3次元複雑形状周りの RANS 解析へ向けた 直交格子ソルバ UTCart の機能拡張 ^{玉置義治、今村太郎} 東京大学大学院

Extension of the Cartesian Flow Solver UTCart for RANS Simulations around 3D Complex Geometries

by

Yoshiharu Tamaki and Taro Imamura

ABSTRACT

To simulate flows around complex geometries, an improvement on the Cartesian-grid-based flow solver UTCart is proposed, which enables UTCart to handle a grid with variable cell sizes on the wall. UTCart uses an immersed boundary method with a wall function for the wall boundary condition in turbulent flow simulations. The boundary condition requires a cutoff distance that is defined as the grid size assigned at the nearest wall multiplied by a constant. A large computational effort was needed to determine the cutoff distance because every cell in the computational domain must detect the nearest wall. Thus, a new method based on an advection equation to calculate the cutoff distance is developed. Using UTCart, turbulent flows around the JAXA high-lift configuration standard model are simulated. The surface features, including the small gaps between the wing and the flap, are well resolved in the generated grid that has approximately 110 million cells. In the computational results, the lift coefficients and the surface pressure coefficients show a good agreement with the experimental data, especially at the low angles of attack.

1. 序論

計算機の高速化に伴い,3次元複雑形状周りの流れの数 値解析が広く行われるようになりつつある.そのような中 で,格子生成の高速化の必要性から,階層型直交格子法¹⁻⁸⁾ が近年注目されている.特に,壁面境界条件を埋め込み境 界法⁶⁸⁾で与える場合,生成された直交格子をそのまま用い ることができるため,複雑な形状に対してもロバストに格 子生成および流体計算を行うことができる.筆者らはこの 利点に着目し,直交格子ベースの圧縮性流体ソルバ UTCart (The University of Tokyo Cartesian-Grid-Based Automatic Flow Solver)の開発を進めている.

直交格子および埋め込み境界法を用いる場合,層状格子 が存在しないことや壁面近傍の保存則が厳密でないことか ら、壁面近くの乱流境界層の再現が困難であった.そこで 筆者らは、UTCartにおいて RANS 解析を行うための壁面境 界条件として、壁関数を用いた埋め込み境界法を提案した ⁷⁾.この手法では、壁面近傍において、直交格子において も数値的に再現可能である線形な速度プロファイルを仮定 する.それに応じて、せん断応力のバランスを維持するた めに、Spalart-Allmaras (SA)乱流モデルの壁面減衰関数を変 更して壁面近傍の渦粘性プロファイルにも修正を加える. 2次元の検証問題⁷では、表面摩擦係数や空力係数が精度良 く予測でき、格子収束の傾向が正しいことを確認した.ま た、NASA Common Research Model 周りの遷音速流れ⁸の解 析においても、物体適合格子や実験結果との比較による妥 当性の検証がなされている.

上記の埋め込み境界法では、乱流モデルの壁面減衰関数 を修正する領域を判定するために、壁面における格子幅の 定数倍で表されるカットオフ距離が必要である.領域内の 複数の物体それぞれに異なる格子幅を割り振る場合、各セ ルから最も近い壁面に設定されている格子幅がカットオフ 距離となる.しかし、各セルから最も近い壁面を探す操作 は総当たり演算となり、計算コストが大きい.そのため、 これまでの解析 ^{7,8)}では壁面格子幅を一様としていた.複雑 形状の解析では、物体の小さな特徴近傍で格子解像度を上 げるなど、一様でない壁面格子幅を持つ格子を設定するこ とが解析精度の向上に有効であるため、この問題の解決が 必要である. 本研究では、UTCart を用いた 3 次元の複雑な形状の解析 に向けて、複数の壁面格子幅を設定した格子におけるカッ トオフ距離の計算手法を開発する.この手法では、物体法 線方向に移流速度を持つ移流方程式を用いて、壁面の情報 を流体内へ伝搬させる.このようにすることで、総当たり 演算を用いずにカットオフ距離が定義できる.

