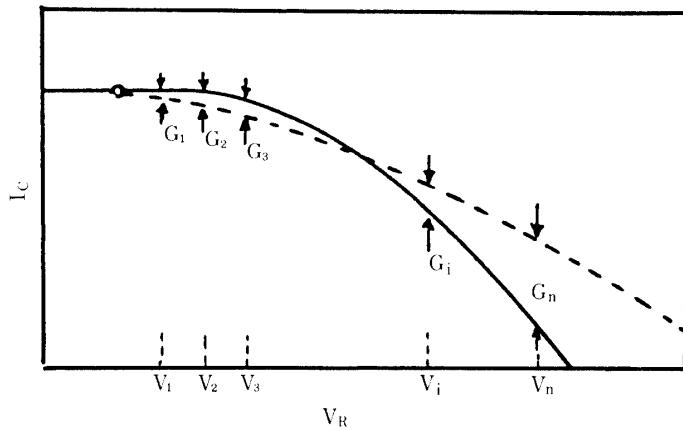
- (1) 飛翔体速度 v_0 の決定
 - (2) RPA の電極グリッドの法線方向と飛翔体の速度ベクトルのなす角 θ_a の決定
 - (3) プラズマ密度 N の算出
 - (4) m_i, T_i, V_s の算出

これらのうち、(1)は飛翔体追跡用レーダートランスポンダシステムのデータから算出する。(2)は飛翔体のスピナ軸に対し傾けた別の平板 RPA がスピナに応じて示すイオン飽和電流の変化振幅から求める (Minami, 1982 a)。(3)ではスピナ軸方向に取付けた RPA のイオン飽和電流 I_{i0} は N, v_0, θ_a に依存するが、 m_i, T_i, V_s に無関係であることを利用する (付録 1)。この性質は式(1)における右辺の第 1 項が第二項に比べ常に大きいとき成り立ち、ロケットや人工衛星上の RPA では満たされ、 v_0, θ_a を代入することにより N が決定できる。

つぎに(4)の m_i , T_i , V_s の最適フィットによる決定法について述べる。データ解析に利用した RPA 特性はアナログテレメータで伝送されたもので電流 I_c は対流化されてフォトコード上に記録されている。このカーブをペンシルフオロアによって 12 ビットにデジタル化した。第 2 図はその結果の再プロット図で、X 方向を V_R , Y 方向を I_c にとったとき、X



第2図 RPTデータのデジタル化後の再プロットの例



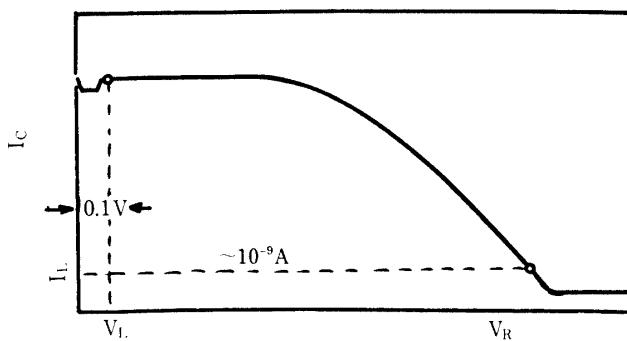
第3図 RPT特性における誤差 G_i の取扱い、点線は理論式を示す。

方向に約 1 mm カーソルが移動(約 70 mV)するごとの(X, Y)の座標を 0.1 mm の精度で読み取って求めた例である。この図では 320 対のサンプルがなされている。なお X, Y 値ともその基準位置は最初にセットした任意の原点で、これをフレーム同期信号と較正信号によって変換する。

ここで行なう最適化のためのプログラムのうち最も特徴的なのは誤差の評価方法である。いま種々のパラメータの値を仮定したときの、あるサンプル電圧における理論値と実験データの値を各々 $I(V_i)$, $J(V_i)$ としたとき、その点での誤差 G_i を次式で定義する。

