# A04 モーメンタム・ホイール搭載型太陽発電衛星の付属物モード・ モデルを用いた構造柔軟性の設計

Structural flexibility design for a momentum-wheel-mounted solar power satellite using appendage mode model

泉田 啓 (京大),山本 隆正 (京大・院) K. Senda (Kyoto Univ.) and T. Yamamoto (Kyoto Univ.)

## 1 はじめに

1968 年に米国の Peter E. Glaser により宇宙太陽 発電衛星 (Solar Power Satellite,以下 SPS)が提案 されて以来,日本を含めた世界各国で研究が続けら れている.近年の SPS のコンセプトとして,日本の (財)無人宇宙実験システム研究開発機構(USEF) の'06 USEF SPS [1] (Fig. 1)や,米国の NASA の SPS-ALPHA [2] などがある.しかし,構造,ダイナ ミクス,制御,および,システムの視点から,成立性 が高い優れた SPS のコンセプトが存在するとは言い 難い.そこで,より成立性が高い新たな SPS のコン セプトが望まれている.

本研究では、'06 USEF SPS を基に、特に構造・ 制御の観点で成立性の高いシステムを検討している. Fig. 1 の '06 USEF SPS は、静止軌道に投入され、*x* が軌道進行方向、*z* が地球方向である.全系は、地球 側に地表と平行に位置する平面状の発送電部、逆側に 位置する分散バス部、それらを繋ぐテザーからなる. 発送電部は発送電一体型パネルを連結して構成し、表 面に貼られた太陽電池で発電し、地球側の面に構成す るフェイズド・アレイ・アンテナでマイクロ波送電す る.全系は 25 個のユニット・アッセンブリィを連結 して構成されている.各ユニット・アッセンブリィも 発送電パネル、バス、テザー (4 本) から成り、1 つで SPS として成立する.

この SPS は重力傾斜安定方式を採用しているため, 姿勢の安定性に関して優れているが,一度振動が生じ ると受動的に振動を減衰させることができないという 問題点がある.また,テザーを用いた重力傾斜安定方 式であり,数キロメートルにも及ぶテザーが構造要素 として用いられる.各テザーには数 N 程度のわずか な張力しか加わらないため,構造安定性が保たれるか 懸念がある.

本研究では、構造・制御の成立性を高めるためにテ ザーを排したコンセプトを考える.まず、スラスター を用いた制御手法が考えられるが、この制御手法では スラスターの燃料の観点や、スラスター噴射による燃 料のパネル表面への付着などの長期的なミッションに 不向きであると考えられる.そこで、モーメンタム・ ホイールを搭載した SPS の制御システムを考え、構 造・制御の成立性に関する検討を行う.この SPS の 基本構成は、モーメンタム・ホイールが搭載された発 送電一体型パネルを連結したもので,'06 USEF SPS からバスとテザーをとり除いたパネル部分のみのよ うな形状となる.さらに何らかのエネルギ消散機構に よって,姿勢運動の振動を減衰させることができない か検討する.エネルギ消散機構として,これまでボー ル・イン・チューブのようなニューテーション・ダン パやホイールを支持するジンバル軸のダンパを検討し てきた [3].本研究では,パネル部の構造柔軟性を用 いた受動的に姿勢振動の運動を減衰させる制御方法と 構造柔軟性の設計方針を検討する.

本稿の構成は以下のとおりである.第2章では,'06 USEF SPS 衛星システム,解析対象となる実証衛星 システム,パネル部に構造柔軟性を有する衛星システ ム概要を説明する.第3章では,構造柔軟性を利用 した制御手法を用いて,実証衛星を制御する場合の数 値シミュレーションが示される.第4章では,構造 柔軟性の設計の検討のため,2種のモード・モデル表 現を導入する.第5章では,2種のモードの概念を取 り入れた低自由度の系の数値シミュレーションが示さ れる.第6章では,付属物モード・モデルを用いた構 造柔軟性の設計方針について検討する.第7章は結 論である.



Fig. 1 '06 USEF SPS の概念図

## 2 解析対象のモデル

Fig. 1 の '06 USEF SPS の発送電一体型パネル部 のみの概要を以下に整理する.