本稿ではまず,UTCart における自動格子生成および流体 ソルバの概要を説明する.併せて,複数の壁面格子幅を定 義できるようにするための機能拡張についても述べる.さ らに,それらを用いて3次元高揚力装置模型周りの解析を 行い,直交格子を用いた3次元複雑形状周りの RANS 解析 の現状と可能性について議論する.

2. 直交格子生成

UTCart では、四分木(2 次元)、もしくは八分木(3 次元)構造を用いて自動格子生成を行う.格子生成では、物体と交差している、もしくは物体を内包しているセルを wall セル、完全に物体の内側にあるセルを body セル、外側にあるセルを fluid セルとして扱う.流体計算は fluid セルのみを対象とし、境界条件は fluid セルと wall セルの境界面(図中 FC)において与える.このようにすることで、格子幅より小さい物体の周りにも必ず wall セルが 1 つ以上存在することになる.よって、物体の薄い箇所を fluid セルが貫通してしまうのを防ぎ、ロバストに格子生成を行うことができる.以下、この格子の生成法の概要について述べる.



2.1.格子生成の概要

入力形状は 2 次元では線分の集合, 3 次元では STL ファ イル(三角形の集合)である. 各入力形状に対して, 壁面格 子幅, および境界条件を定める. なお, 物体の情報につい てはプログラム内で図 2 のように二分木構造を作成し, そ れぞれに bounding box を設定することで高速化している. 同時に,格子を細分化する領域(図中 line source, box source)の座標と格子幅を,必要に応じて設定する.

格子の生成ではまず、ドメイン全体を root セルとし、物体との交差を判定する(図 3 (a)). ドメイン内に物体が存在 すれば、root セルは wall セルとなる. 次に、各 wall セルに 対しては、物体ごとに決められた格子幅以下になるまで細 分化を行う.また、細分化を指定した領域内でも、設定さ れた格子幅以下になるまで格子を細分化する(図 3 (b)).さ らに、隣接するセルの大きさの比が最大 2 倍となるようス ムージングを行う(図 3 (c)). この時、下方の層の界面から 格子幅の整数倍分だけ離れた位置にマーカーを生成し、マ ーカーとの交差判定を行って内部のセルを細分化する.な お、スムージングにおいては、図 4 のように各層に対して 別個の数字を指定可能である.ここで、物体の内外判定を 行い、物体外部にあるセルのみを fluid cell とする(図 3 (d)).

2. 2. IPの設定

FC における境界条件を課す際には、流体中に設置した image point (IP)における物理量を用いる(図 1 参照). IP は、 FC を通り壁面に垂直な線上に設定する.また、IP と壁面の 距離 d_{IP} は FC を含むセルの幅の定数 r_{IP} 倍で与える. IP が十 分に流体側に出るようにするためには、2 次元で $r_{IP} > \sqrt{2}$ 、 3 次元で $r_{IP} > \sqrt{3}$ である必要があるが、 r_{IP} があまり大きい と境界層内に IP が入らないという問題が生じる.本稿にお ける解析では $r_{IP} = 2$ とする.なお、物体の特徴に対して格 子解像度が不足している場合、IP が物体内に入ってしまう 可能性がある.その際は、IP を用いずに階段状境界として 扱い、滑りもしくは非滑り条件を課す.



図2 入力物体形状に対する二分木構造の設定





図4 Smooth 層指定の例

3. 圧縮性流体ソルバ

UTCart の圧縮性流体ソルバでは、生成された格子を非構造格子として扱い、有限体積法により離散化する.支配方程式は圧縮性 Navier-Stokes 方程式であり、基本となる乱流モデルはトリップ項を除いた SA 乱流モデル⁹⁰である.また、物体に働く流体力の計算には、流束ベース法¹⁰⁾を用いる.以下、乱流解析における壁面境界条件⁷⁰の概要と、複数の壁面格子幅を許容するための改良について述べる.

3. 1. 埋め込み境界法

UTCart における埋め込み境界法では、FC と IP との間で 1 次元プロファイルを仮定することで境界条件を決定する. なお、IP の値は文献のの方法を用いて周囲セルの値より補 間する.以下、FC、IP での値をそれぞれ下付き添え字IP、 FCで表す.また、壁面接線方向に x_t 軸、法線方向に x_n 軸を 設定する.

