# 定常作動同軸AF-MPDの電極形状が推進性能に及ぼす影響

○鵜生 知輝, 片岡 久志, 鄭 栽勲, 市原 大輔, 岩川 輝, 佐宗 章弘(名古屋大学大学院)

Effect of Electrode Geometry on Steady-State Coaxial AF-MPD Thruster

Tomoki Uno, Hisashi Kataoka, Jaehun Jeong, Daisuke Ichihara, Akira Iwakawa and Akihiro Sasoh (Nagoya University)

Key Words: Electric propulsion, MPD thruster, Hollow cathode

# Abstract

We have developed a steady-state applied-field coaxial magnetoplasmadynamic thruster with a hollow cathode. Using argon gas as a propellant, operation property was parametrically studied for several propellant mass flow rates, applied magnetic field strengths and discharge currents with changing anode radius. As results, the thrust increased with increasing the discharge current, applied magnetic field and anode radius. Discharge voltage is increased by the back electromotive force. The thrust and discharge voltage is consistent with the trend by swirl acceleration.

# Nomenclatures

$\dot{m}_{ m t}$	= total mass flow rate
$\dot{m}_{ m c}$	= cathode mass flow rate
$\dot{m}_{ m b}$	= back plate mass flow rate
В	= applied magnetic field
J <sub>d</sub>	= discharge current
V <sub>d</sub>	= discharge voltage
J <sub>k</sub>	= keeper current
$V_{\rm k}$	= keeper voltage
F	= thrust
F <sub>swirl</sub>	= thrust by swirl acceleration
I <sub>sp</sub>	= specific impulse
η	= thrust efficiency
R <sub>a</sub>	= anode radius
R <sub>c</sub>	= cathode radius
V <sub>back emf</sub>	= back electromotive force
$V_0$	$= V_{\rm d} - V_{\rm backemf}$

#### 1. はじめに

Magnetoplasmadynamic(MPD)スラスタは、高い推力 密度を有し、大電力作動が可能であることから、近い 将来に必要とされる大電力電気推進機の有力な候補 と考えられている<sup>1-3)</sup>.しかし、低い推力効率や陰極の 損耗といった課題があり、推進性能の向上や加速メ カニズムの解明などの研究が数多く行われている<sup>47)</sup>.

MPDスラスタは磁場の印加方法により自己誘起磁 場型(SF-MPD)と外部磁場印加型(AF-MPD)に分類で きる.SF-MPDスラスタは放電電流と放電電流により 誘起される自己誘起磁場によって加速するため,効 率的な作動を行うには1~10 kA級の大電流が必要と なる.しかし,大電流作動では,熱負荷や陰極の損耗 が課題となる.一方, AF-MPDスラスタは, 永久磁石 やコイルにより外部磁場を印加することで, スワー ル加速やホール加速といった加速機構により推力が 生じる.特に強磁場を印加することで低電流作動に おいても高い推力が期待でき,熱負荷や陰極の損耗 を低減できる.しかし,従来のAF-MPDスラスタの研 究では1 kA級の大電流作動するものが多く研究され てきた<sup>8-10)</sup>. その要因として低電流作動ではジュール 加熱が小さく陰極の熱電子放出が促されないため, タングステンなどの陰極棒では放電が維持できない ことが挙げられる.

そこで本研究では、陰極にキーパー電極をもつ熱 電子放出型のホローカソードを用いることで、低電 流での定常作動が可能な同軸AF-MPDスラスタを開 発した.陽極半径、放電電流、外部磁場強度,推進剤 流量をパラメータとして作動を行い、作動特性,推進 性能を取得した.さらにコントロールパラメータに 対して、スワール加速を仮定したモデルから、スケー リングを行ったのでその結果を報告する.

## 2. スラスタ及び実験装置

# 2.1. スラスタ

本研究では2種類のスラスタを用いて実験を行った.本研究で用いたホローカソードと2種類のAF-MPDスラスタの断面図をそれぞれ図 1,図 2,図 3に 示す.

ホローカソードはカソードチップ(LHC-03AE1-01, Kaufman & Robinson, Inc.)とタンタル製のキーパー電 極からなる.キーパー電極の外径は14 mmであり,オ リフィス径は2 mmとなっている.また,推進剤をカ ソードチップ内部に加え,キーパー電極の背後,半径 11 mmの位置にある2箇所のポートから投入できる.

スラスタはどちらも同じ構成をしており, 陽極は 銅製の円筒形状で水冷している. 陰極には図 1のホ ローカソードを用い, コイルの中心に配置した. また, 水冷コイルを用いてコイル中心に最大265 mTの外部 磁場を印加できる. 両者の違いは陽極半径であり, 小 型スラスタでは陽極半径10,15,20 mm, 大型スラスタ では陽極半径40 mmにて実験を行った.