#### 軌道:地球静止軌道

衛星発電規模:1 GW

送電方法:マイクロ波送電

#### 衛星形状:

(a) 受動的重力傾斜安定形状

(b) ユニット・アッセンブリィを 25 個連結

- 衛星寸法:
- (a) システム全体: 2500 ×2375×0.5 [m]

(b) ユニット・アッセンブリィ: 500×475×0.5 [m] 衛星質量:

(a) システム全体: 2.64×10<sup>6</sup> [kg]

(b) ユニット・アッセンブリィ:  $1.06 \times 10^5$  [kg]

#### 2.1 SPS 実証衛星

本研究で想定する SPS は '06 USEF SPS のパネル 部に,モーメンタム・ホイールによる制御システムを 搭載したものである.その実用衛星を実現する過程 で,Fig.2のような実証衛星を構築することになる. 本研究では,SPSの姿勢制御方法を確立する第一歩と して,実証衛星を具体的な解析対象とする.以下に, Fig.2の実証衛星のサイズと質量を整理する.

実証衛星寸法: 36 ×42×0.5 [m] 実証衛星質量: 1.522 × 10<sup>4</sup> [kg]

このパネルの y 軸方向に回転軸を沿わせてモーメンタ ム・ホイールを 1 個搭載する.衛星を静止軌道上にお いて地球指向で姿勢安定化したい.なお,この衛星の x, y, z 軸まわりの慣性モーメントを  $I_x, I_y, I_z$  とす ると,  $I_y < I_x < I_z$  ただし  $I_x \simeq I_y, I_z \simeq I_x + I_y$ , で ある.この衛星には慣性モーメントの違方性が大き いという特徴がある.また,以下ではパネル部を質 量密度が一定としてモデル化する.ホイールとして, ISS に搭載されている DG-CMG [4] に使用されたフ ライ・ホイールを想定する.

#### 2.2 構造柔軟性のモデル化

実際に扱うパネルは柔軟な連続体である.ここで は、パネル部の構造柔軟性を Fig.3のようにバネとダ ンパで繋がれた25枚の剛な平板からなる剛体多体系 に近似してモデル化する.この平板間を並進・回転6 自由度のバネ・ダンパで接続する.先行研究に従い、 一様な弾性パネルと同じ荷重を加える場合に同等の並 進、せん断、曲げ、捩り変形が得られるように、パネ ル間のバネ剛性を決定する.減衰特性に関しては、比 例減衰の考え方に基づいて決定する.このパネル間の バネ・ダンパ係数を設計変数として、パネル部の減衰 振動によるエネルギー消散特性を変更する.

Fig. 3 に示される, 25 枚の剛体パネルは, それぞ れ *y* 軸方向の長さ 8.4 [m], *x* 軸方向の長さ 7.2 [m], *z* 軸方向の厚さ 0.5 [m], 質量 6.048 ×10<sup>2</sup> [kg] である.

## 3 構造柔軟性をもつ実証衛星の数値計算

#### 3.1 数値計算の概要

機構解析ソフト ADAMS を用いて数値計算を行う. 解析対象は、パネル部の構造柔軟性をモデル化した実 証衛星である.

#### 3.2 数値計算結果

初期外乱により,初期角速度にホイール軸方向と直 交する角速度成分を加えた場合を考える.衛星本体 の初期角速度として, y軸まわりに  $2\pi/T$  [rad/s], x軸まわりに  $1.0 \times 10^{-6}$  [rad/s] を与える.ここで, Tは衛星の軌道周期で本研究で検討する静止軌道では 86400 [sec] である.y軸まわりの角速度は衛星のス ピン, x軸まわりは外乱として加えた摂動である.こ の場合の中心パネルのx軸まわりの角速度の時刻歴 を Fig. 4 に記す.

実線がパネルが剛な場合,破線がパネル部に構造柔 軟性を有する場合の結果を示す.これより,系が構造 柔軟性をもたない場合は,エネルギ消散機構が存在し ないために姿勢振動は減衰しないが,構造柔軟性をも つ場合は,構造柔軟性がもつエネルギ消散特性によっ て,系の姿勢振動が減衰することがわかる.

