# A20 3D プリンタを用いたラティス構造の最適化

黒石直人(神奈川大・学),高野敦(神奈川大)

#### 1 緒言

近年、高強度で軽量な構造として、ラティス 円筒構造が航空宇宙構造分野で注目されてい る。本研究では将来的な応用を目指しラティス 円筒構造の座屈に対する最適化、また製作を行 い、従来あまり調べられていなかったラティス 円筒構造のノックダウンファクタについて調 べることを目指す。

ラティス円筒構 造とは、図1のよ うな網目構造であ り、水平リブと斜 体リブの2種類で



図1 ラティス円筒構造

構成される。斜体リブが圧縮方向の荷重を支え、 水平リブが斜体リブの円筒外への座屈を抑制 するような構造となっている。実用例としては CFRP を用いてロケットなどに使用されている が、ラティス円筒の特性を調べることを目的と している為、自由自在な形を素早く造形できる 3Dプリンタを用いて制作を行う。

# 2 フィラメントのヤング率 2.1 引張試験によるヤング率の測定

円筒制作の際に使用するフィラメントは、填料として 15%の炭素繊維チョップドファイバーが混ぜ込まれた PLA composite carbon fiber を使用することにした。しかしこのフィラメントにはテクニカルデータがなかった為、引張試験を行い解析に必要なヤング率を求めた。

PLA composite carbon fiber を使いダンベ ル型試験片を制作し、伸び径を取り付け試験を 行った。積層方向を図 2、ストレート部の埋め 方を図 3 に示す

積層方向 A↩



試験片番号

断面積 (mm<sup>2</sup>)

直線近似による

ヤング率 (MPa)

平均ヤング率(MPa)



図3 層の埋め方A

1

3.89

5711

表1 積層方向 A/埋め方 A ヤング率結果

2

3.98

6449

積層方向 A/埋め方 A

4.55

5825

5961

297

3

4

4.34

6152

5

4.05

5667

結果を表1、図4に示す。

図4 応力-歪線図

#### 2.2 層の埋め方の変更

積層方向 A の時、造形時の層の埋め方を変 更し、ヤング率を測定した。埋め方 B は、埋 め方 A のような直線のみで埋めていくもの から、図 5 のように外壁部以外を斜めにつぶ していくよう変更したものである。



図5 埋め方B

図2 積層方向 A

#### 結果を表2、図6に示す。

	積層方向 A/埋め方 B		
試験片番号	1	2	3
断面積(mm²)	6.4	6.3	6.2
ヤング率(MPa)	6860	6354	6765
平均ヤング率 (MPa)	6660		
標本標準偏差	220		





図6 積層方向 A/埋め方 B 応力-歪線図

結果は6660MPaとなり、埋め方Aより11% ヤング率が高い結果となり、埋め方によりヤ ング率の変化が起こることが分かった。

# 2.3 積層方向の変更

埋め方 A の時、造形時の積層 方向を変更しヤング率を測定 した。積層方向 B は図 7 のよう に、造形台から試験片を立てる ように造形を行ったものであ る。

結果を表3、図8に示す。



#### 表3 積層方向 B/埋め方 B ヤング率結果

	積層方向 B/埋め方 A		
試験片番号	1	2	3
断面積(mm <sup>2</sup> )	18.06	18.70	18.06
ヤング率 (MPa)	1771	1814	2107
平均	1907		
ヤング率 (MPa)	1897		
標本標準偏差	149		



図 8 積層方向 B/埋め方 B 応力-歪線図

平均ヤング率が1897MPaと大きく低下し、 積層方向Aより68%低い結果となった。積 層方向によりヤング率が変化することが分 かった。

#### 2.4 密度の考察

積層方向を変えることでヤング率が大き く低下する原因を調べるため、ストレート部 を切断して断面を観察したところ、図9のよ うに十分に中身が埋まってるとは言えない ような状態であった。そのため、試験を行っ た試験片3種類について、それぞれの密度の 算出を行った。

表4に結果を示す。



図9 断面の確認

積層方向A		積層方向 A	積層方向 B
	埋め方 A	埋め方 B	埋め方 A
重量 (g)	0.8	1.1	3.0
ヤング率 (MPa)	5961	6660	1897
体積(mm <sup>3</sup> )	781.5	970.27	3152.5
密度 (g/mm³)	1.02×10 <sup>-3</sup>	1.13×10 <sup>-3</sup>	9.52×10 <sup>-4</sup>
差 (%)	-	10.7	-6.9

表4 試験片の密度比較

このことから、密度の増減がヤング率の増 減に関わっていると言える。しかし密度の増 減の量とヤング率の増減の量に比例関係は 見られず、密度以外もヤング率の低下に関わ っていると推察できる。

造形の面の埋め方や積層方向によって大 きくヤング率が変化することが分かった為、 部材によって適したヤング率に変えなけれ ば正確な座屈荷重が解析できないことが判 明した。しかし、今回はラティス円筒の座屈 特性を見るため、一様にヤング率 5961MPa として解析を行った。