図 3 大型AF-MPDスラスタ

## 2.2. 実験装置

本研究で用いた実験装置を図 4に示す.装置は真 空チャンバー,真空ポンプ,スラストスタンド,フィ ードスルー,電源装置,計測装置から構成される.真 空チャンバーは長さ4 m, 直径2 mでロータリーポン プとターボ分子ポンプにより排気される. 真空度は ピラニゲージと電離真空計により計測され, すべて の実験条件において7.0×10<sup>-2</sup> Pa以下に保たれている.

推力は振り子式スラストスタンドを用いてスラス タの作動によって生じる微小変位をアームの先端に 設置された作動変圧器によって計測し,推力を評価 した.また,コイル作動時にTare forceが生じるため, スラスタ作動時に測定した値からTare forceの値を引 いたものを推力として算出した.



3. 実験条件,実験結果

3.1. 実験条件

実験条件を表 1に示す. 推進剤にはアルゴン(純度 99.9999%)を用いており,磁束密度はコイル中心での 値を表している.

表 1 実験条件			
Control parameter	Symbol	Value	
Total mass flow rate [mg/s]	$\dot{m}_{ m t}$	0.21~2.08	
Cathode mass flow rate [mg/s]	ṁc	0.21~2.08	
Back plate mass flow rate [mg/s]	$\dot{m}_{ m b}$	0~1.67	
Discharge current [A]	$J_{\rm d}$	5~20	
Applied magnetic field [mT]	В	114~265	
Keeper current [A]	$J_{\mathbf{k}}$	2	
Anode radius [mm]	$R_a$	10, 15, 20, 40	

3.2. 作動特性

図 4に小型スラスタの陽極半径に対する放電電圧, 推力を示す.陽極半径が大きくなるに従い,放電電圧, 推力ともに上昇している.放電電圧は陽極半径によ らず推進剤流量の減少に伴い増加している.一方で 推力は内径20mmのとき,推進剤流量が増加するにつ れ増加し,最大3倍の違いが見られるのに対し,内径 が30,40mmのときは推進剤流量の変化に対して推力 の変化は最大でも15%であり,推進剤流量に依存して いない.つまり陽極半径が大きいときは電磁加速の 寄与が大きくなっていると考えられ,大きな陽極半 径で低推進剤流量の作動を行うことで推進性能の向 上が期待できる.



大型スラスタの放電電流と外部磁場強度に対する 放電電圧,推力をそれぞれ図 6,図 7に示す.推力は 放電電流,外部磁場強度に対して線形に増加し,推進 剤流量に依存していない.小型スラスタに比べ推力 の向上が確認された.一方で推進剤流量が小さい条 件では,放電電流が振動する不安定な作動となり,計 測が行えなかった.放電電圧は推進剤流量が小さい ほど増加し,放電電流,外部磁場強度に対して増加し た.



図 6 放電電流に対する放電電圧,推力



#### 3.3. 推進性能

推力,放電電圧,キーパー電圧の計測結果から,推 進性能の評価を行った.代表的な推進性能を図 8に 示す.ただし比推力,推力効率は実験で設定した推進 剤流量を基に算出しており,電極や壁面材料の損耗 による実効的な推進剤流量の増加を考慮していない. また,コイルに用いた電力も将来的には永久磁石を 適用することを考え考慮していない.

陽極を大径化することで推力効率,推力電力比の 向上が確認できる.本研究では,陽極半径40mmの条 件で,最大推力効率は13%をとり,そのときの比推力 は2500秒であった.比推力に関しては,低推進剤流量 でも安定作動が行えたことから陽極半径が小さいほ うが大きくなった.

本研究ではホローカソードの作動範囲から放電電 流が20Aまでの条件でしか作動をさせていない. 放電 電流を増加させることで,さらなる推進性能の向上 が期待できる.



4. スケーリング

2つのスラスタを用いた実験の結果から,陽極半径 に対して推力,放電電圧の増加が確認された.そこで 陽極半径と作動条件に対して推力,放電電圧の傾向 を把握するためにスケーリングを行った.

#### 4.1. モデル化

本研究では放電電流は最大でも20 Aで投入電力も 数 kWと小さいことから,自己誘起磁場の影響や電 熱加速の影響は小さいと考えられる.よって支配的 な加速機構は外部磁場によるスワール加速,ホール 加速であると考えられる.実験中の排気プルームを 観察したところ,プルームの回転や磁場に沿った形 状が観察されたことから,スワール加速が支配的と 考えた.スワール加速による推力の理論式はFradkin らによって提唱されており<sup>11)</sup>,角速度を一定とすると 推力は次の式で表される.

$$F_{\rm swirl} = \frac{1}{\sqrt{2}} J_{\rm d} B_{\rm z} R_{\rm a} \left[ 1 - \frac{3}{2} \left( \frac{R_{\rm c}}{R_{\rm a}} \right)^2 \right] \tag{1}$$

つまり,推力は放電電流,外部磁場強度,陽極半径 に比例する.