## 4 2種のモード・モデル表現

3 章より構造柔軟性がエネルギ消散特性を有する場 合,姿勢振動が減衰することが例示された.衛星のパ ネル部の構造柔軟性の最適設計を考えるために,この 仕組みを理解したい.そのため,構造柔軟性を有する 衛星の挙動をモードの概念を用いて解析する.なお, 構造柔軟性を有する衛星の運動方程式は,多自由度系 に対する線形の常微分方程式で表すことができるもの とする.

#### 4.1 ビークル・モード・モデル表現

系全体をモード解析することにより, Fig. 5 のよう なビークル・モード (直交モード)表現することがで



Fig. 2 システム実証衛星



Fig. 3 構造柔軟性のモデル化



Fig. 4 構造柔軟性を有するシステム実証衛星の角速度 ω<sub>x</sub>



Fig. 5 構造柔軟性を有する衛星のビークル・モード・モデル

きる.得られるモードは全て直交モードである.モー ド0~4 は衛星の並進3と回転2の剛体モードであ る.回転の剛体モードの1つは,ホイールのみが回転 するモードである.モード5と6は,概ね Fig.6の モード5と6に対応する衛星の姿勢振動モードにな る.モード7~nは主に構造の振動モードである.こ の際,柔軟構造を適切に設計すれば,Fig.5のように 直交モード5と6を減衰振動にできることがある.



Fig. 6 構造柔軟性を有する衛星の付属物モード・モデル



Fig. 7 構造柔軟性を有する低自由度系

#### 4.2 付属物モード・モデル表現

Fig. 6 が付属物モード・モデル表現である.モード 0~4 は衛星の並進3と回転2の剛体モード,モード 5 と 6 はホイールを搭載することにより剛体モード から振動モードに変わった2つの姿勢振動のモード, モード7~n はホイール搭載パネルの回転自由度のう ち,ホイールの回転軸に直交する2軸まわりの回転を 拘束して得られる構造の振動モード(付属物モード) である.このうち,モード5と6の2つは非減衰振動 モードであり,モード7~n は減衰振動モードである.

#### 5 構造的に柔軟な低自由度系の数値計算

#### 5.1 解析対象

構造柔軟性の設計を行うために,2自由度系を対象 に構造柔軟性による姿勢振動の減衰の仕組みを検討 する.そこで,Fig.7の系を考える.これは,付属物 モード・モデルの姿勢振動モード5や6に対応する1 自由度の非減衰振動系に付属物モード7~nに対応す る1自由度の減衰振動系をカップルさせた低自由度系 である.Table1に,解析対象であるFig.7の設計パ ラメータと数値シミュレーションの初期条件を整理す る.バネ・ダンパ係数 k2 と c2 は与えた m1, k1, m2 に対し,動吸振器の設計方法の一つである定点理論を 用いて求めた最適値である.Fig.7の運動方程式は

Table 1 低自由度系のパラメータと初期条件

Parameters of low degree of freedom system				
$m_1$	$1.0 \times 10^{1}   [kg]$	$m_2$	$5.0 \times 10^{-1} \text{ [kg]}$	
$k_1$	$5.0 \times 10^{0} \text{ [N/m]}$	$k_2$	$0.2268 \; [N/m]$	
		$c_2$	$0.09 \; [Ns/m]$	
Initial condition of low degrees of freedom system				
$x_1(0)$	0.0  [m]	$x_2(0)$	0.0 [m]	
$\dot{x}_1(0)$	$10.0 \; [m/s]$	$\dot{x}_{2}(0)$	0.0  [m/s]	

$$\begin{array}{c|c} & q_1 \\ \hline \bar{k}_1 \\ \hline \bar{c}_1 \\ \hline \bar{k}_2 \\ \hline \bar{c}_2 \\ \hline \bar{c}_2 \\ \hline \hline \bar{c}_2 \\ \hline \hline \end{array} \begin{array}{c} \text{mode 1} \\ \text{mode 2} \\ \hline q_2 \\ \hline \hline i \\ \end{array}$$