RPA の実験データのうち n 個のサンプル点に対する誤差 G_i の和 G を次式で表わす。

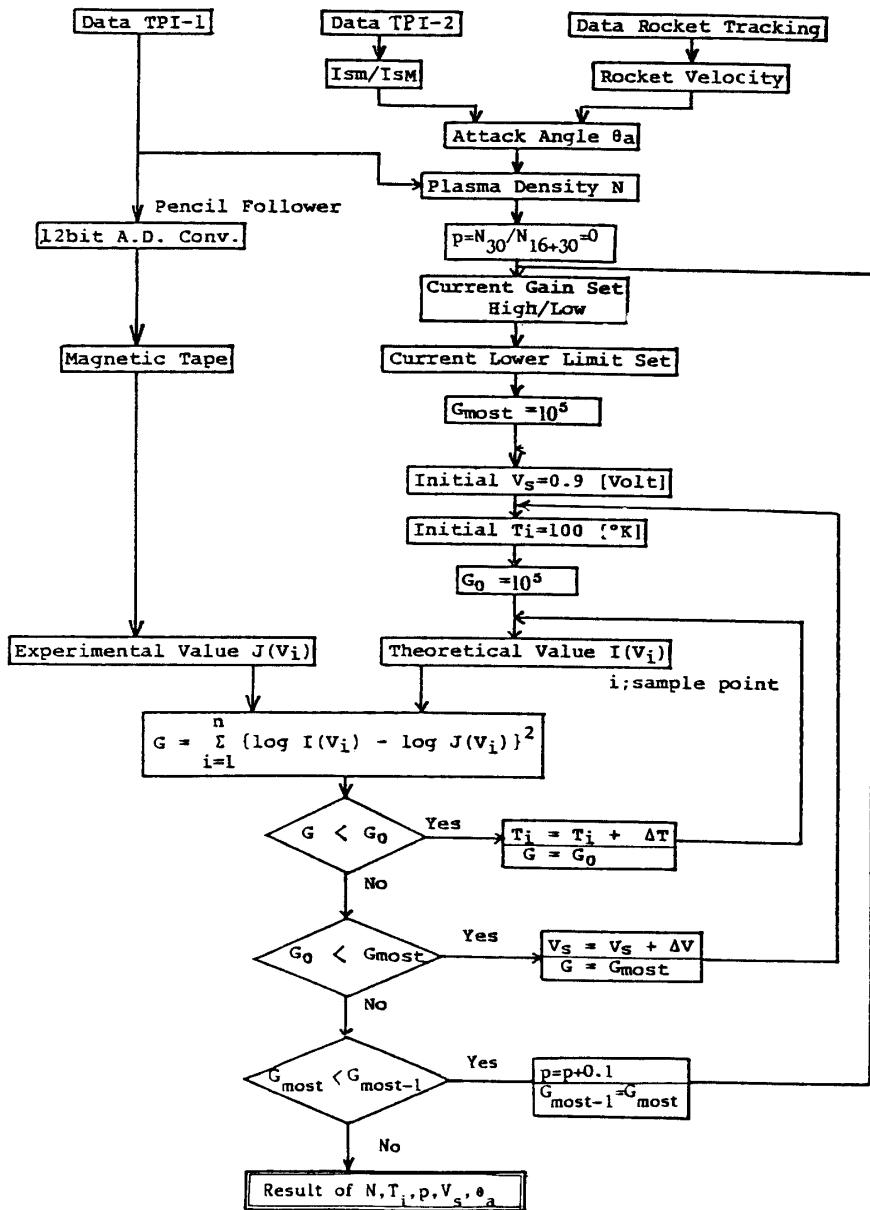
第3図はこの過程を図示したものである。誤差量を対数的にあらわした理由は、RPA特性の最適フィットにおいて、イオン温度の決定には電流の絶対値よりも電流の電圧に対する傾きが重要であると考えたからである。対数化によってイオン電流値に対しては均一な重



第4図 m_{ho} データにおける V_R の下限 (V_L) と I_C の下限 (I_L)

みをもたせることが出来る。最小二乗法をそのまま適用すると飽和電流付近の特性の歪(飽和電流の増加や、しゃへい効果による電流減少)が誤差の大きな要素となる恐れがある。このことはあとで最小二乗法との比較によって確認された。

つぎに式(5)の誤差評価関数 G をもちいたRPAの最適フィットプログラムについてのべる。最初に式(2)の V_R-I_C 特性のサンプル値を使用するにあたり V_R, I_C に対する上下限を決定する。第4図は電圧 V_R の下限 V_L と電流 I_C の下限 I_L を描いたものである。RPAデータはフレ