放電電圧は逆起電力とシース電圧やプラズマ抵抗 による電圧降下などの逆起電力以外の項に分けると 次の式で表される.

$$V_{\rm d} = V_0 + V_{\rm back\,\,emf} \tag{2}$$

ここで逆起電力は0方向の旋回速度から次のよう に求められる.

$$V_{\text{back emf}} = \frac{J_d B_z^2 R_a^2}{2\dot{m}} \left[ 1 - 3 \left( \frac{R_c}{R_a} \right)^2 \right]$$
(3)

よって,放電電圧はある電圧V<sub>0</sub>から放電電流,外部 磁場強度の2乗,陽極半径の2乗に比例し,推進剤流量 に反比例して増加する.式(1),(3)より推力,放電電 圧の傾向についてスワール加速を仮定し見積もった.

## 4.2. 推力,放電電圧の傾向

スワール加速による理想的な推力に対する推力値 を図 9に示す.外部磁場強度には,陽極出口での値を 用いた.推力は線形に増加していることから,放電電 流,外部磁場強度,陽極半径に比例して増加している ことがわかる.一方で式(1)から導出される,理論値に 対しては60%ほどの推力値となった.一致しない原 因としては,壁面への損失や,角速度一定などの計算 における仮定が実験においては成り立っていないこ とが考えられる.



図 9 スワール加速よる推力に対する推力値

放電電圧は $J_d B^2 R_a^2/\dot{m}$ に比例すると考えられる. そこで、 $J_d B^2 R_a/\dot{m}$ に対する $V_d/R_a$ を図 10に示す. 切片となる電圧 $V_0$ は陽極半径に比例している. また、陽極半径によらず $J_d B^2 R_a^2/\dot{m}$ に対して放電電圧はほぼ同じ傾きで増加していることがわかる. つまり、逆起電

力により放電電圧が増加していると考えられる.



図 10  $J_d B^2 R_a / \dot{m}$ に対する $V_d / R_a$ 

5. 結論

本研究ではホローカソードを用いた同軸AF-MPD スラスタを開発し,小流量低電流作動を行った. 陽極 内径を変更し作動特性,推進性能を取得した結果,以 下のことが判明した.

- ・ 陽極を大径化することで,推力,推力効率,推力 電力比の向上が確認された.一方で推進剤流量 が小さい範囲では不安定作動となったため,比 推力は低下した.
- ・ 陽極半径40 mmにおいて,比推力2500秒で最大 推力効率13%を達成した.
- ・ 推力は放電電流,外部磁場強度,陽極半径に比
   例して増加した.スワール加速によるモデルと
   比較すると推力はその60%程度であった.
- ・ 放電電圧はある電圧V<sub>0</sub>から逆起電力により増加 した。

推力, 放電電圧の傾向はスワール加速を仮定した ときのモデルと一致した傾向が見られた. この詳細 を調査するためにラングミュアプローブやホールプ ローブを用いた診断を行う予定である.

## 謝辞

本研究はJAXA-In-Space 27-DD9166の支援を受けて 行われた.

# 参考文献

- K. Sankaran et al, "A Survey of Propulsion Options for Cargo and Piloted Missions to Mars", *ASTRODYNAMICS, SPACE MISSIONS, AND CHAOS*, 1017, pp.450-467, 2004
- Jahn, R. G. "Physics of Electric Propulsion", McGraw-Hill, New York, 1968

- Krulle, G. et al, "Technology and Application Aspects of Applied Field Magnetoplasmadynamic Propulsion", *Journal of Propulsion. & Power*, Vol. 14, No. 5, pp. 754-763, 1998
- M.Auweter-Kurtz, "Plasma thruster development program at the IRS", Acta Astronautica, 32, pp.377-391, 1994
- Sasoh, A. et al, "Electromagnetic Effects in an Applied-Field Magnetoplasmadynamic Thruster", *Journal of Propulsion and Power*, 8, pp.98-102, 1992.
- 6). V. B. Tikhonov et al, "Investigation on a New Type of MPD Thruster", ECA, 24B, pp. 81-84, 2000
- Adam Boxberger et al, "Experimental Test Campaign of Gas-fed Steady State Applied-Field Magnetoplasmadynamic Thruster SX3", IEPC Paper 2013-251, 2013
- S. Bennett et al, "Experimental investigation of the MPD arcjet", AIAA-66-239, 1966
- V. B. Tikhonov et al, "Performance of 130kW MPD thruster with an external magnetic field and Li as propellant", IEPC-97-117, 1997
- Roger M. Myers, "Scaling of a 100-kW class appliedfield MPD thruster", AIAA-92-3462, 1992
- D. B. Fradkin et al, "Experiments Using a 25-kw Hollow Cathode Lithium Vapor MPD Arcjet", AIAA Journal, Vol. 8, No. 5, 1970