Fig. 8 構造柔軟性を有する低自由度近似系のビー クル・モード・モデル

$$\begin{cases} m_1 \ddot{x}_1 + c_2 (\dot{x}_1 - \dot{x}_2) + k_1 x_1 + k_2 (x_1 - x_2) = 0\\ m_2 \ddot{x}_2 + c_2 (\dot{x}_2 - \dot{x}_1) + k_2 (x_2 - x_1) = 0 \end{cases} (1)$$

となる.式(1)を行列表示して

$$M\ddot{x} + C\dot{x} + Kx = 0 \tag{2}$$

$$\boldsymbol{M} = \begin{bmatrix} m_1 & 0\\ 0 & m_2 \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{C} = \begin{bmatrix} c_2 & -c_2\\ -c_2 & c_2 \end{bmatrix},$$
$$\boldsymbol{K} = \begin{bmatrix} k_1 + k_2 & -k_2\\ -k_2 & k_2 \end{bmatrix}$$

と書くことができる.ただし,減衰行列 C は質量行 列 M と剛性行列 K を用いて  $(\alpha_1 M + \alpha_2 M^2 + ...) +$  $(\beta_1 K + \beta_2 K^2 + ...)$  の形  $(\alpha_1, \alpha_2, ... \ge \beta_1, \beta_2, ...$ は実 数) で表すことができず,この系は一般減衰系である. 以下では,式(1) をビークル・モード,付属物モード を用いて解析する.

#### 5.2 モード表現

#### 5.2.1 ビークル・モード表現

変位 *x* をビークル・モードのモード座標に座標変 換する.

$$\boldsymbol{x} = \boldsymbol{\Phi} \boldsymbol{q} \tag{3}$$

**Φ**は直交モードを並べた座標変換行列であり,式(1) をモード解析することによって得られる.式(8)の座 標変換によって,式(1)の運動方程式は以下のように モード座標表現となる.

$$\begin{cases} \ddot{q}_1 + 2\zeta_1 \omega_1 \dot{q}_1 + \omega_1^2 q_1 = 0\\ \ddot{q}_2 + 2\zeta_2 \omega_2 \dot{q}_2 + \omega_2^2 q_2 = 0 \end{cases}$$
(4)

これをバネ・マス・ダンパ系で表すと Fig. 8 となり, モード座標  $q_1 \ge q_2$ の二つの非連成のモードで表現さ れている. Fig. 5 の姿勢振動モード 5, 6 が  $q_1$ ,構造 振動モードの 7~n が  $q_2$ に対応する. ビークル・モー ド・モデル表現での運動エネルギ*T*は,以下のように なる.

$$T_1 = \frac{1}{2}\bar{m}_1\dot{q}_1^2, \quad T_2 = \frac{1}{2}\bar{m}_2\dot{q}_2^2 \tag{5}$$

ここで, $\bar{m}_1$ , $\bar{m}_2$ はモード質量である.また,ビーク ル・モード・モデル表現での弾性ポテンシャル・エネ ルギ K は、以下のようになる.

$$K_1 = \frac{1}{2}\bar{k}_1\dot{q}_1^2, \quad K_2 = \frac{1}{2}\bar{k}_2\dot{q}_2^2 \tag{6}$$

ここで, $\bar{k}_1$ , $\bar{k}_2$ はモード剛性である.よって,各モードの力学的エネルギEは,以下のようになる.

$$E_1 = T_1 + K_1, \quad E_2 = T_2 + K_2 \tag{7}$$

#### 5.2.2 付属物モード表現

変位 *x* を付属物モードのモード座標に座標変換 する.

$$\boldsymbol{x} = \boldsymbol{\Psi} \boldsymbol{p}$$
 (8)

**Ψ**は必ずしも直交しない付属物モードを並べた座標 変換行列である.式(1)の系に対し

$$\begin{bmatrix} x_1\\x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0\\1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} p_1\\p_2 \end{bmatrix} \tag{9}$$