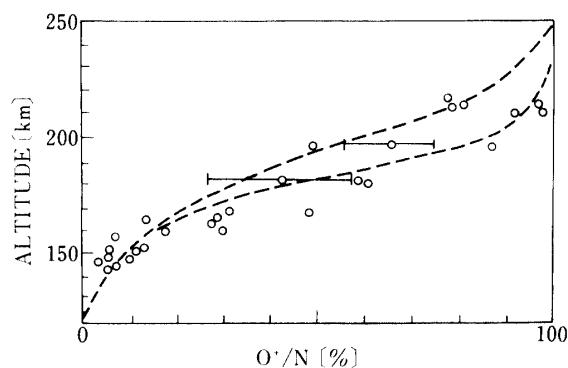


第5図 最適フィットプログラムの信号流れ図

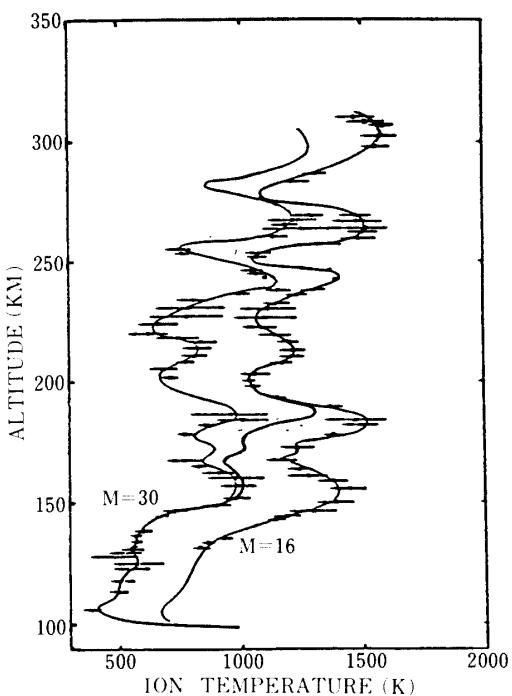
ーム同期として、掃引スタート時 10 msec の矩形状マークが重畠されている。従ってこのデータのない間を省略するために用いる。また I_c は対数出力であり、ある値以下はクランプされている。コレクタ電流 I_L 以下をデータとして用いないための処理に用いる。実際のサンプル数 n としては I_L があらわれる数サンプル前までとしている。

誤差評価関数 G の計算は最初 V_s を第 2 図の左端にとり、 T_i を 100 K から 50 K ステップで増加して行なう。もし G に最小値のないときは 2500 K で打ち切る。つぎに V_s を 5 ないし 10 サンプル点ずらし (V_s を約 0.15 V 増加させて) 再び G を最小とする $T_{i\min}$ を求めていく。 V_s を変えるごとにおきる G の最小値 G_{\min} が 1 つ前の V_s での G の最小値 G_b よりも大きくなかった時、この時の V_s, T_i, G_{\min} を第 1 の最適値とし、その値をプリントする。つぎに V_s については 13 サンプル点、 T_i については 100 K だけ第 1 の最適値より各々戻り、 V_s を 1 サンプル点、 T_i を 10 K きざみに変えて再び誤差の最小値 G_{\min} の比較を行ない、最も G_{\min} が小さくなった時の T_i, V_s を第 2 の最適値として、 $V_s, T_i, G_{\text{most}}$ をプリントする。この計算を仮定したイオンの混合比について更に計算することになる。第 5 図にこの過程の信号流れ図を示す。この図は実際のロケットによるデータ解析にもとづいて書かれているので 2 つの RPA (TPI-1; V_R - I_c 特性取得用, TPI-2; θ_a 測定の傾けた RPA) が示されている。なおこの方法によって得られる G_{most} の値は各パラメータの全ての場合のうち最小であることを後で示す。

つぎにイオン質量あるいは混合比の決定について述べる。人工衛星を用いた場合、その速度 v_0 によって得られるイオンのエネルギーは単位質量あたり 1/3 eV/AMU にもなるので、 H^+, He^+, O^+, NO^+ 等の混合比に応じて第 5 図の信号流れ図に従って P を決定することが容易である。しかしロケットは v_0 が小さいので、 O^+, NO^+ のような比較的重いイオンでも 1 eV 程度しか流れのエネルギーをもたないので、各質量ごとの RPA 特性を分離することができない。従ってイオン質量は 2 種程度と考えてもその特性は複雑である。幸い電離層におけるイオン質量分布は、高度 100 km から 400 km では第 6 図のように大まかには $NO^+(30)$ と $O^+(16)$ の 2 種類しかない。しかも約 150 km から 200 km の間の遷移領域の上は O^+ 、下は NO^+ が卓越しているので、最適化フィットはこの遷移領域でのみ混合質量と