RANS解析では、壁関数を用いた境界条件^{η}を用いることで、最小格子幅の制約を緩和する.この境界条件では、まず壁面の摩擦速度 u_{τ} を、IPにおいて

$$u_{t,IP} = u_{\tau} f_{wall}(y_{IP}^{+}) \tag{1}$$

となるように壁関数をマッチングすることで求める.ただし、 u_t は流れの接線方向速度、 $f_{wall}(y^+)$ は壁関数、 $y^+ = u_t d/v$ 、vは動粘性係数、dは壁面からの距離である. SA 乱流モデルとの整合性を保つため、壁関数には SA wall model¹¹⁾を用いる.

次に求めた u_{τ} を用い、FCにおける物体接線方向速度を

$$u_{t,FC} = u_{t,IP} - \left\{ \frac{\partial f_{W}}{\partial y^{+}} (y_{IP}^{+}) \right\} (y_{IP}^{+} - y_{FC}^{+}) u_{\tau}$$
(2)

として部分滑り境界条件で与える(図 5(a)). また、 $\partial f_w/\partial y^+(y^+)$ は壁関数の1階微分であり、解析的に与えられる. 式(2)のように線形な関数を仮定することで、層状格子のない直交格子においても壁面近傍の速度プロファイルが数値的に解像できる.

さらに、渦粘性にも対応した修正が必要である.境界層の内層において、流れ方向の圧力勾配や対流の効果が無視できるとすると、せん断応力($\mu + \mu_t$)($\partial u_1/\partial x_2$)は法線方向に一定となる.式(2)では速度勾配が法線方向に一定のプロファイルを仮定しているので、せん断応力一定の条件を保つためには、渦粘性も法線方向に一定となる必要がある.ここで、SAにおける作業変数 \tilde{v} と渦粘性 μ_t は、減衰関数 f_{v1} を用い

$$\mu_t = \rho \tilde{\nu} f_{\nu 1} \tag{3}$$

と関係づけられる.発達した乱流境界層の内層において, SA は $\tilde{v} = \kappa u_r d$ ($\kappa = 0.41$)という線形な解を持つので,渦粘 性が法線方向に一定になるようにするためには, f_{v1} が壁面 からの距離の逆数に比例するように修正すればよい.よっ て,IP 高さをカットオフ距離 d_{cutoff} とし, f_{v1} を以下のよう に修正する(図 5(b)).

$$f_{v1} = \begin{cases} f_{v1,w} & (d < d_{cutoff}) \\ f_{v1,f} & (d \ge d_{cutoff}) \end{cases}$$

$$f_{v1,w} = r_d \frac{(\chi r_d)^3}{c_{v1}^3 + (\chi r_d)^3}$$

$$f_{v1,f} = \frac{\chi^3}{\chi^3 + c_{v1}^3}$$
(4)

ただし, $c_{v1} = 7.1$, $\chi = \hat{\nu}/\nu$, $r_a = d_{cutoff}/d$ である. これ により,壁面近傍で渦粘性が法線方向に一定となり, せん 断応力一定の条件が再現される. なお, この境界条件につ いての詳細については文献⁷も参考にされたい.



3.2.カットオフ距離の計算

式(4)に示した渦粘性係数の修正では、領域内の各セルに おいて、カットオフ距離d_{cutoff}が必要となる.カットオフ 距離は IP と壁面の距離で定義されるが、壁面近傍の格子幅 が物体によって異なる場合や、細分化ソースに対して物体 に設定した格子幅より小さい値を設定した際には、そのセ ルから最も近い壁面における IP と壁面の距離に一致する必 要がある.しかし、領域内のセルに対して最も近い壁面を 直接見つけるためには総当たり演算が必要となり、計算コ ストが増加する.