となるので

$$\boldsymbol{\Psi} = \begin{bmatrix} 1 & 0\\ 1 & 1 \end{bmatrix} \tag{10}$$

式 (8) の座標変換によって,式 (1) の運動方程式は以下のようなモード座標表現となる.

$$\begin{cases} (m_1 + m_2)\ddot{p}_1 + k_1p_1 = -m_2\ddot{p}_2\\ m_2\ddot{p}_2 + c_2\dot{p}_2 + k_2p_2 = -m_2\ddot{p}_1 \end{cases}$$
(11)

式 (10) のように直交していない付属物モードを用い ているため 2 つのモード方程式は,右辺を通じて連 成している.これをバネ・マス・ダンパ系で表すと Fig. 9 となり,モード座標  $p_1 \ge p_2$  の 2 つのモード で表現されている. Fig. 6 の姿勢振動モード 5,6 が  $p_1$ ,構造振動モード 7~n が  $p_2$  に対応する.姿勢振動 モード  $p_1$  は  $m_1, m_2$  の相対変位が常に 0 で, $m_1, m_2$ が一体となってバネ  $k_1$  で振動するモードを表す.付 属物モード表現される構造振動モード  $p_2$  は  $m_1, k_1$  の バネ・マス系の自由度を拘束したときの振動モードで あり,ここでは, $x_1$ を拘束したときに  $m_1, k_1$ のバネ・



Fig. 9 構造柔軟性を有する低自由度近似系の付属物モード・モデル



Fig. 10 変位 x1, x2 の時間変化

マス系に対して振動する  $m_2, c_2, k_2$ のバネ・マス・ダンパ系のモードを表す. 付属物モード・モデル表現での運動エネルギTは、以下のようになる.

$$T_1 = \frac{1}{2}(m_1 + m_2)\dot{x}_1^2, \quad T_2 = \frac{1}{2}m_2(\dot{x}_2^2 - \dot{x}_1^2)(12)$$

また,付属物モード・モデル表現での弾性ポテンシャル・エネルギ*K*は,以下のようになる.

$$K_1 = \frac{1}{2}k_1x_1^2, \quad K_2 = \frac{1}{2}k_2(x_2 - x_1)^2 \quad (13)$$

よって,各モードの力学的エネルギ E は,以下のようになる.

$$E_1 = T_1 + K_1, \quad E_2 = T_2 + K_2$$
 (14)

## 5.3 数値計算結果と考察

#### 5.3.1 2自由度振動系

Fig. 7 の系に Table 1 の条件を与えた場合について数値シミュレーションを行い、変位  $x_1, x_2$  の



Fig. 11 モード座標 q1, q2 の時間変化



Fig. 12 力学的エネルギ  $E_1, E_2$ の時間変化 (ビー クル・モード)

時刻履歴を Fig. 10 に示す.時刻 t = 0 では  $\dot{x}_1 = 10$  [m/s],  $\dot{x}_2 = 0$  [m/s] であるが,その後すぐに  $\dot{x}_2$  も値をもち, $x_2$  には  $x_1$  より大きな振動が励起され, $x_1 \ge x_2$  は連成しつつ減衰してゆく.

#### 5.3.2 ビークル・モード

5.3.1 で得られた結果をビークル・モード表現し, モード座標  $q_1$ ,  $q_2$  の時刻歴を Fig. 11 に示す.時刻 t = 0 で  $\dot{q}_1 = -34.1$ ,  $\dot{q}_2 = 36.6$  の値をもつ.  $q_1$  と  $q_2$  は直交するモードなので,互いに連成することな く,各々が1自由度の減衰自由振動をする. Fig. 12 はビークル・モード表現によるモード1,2の力学的 エネルギ  $E_1$ ,  $E_2$  を示す.このように,元々非減衰振 動していた1自由度のバネ・マス系に,減衰振動する 1自由度のバネ・マス・ダンパ系をのせることにより, 得られた二つのビークル・モードはともに減衰振動す るモード特性になった.ただし,この方法では,設計 後の系から得られるビークル・モードを用いて解析す るため,設計後の解析はできるが,設計のための解析



Fig. 13 モード座標 p1, p2 の時間変化



Fig. 14 力学的エネルギ *E*<sub>1</sub>, *E*<sub>2</sub> の時間変化 (付属 物モード)

には使い難い.