第 6 図 電離層における O^+ イオンの全イオンに対する割合の高度分布 (Salah, 1974)



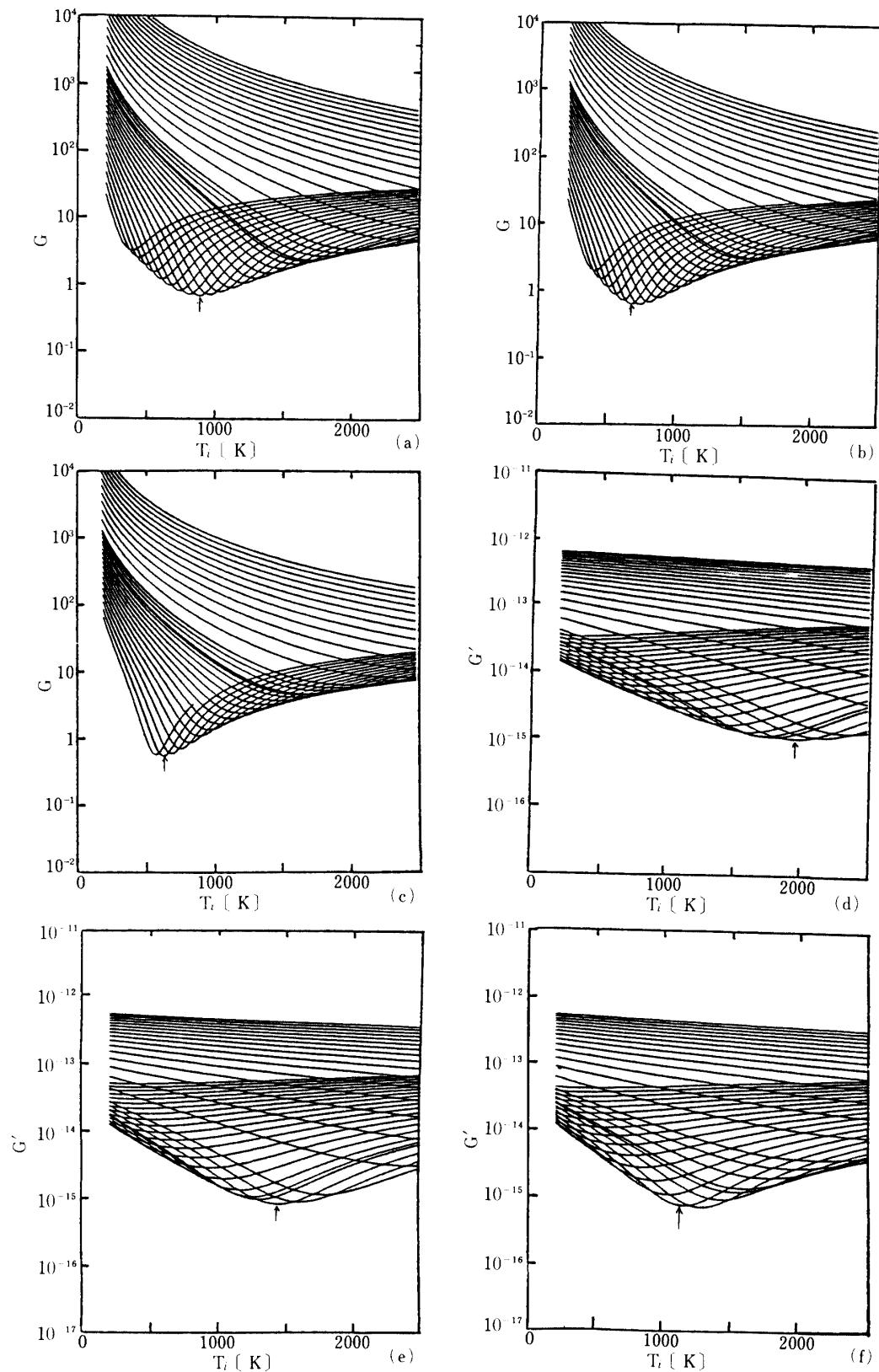
第7図 イオン温度 T_i の解析の結果の例

して取扱えばよいことになる。イオンの混合密度比 P を

と定義する。ここで N_1, N_2 は各々 O^+, NO^+ の密度である。プラズマパラメータ T_i, N, P, V_s を決定するための計算機プログラムを付録 2 に示す。参考までに高度 100 km から 300 km までの電離層プラズマでの RPA による T_i の解析データの例を第 7 図に示す。この場合の遷移領域は高度 160 km から 180 km の間にすることがわかった。図中の $M = 30, 16$ は各々単独のイオン質量と仮定して行なった計算結果である。イオン温度の高度の高度分布に波状の分布がみられるがこれは解析誤差ではなく、地球物理学的な原因によるものである (Minami, et al., 1982 a)。