# 3 最適化の条件

図10のようにラティス円筒の底面を固定、 圧縮荷重をかける。

この時、一番座屈しにくい形状を重量一定という条件のもと有限要素法による解析により求めた。固定条件は実際の圧縮試験を行ったときの条件を反映するよう、底面の接点に対して x,y,z 座標を動かないよう固定し、回転は許した。解析に使用したラティス円筒の寸法は半径 61.12 mm、高さ 51.96 mmである。



図 10 解析の条件

# 4 最適化

# 4.1 水平リブ位置の変更

図 11 のように水平リブの位置を変更し、 座屈強度が高くなる場所を求めた。水平リブ 位置は 25%、50%、75%、100%の4パターン について解析を行う。



後述の分割数6の時に水平リブ位置を変化 させた結果を図12に示す。



図 12 水平リブ位置変更結果

リブ位置 100%の時に座屈荷重が最大の 369N となった為、一番優れている水平リブ の位置は 100%の位置であることが言える。

# 4.2 分割数の変更

図 13 のように、円筒の径は変更せず、斜 体リブが入る数を変更して座屈強度が高く なる数を求めた。分割数は6、8、10、12、14、 16、18の7パターンについて行う。ただし、 単純に斜体リブ数を増やすとその分重量も 大きくなり、比較が困難になる為、表5のよ うに全体の重量が一定になるよう斜体リブ の縦横比は変えず断面積を変化させた。



図 13 分割数変更

表2 重量	一定の為の断面積の変化
-------	-------------

分割数	幅(mm)	厚さ(mm)	断面積(mm <sup>2</sup> )
6	2.46	2.36	5.82
8	2.28	2.19	5.01
10	2.13	2.05	4.36
12	2.00	1.92	3.84
14	1.89	1.81	3.41
16	1.79	1.72	3.06
18	1.70	1.63	2.77

水平リブ位置100%の時に分割数を変化させた

結果を図 14 に示す。



図 14 分割数変更の結果

分割数6の時に座屈荷重が最大の369Nとなった為、一番適した分割数は6分割と言える。

## 4.3 総当たり解析

水平リブ位置の4パターン、分割数の7パ ターンの組み合わせについて総当たり解析 を行った。結果を図15に示す。



図15 総当たり解析結果

全てのパターンにおいて解析を行ったが、 一番座屈荷重が高くなった形状は変わらず 「分割数6、リブ位置100%」の時であった。 総当たり解析を行っことで分割数によって 座屈荷重が最大になるリブ位置が異なるこ とが確認できた。

また分割数 6、リブ位置 75%において座屈 強度が大きく低下する原因を、分割数 6 でリ ブ位置を動かした4通りの座屈波形を見るこ とで考察した。リブ位置 25%、50%、100% の場合の座屈モードは全体座屈であったが、 75%の場合は図 16 に示すような局所座屈が 起こっていた。このため座屈の低下には局所 座屈が関わっていると考えられる。



図 16 水平リブ位置 75%の時の局所座屈(変化量 5 倍)

## 5 圧縮試験

本研究では最適化ラティス円筒を造形し、ノ ックダウンファクタを調べることを目的とし ているが、現時点で造形の条件出しが不十分な ため、造形することが出来ていない。そのため 最適化された形ではないが、比較的うまく造形 できたラティス円筒で圧縮試験を行い、座屈波 形を見ることで解析の妥当性を確認した。

試験を行ったラティス円筒は分割数 12、水平 リブ位置 100%、半径 22.77mm 、全長 17.32

mm ある。解析結果は 1649N の時に図 17 の ように座屈するというものであった。結果を図 18、19 に示す。







実験結果は 870N でせん断座屈が起こった。 ノックダウンファクタは 52.8%である。

形状不整により正規の座屈が起こる前に中 央の水平リブが破壊されてしまった結果せん 断座屈が起こった。ただし前述の通り造形の条 件出しがうまくいっておらず、試験前に目視で 確認できるほど水平リブの造形状態が悪かっ たため、より良い造形条件を見つけることによ って正規の座屈を起こせると考えられる。また 座屈した時点での座屈波形は解析の波形と類 似しており、最適化を行った際の接点の拘束の 条件が妥当であることが確認できた。

# 6 結言

本研究では重量一定という条件のもと、斜体 リブを増やすことや水平リブを移動させるこ とでラティス円筒の最適形状を解析により求 めた。結果は6分割、リブ位置100%の時に座 屈強度が最大になることが分かった。またラテ ィス円筒に対して圧縮試験を行ったが、造形が うまくできていないため正規の座屈が起こる 前にせん断座屈が起こってしまった。

今後の研究において、今回解析に反映しなか った積層方向によるヤング率の変化を解析に 反映していく必要がある。それと同時に造形の 条件を見直し最適化ラティス円筒の造形を行 い、ノックダウンファクタを調べる必要がある。