#### 5.3.3 付属物モード

5.3.1 で得られた結果を付属物モード表現し、モー ド座標  $p_1$ ,  $p_2$  の時刻歴を Fig. 13 に示す. 時刻 t = 0では $\dot{p}_1 = 10 \text{ [m/s]}, \dot{q}_2 = -10 \text{ [m/s]}$ で運動を開始す るが,式(11)の右辺を通して連成しており,その様 子が Fig. 13 に表れている. Fig. 14 は付属物モード 表現によるモード1,2の力学的エネルギの時間変化 を示すグラフである. E1 が姿勢振動モードの力学的 エネルギ, E2 が付属物モードの力学的エネルギを示 す.これらの図から、姿勢振動モードが付属物モード を励起し、 $E_1$ が $E_2$ に移り、 $E_2$ が消散することによ り結果的に, E1 が消散していることがわかる.この ように, 付属物モード表現により, モード間のエネル ギのやりとりがわかる.この方法では、カップル前の 系のモード特性 (質量,減衰,剛性)を用いて解析し, 現象を理解でき、設計のための解析として使えること がわかった.

## 6 付属物モードを用いた構造設計の検討

5章では、1自由度の非減衰振動系に動吸振器が1 個搭載された場合に対し、動吸振器の設計法の1つ である定点理論を用いてパラメータを設計した.しか し、この方法はより高い自由度の系に適用することが できない.そこで本章では、付属物モードを用いた構 造設計の方法を検討する.

#### 6.1 付属物モードによるエネルギ散逸

式 (11) を変形すると

$$\begin{cases} \ddot{p}_1 + \frac{k_1}{m_1 + m_2} p_1 = -\frac{m_2}{m_1 + m_2} \ddot{p}_2 \\ \ddot{p}_2 + \frac{c_2}{m_2} \dot{p}_2 + \frac{k_2}{m_2} p_2 = -\ddot{p}_1 \end{cases}$$
(15)

ここで, $m_1 \gg m_2$ とすると $\frac{m_2}{m_1+m_2} \approx 0$ と近似できるので支配方程式は

$$\ddot{p}_1 + \frac{k_1}{m_1 + m_2} p_1 = 0 \ddot{p}_2 + \frac{c_2}{m_2} \dot{p}_2 + \frac{k_2}{m_2} p_2 = -\ddot{p}_1$$
 (16)

式(16)の第一式の姿勢振動モードを示す式は自由振動になり,式(16)の第二式の付属物モードを示す式 は変位励振が加わった強制減衰振動系とみなすことが できる.このとき,初期時刻を適当に選ぶと

$$p_1 = A\cos\omega t, \quad \ddot{p}_1 = -A\cos\omega t \tag{17}$$

と記述される. ただし, ω は姿勢振動モードの固有振 動数で

$$\omega = \sqrt{\frac{k_1}{m_1 + m_2}}$$

A は初期条件によって決まる正の任意定数である.式 (16)の第二式の定常解は定常振動であるが,左辺の 第二項によってエネルギが定常的に散逸し続け,散逸 分は右辺により供給される.すなわち, p<sub>1</sub>から p<sub>2</sub> へ エネルギが定常的に流れることになる.それゆえ,A は徐々に小さくなる.

## 6.2 設計方針

上記の解釈に基づいて,一周期あたりの平均散逸エネルギが最大となる設計を考える.これにより,より 速く姿勢振動モードを減衰させることができる.1周 期あたりの平均的なエネルギ散逸速度 D は

$$D = \frac{c_2 \int_0^T \dot{p}_2 dx}{T} = \frac{\omega^3 A^2 m_2 \zeta_2 \kappa_2^3}{(1 - \kappa_2^2)^2 + (2\zeta_2 \kappa_2)^2} \quad (18)$$

となる、ここで

$$\begin{cases} \kappa_2 = \frac{\omega}{\omega_2} \\ \zeta_2 = \frac{c_2}{\sqrt{m_2 k_2}} \end{cases}$$