この問題を解決するため、移流方程式を用いて壁面の情報を計算領域に伝搬する.ある壁面から法線方向に対しては、カットオフ距離が同じ大きさである必要がある.この 条件を満たすカットオフ距離は、物体法線方向に移流速度 を持つ移流方程式

$$\frac{\partial \psi}{\partial \tau} + a_x \frac{\partial \psi}{\partial x} + a_y \frac{\partial \psi}{\partial y} + a_z \frac{\partial \psi}{\partial z} = 0$$
 (5)

の $\tau \rightarrow \infty$ における解として得る.ただし, a_x , a_y , a_z は物体法線ベクトルaの各方向成分であり, levelset 法¹²⁾で得られた距離関数 ϕ の微分

$$a_x = \frac{\partial \phi}{\partial x}, \qquad a_y = \frac{\partial \phi}{\partial y}, \qquad a_z = \frac{\partial \phi}{\partial z}$$
 (6)

により計算する.式(6)は近傍セルを用いた最小二乗法を用いて計算する.移流方程式の境界条件は,壁面において設定されている格子幅の定数倍r_{IP}をディリクレ条件として与え,遠方では無勾配境界とする.

式(5)の離散化は、有限体積法を用いて

$$\frac{\partial \psi_i}{\partial t} + \frac{1}{V_i} \sum_{j \in i} \tilde{F}_{ij} s_{ij} = 0$$
(7)

とする(下付き添字i, jに関する総和は取らないことに注意). ただし、jはセルiの隣接セルを表すインデックスであり、 \tilde{F}_{ij} はセルiとjの間の面における数値流束、 s_{ij} は面の面積、 V_i はセルの体積である. さらに計算の安定化のため、風上 化を行う. ここで、風上化された数値流束 \tilde{F}_{ij} は

$$\tilde{F}_{ij} = \begin{cases} \psi_i \alpha_i & (\alpha_i > 0) \\ \frac{\psi_i + \psi_j}{2} \alpha_i & (\alpha_i \le 0 \text{ and } \alpha_j > 0) \\ \psi_j \alpha_i & (\alpha_i \le 0 \text{ and } \alpha_j \le 0) \end{cases}$$
(8)

である. ただし, $\alpha_i = (\mathbf{a}_i \cdot \mathbf{n}_{ij}), \alpha_j = (\mathbf{a}_j \cdot \mathbf{n}_{ij})$ であり, \mathbf{n}_{ij} はセル*i*と*j*の面の法線ベクトルである. なお,式(8)はセル*i* から見た場合の流束であり,一般的には $\tilde{F}_{ij} \neq \tilde{F}_{ji}$ である. 式(8)による風上化では,2つの壁面から伝わった情報が交 差する点において,伝搬を止めることで振動を抑制する.

例として、2次元面内における2翼型周りで移流方程式を 解いた例を図 6 に示す.上下の翼型周りの格子幅はそれぞ れ 0.04、0.02 とし、下側の翼型の前縁付近には格子幅 0.01 の細分化ソースを設定している.壁面近傍での格子幅の設 定に応じて計算領域が正しく色分けされており、カットオ フ距離が最も近い壁面における格子幅の η_P (=2)倍となって いることが確認できる.なお.カットオフ距離は $d < d_{cutoff}$ の領域のみで用いられるので、実用上は領域全体を 十分小さな値で初期化しておき、物体近傍のみ計算すれば 良い.



4. 3次元高揚力装置周りの数値解析

4. 1. 問題設定

3 次元複雑形状周り流れの解析例として、3rd AIAA CFD High-lift Prediction Workshop¹³)における課題の 1 つである JAXA 高揚力装置標準模型(JSM)^{14, 15})周りの解析を行う. 平 均空力翼弦長(MAC)は 529.9mm, 半スパン長は 2300mm で ある. 今回対象としたモデルは胴体,母翼,スラット,シ ングルスロッテッドフラップからなり,フラップ舵角は 30°である.また,実験形態に合わせ,スラット,フラップ の支持装置もモデルに含む.

解析条件は JAXA 6.5×5.5m 大型低速風洞における実験条件に合わせる. MAC 基準のレイノルズ数は 1.93×10⁶, マッハ数は 0.172, 一様流温度は 306.55K であり, 迎角は 4.36, 10.47, 14.54, 18.58, 20.59, 21.57 の 6 通りとする. 形状は半裁とし, y = 0の面に対称境界条件を課して計算を行う.