第8図(a)～(c)は解の一意性を示すために P が (a) 0, (b) 0.5, (c) 1としたときの誤差評価関数 G を T_i の関数として描いた結果で、 V_s をパラメータとしている。第8図(d)～(f)は誤差評価関数として

を用い、従来の最小二乗法で同様の計算を(a) 0, (b) 0.5, (c) 1なるPを用いて行なった結果である。これらの計算は第2図のRPA特性に対して行なった。この結果からGはG'に比べ T_i の決定能力において優れていることを次に検討する。

第8図 誤差評価関数 G, G' の収束過程(a), (d) $P = 0$; (b), (e) $P = 0.5$; (c)(f) $P = 1$ (a), (b), (c)は G を用い, (d), (e), (f)は G' (最小二乗法) を用いた結果

4. 検 計

第8図において G と G' から得られた最小の誤差を与えるイオン質量はいずれも $M=30$ である。しかし両者の示す T_i の最適値は異なっている。最小二乗法による T_i の算出結果は対数化して求めた T_i の結果に比べ常に高い。一般にプローブ電流は飽和電流付近ではしゃへい効果によってひずむ事が多く、イオン飽和電流付近の値を重視する最小二乗法には、解析誤差が多く発生することが考えられる。第2図のRPA特性は1000 メッシュ/インチのグリッドを用いており、飽和電流は一定値に近い。しかしグリッド付イオントラップではたとえ平板であってもその寸法効果によってイオン飽和が十分おきないことがしばしばある(Parker et al., 1970; Troy et al., 1975; 南他, 1982 b)。このような効果に対しても誤差評価関数の対数化による方法は影響を受けがたいことが容易に推論できる。

5. ま と め

本論文において、流れのあるプラズマ中でRPAにより得られた V_R - I_c 特性から、イオン温度 T_i 、プラズマ密度 N 、プラズマ電位 V_s 、イオン質量比 P を導出するための多変数最適フィットプログラムとその方法の特徴について述べた。すなわち理論式との対比を各々の値の対数化後行なうことによって、 T_i の決定が従来の最小二乗法による方法に比べ精度の面ですぐれている点を指摘した。

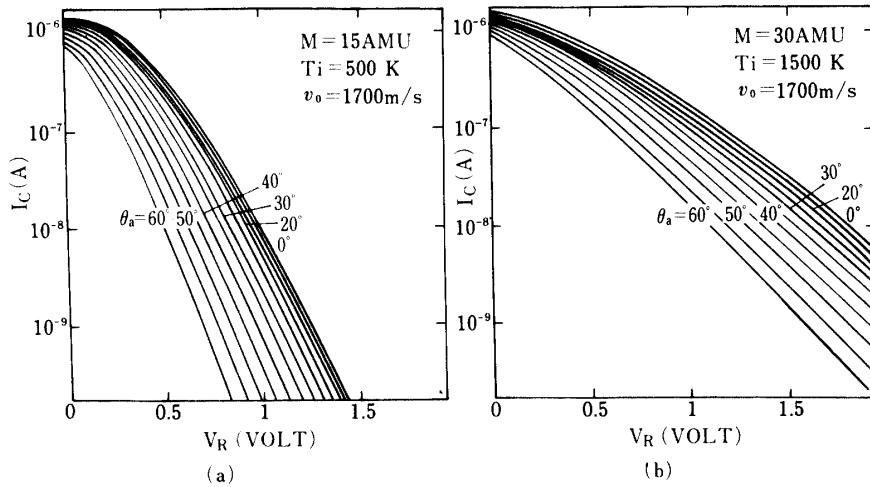
今後計算処理能力の増大により、実験データを用いた多変数パラメータの決定には、このような最適フィットプログラムが活用されることが多くなると思われる。なおこの研究の一部は旧東京大学宇宙航空研究所並びに国立極地研究所の共同利用研究として行なわれたものである。