である.  $\kappa_2$ ,  $\zeta_2$  は振動数比,モード減衰比であり、これを設計変数とする. D が最大となる値を求めるために極値を探す.極値条件は

$$\begin{cases} \frac{\partial D}{\partial \kappa} = 0\\ \frac{\partial D}{\partial \zeta_2} = 0 \end{cases}$$
(19)



Fig. 15 力学的エネルギ *E*<sub>1</sub>, *E*<sub>2</sub> の時間変化 (平均 散逸エネルギ速度準最大)

より以下の関係式が得られる.

$$\kappa_2 = \sqrt{-(1 - 2\zeta_2^2) + \sqrt{(1 - 2\zeta_2^2)^2 + 3}} \quad (20)$$

$$\zeta_2 = \pm \frac{\kappa_2^2 - 1}{2\kappa_2} \tag{21}$$

これら2式をみたす $\kappa_2$ ,  $\zeta_2$ は

$$\begin{cases} \kappa_2 = 1\\ \zeta_2 = 0 \end{cases} \tag{22}$$

である. これは式 (16) の第二式を $\omega$ で共振する非減 衰系とすることになる. この解は $\omega$ の変動に対して 全くロバスト性がない.よって,この解の近傍の値で よいものを探していく.振動数比 $\kappa_2$ は1付近,モー ド減衰比 $\zeta_2$ は現実の系を考えて大きくても0.1程度 とする.この制約のもとで,平均散逸エネルギ速度を できるだけ大きくする.

## 6.3 シミュレーションによる設計法の比較

 $k_2 \ge c_2$  以外を Table 1 のパラメータと初期条件と して,各設計法で設計された変数を Table 2 に示す. Fig. 15 は平均散逸エネルギ速度をできるだけ大きく したときの力学的エネルギの時間変化を示すグラフで ある.Fig. 14 の定点理論を用いた場合の力学的エネ ルギの時間変化のグラフと同様に姿勢振動モードの 力学的エネルギを早く減衰させることができている. Table 2 より,設計変数は全く同じ値とはならないが, 近い値をとっていることがわかる.次に,Fig. 16 の 周波数応答曲線をみてみる.姿勢振動モードの固有振 動数  $\omega$  では,定点理論による設計法より,平均散逸エ ネルギ速度に注目した設計法の方が振幅比を抑える設 計になっている.

## 7 おわりに

本稿では、SPS の振動・姿勢制御のため、より速く システム実証衛星の姿勢振動を減衰させるパネル部の

Fixed point theory				
$\kappa_2$	$1.0246 \times 10^{1}$	$\zeta_2$	$1.336 \times 10^{-1}$	
Average dissipated energy rate speed quasi max				
$\kappa_2$	$1.01 \times 10^{1}$	$\zeta_2$	$1.407 \times 10^{-1}$	



Fig. 16 低自由度系の周波数応答曲線の比較

構造柔軟性の設計方針について考えた.はじめに,構 造柔軟性を有する SPS においてビークル・モード表 現と付属物モード表現の2種類のモデル表現を考え た.次に,SPS の構造柔軟性の設計の基礎となる低自 由度の系を考え,2種のモデルで解析を行い,柔軟構 造の構造振動によってエネルギが散逸し,姿勢振動が 減衰することがわかった.さらに,付属物モード・モ デルを用いた設計を検討し,低自由度の系において定 点理論による設計と比較を行い,新しい設計方法を検 討した.

# 参考文献

- Institute for Unmanned Space Experiment Free Flyer Foundation, "Report on Survey of Solar Power System Utilization Promoting Technologies", Project under Support of METI, March, 2008.
- [2] NASA, "The First Practical Solar Power Satellite via Arbitrarily Large Phased Array", September, 2012.
- [3] Senda, K. and Ikedagaki, T., "Dynamics Simulation of Flexible Solar Power Satellite Using Geomagnetic Control", Workshop on JAXA Astrodynamics and Flight Mechanics, Sagamihara, Japan, C-4, 7 pages, 2016.
- [4] Gurrisi, C., et al., "Space Station Control Moment Gyroscope Lessons and Learned", 2010.