参 考 文 献

- Bourdeau, R. E. and G. P. Serbu, Proc. First. Int. Space Sci. Sympo., 1960.
- Bourdeau, R. E., and E. C. Whipple, Jr., J. L. Donley, and S. J. Bauer, J. Geophys. Res., 67, 467 - 475, 1962.
- Braig, E. L., W. B. Hanson, and J. H. Hoffman, J. Geophys. Res., 81, 2677 - 2687, 1976.
- Donley, J. L., L. H. Brace, J. A. Findley, J. H. Hoffman, and G. L. Wrenn, Proc. IEE, 57, 1078 - 1084, 1969.
- Goldan, P. D., E. J. Yadlowsky, and E. C. Whipple, Jr., J. Geophys. Res., 78, 2907 - 2916, 1973.
- Gringanz, K. I., and M. Kh. Zelikman, VzPekhi Fiz. Nauk, 63, 239 - 252, 1957.
- Hanson, W. B., and D. D. McKibbin, J. Geophys. Res., 66, 1667 - 1671, 1961.
- Hanson, W. B., S. Sanatani, P. Zuccaro, and T. W. Flowerday, J. Geophys. Res., 75, 5483 - 5501, 1970.
- Hanson, W. B., D. R. Frame, and J. E. Midgley, J. Geophys. Res., 77, 1914 - 1922, 1972.
- Hanson, W. B., D. R. Zuccaro, G. R. Lippinscott, and S. Sanatani, Radio Sci., 8, 333 - 339, 1973.
- Harris, K. K., G. W. Sharp, and W. C. Knudsen, J. Geophys. Res., 72, 5939 - 5948, 1967.
- Hedin, A. E., H. G. Mayr, C. A. Reber, N. W. Spencer and G. R. Carignan, J. Geophys. Res., 79, 215 - 225, 1974.
- Kayzer, D. C., E. L. Braig, R. A. Power, W. B. Hanson, and A. O. Nier, J. Geophys. Res., 84, 4321 -

4327, 1979.

- Knudsen, W. C., and G. W. Sharp., J. Geophys. Res., 70, 143 - 160, 1965.
 Knudsen, W. C., J. Geophys. Res., 71, 4669 - 4678, 1966.
 Kutiev, K., R. S. Dachev, and K. Serafimov, Space Res. 17, 269 - 272, 1977.
 Massey, H., Space Phys., Chap. 5 and Chap. 6, Cambridge Univ. Press, 1964.
 南, 堤, 竹屋, 東大宇宙研報告, 16, 1301 - 1326, 1980 a.
 南, 堤, 竹屋, 宇宙観測シンポジウムプロシードィング, 31 - 37, 1980 b.
 南, 堤, 竹屋, 電気学会プラズマ研究会資料, EP - 81 - 23, 1981.
 Minami, S., and Y. Takeya, J. Geophys. Res., 87, 713 - 730, 1982 a
 南, 竹屋, 電学論, 101 - A, 47, 1982 b.
 南, 竹屋, 電学論印刷中, 1982 c.
 Miyazaki, S., J. Geomag. Geoelectr., 27, 311 - 320, 1975.
 Moore, R. H., and R. K. Zeigler, Los Alamos. Sci. Lab. Rept., La - 2367 - 1960.
 Moss, S. J. and E. Hyman, J. Geophys. Res., 73, 4315 - 4323, 1968.
 Oyama, K., and K. Hirao, Planet. Space Sci., 23, 1309 - 1312, 1975.
 Parker, L. W., and E. C. Whipple, Jr., J. Geophys. Res., 75, 4720 - 4733, 1970.
 Patterson, T. N. L., J. Geophys. Res., 74, 4799 - 4801, 1969.
 Sagalyn, R. C., and M. Smidly, J. Geophys. Res., 68, 199 - 211, 1963.
 Salah, J. E., J. Atmos. Terr. Phys., 36, 1891 - 1909, 1974.
 Sayers, J., J. Atmos. Terr. Phys., 32, 663 - 691, 1970.
 Spiro, R. W., R. A. Heelis, and W. B. Hanson., J. Geophys. Res., 83, 4255 - 4264, 1978.
 Troy, B. E. Jr., and E. J. Maier, J. Geophys. Res., 80, 2236 - 2240, 1975.

付録 1 アタックアングル θ_a をパラメータとしたRPA特性

本文式(2)を数値計算すると v_0 が大きい時, イオン飽和電流は m_i, T_i に依存しないことがわかる(右図)

付録 2 最適フィットのための計算機プログラム