4. 2. 計算格子

形状を定義している STL を分割し,図7に示したように それぞれに壁面の格子幅を設定する.流れの剥離が予測さ れる翼上面の格子密度を向上させ,その他の部分の格子は 最小格子幅に対して最大 8 倍粗くすることで計算資源を節 約する.最小格子幅は翼上面の外舷側で 0.25mm,内舷側 で 0.5mm であり,翼上面の全域で局所翼弦長に対して 1000 セル以上が配置されている.また,スラット外端と母 翼の隙間に level 1 (0.25mm)の line source を設定し,隙間を 解像する.格子のスムージングにおける層数は,それぞれ wall layer が 2,物体近傍の smooth layer が 8,遠方が 3 とす る.

生成された格子を図 8 に示す. 流体セルの総数は 114,466,104である. スラットと母翼の間, フラップと母翼 の間には狭い隙間が存在するが,本格子ではそれらが解像 できている. また,この格子におけるカットオフ距離の計 算結果を図9に示す.なお、図中の断面の定義は図10に従う.本格子では4通りの壁面格子幅が設定されているが、 流体内の各セルでは、最も近い壁面に定義されている格子 幅に従ってカットオフ距離が計算されていることが確認で きる.

なお,格子生成はワークステーション(Xeon E5-2643 v3, 3.4GHz)のうち1コアを用いて行い,所要時間は約1時間 40分であった.また流体計算およびレベルセット法による 距離計算,カットオフ距離計算は,東京大学のReedbushス ーパーコンピュータシステム(Xeon E5-2695 v4, 2.1GHz)のう ち4ノード(144 core)を用いて MPI並列下で行った.距離お よびカットオフ距離計算に要した時間は約2分,流体計算 に要した時間は1迎角当たり約30時間であった.

4. 3. 計算手法

計算手法の一覧を表 1 に示す. 乱流モデルは Spalart-Allmarasモデル⁹を用いる. ただし,トリップ項を省略して いる. また,渦中心で過度な散逸が生じないよう, Rotation Correction^{16, 17)}を加えており,文献¹⁷⁾に従い,生産項が負に ならないように $C_{rot} = 1$ とする. さらに,数値粘性低減の ため,非粘性項に高次精度スキーム¹⁸⁾を使用する.

表1	計算手法の一覧
非粘性流束	SLAU ¹⁹⁾
数値スキーム	4次精度風上バイアス法 ¹⁸⁾
(非粘性項)	
数値スキーム(粘性項)	2次精度中心差分+補正項 20)
数値スキーム	2 次精度 MUSCL
(乱流モデル移流項)	
勾配再構築	WLSQ $(G)^{21}$
リミタ	なし
時間積分	MFGS ²²⁾
クーラン数	100 (局所時間刻み)







(b) スラット支持装置
 (c) フラップ外端
 図 8 JSM 周りの計算格子の概要



図 9 カットオフ距離の分布 (左: E-E 付近断面,右: N-N 断面)



図 10 JSM の断面定義¹³⁾

4. 4. 計算結果

図 11 に迎角 14.54°における揚力係数の時間収束を示す. 12000 ステップ以降揚力係数は一定の範囲内に収まってい るが,振動が残っている.これは格子の等間隔部で時間刻 みが揃ってしまうことや,非粘性項に高次精度スキームを 利用していることにより,一度発生した剥離渦が後流で減 衰し難いことが影響していると考えられる.

次に、図 12 に各迎角における空力係数を示す.低迎角 では揚力係数*C*_L,ピッチングモーメント係数*C*_mが実験値 と良い一致を示す.抗力係数*C*_Dは実験値に比べて過大評価 されているが,他の解析結果^{15,23)}でも同様の傾向が見られ る.一方で,迎角 18.58°以上では揚力曲線が右下がりになっており,最大揚力係数は実験値と比べて約 10%小さい.

図 13,14に迎角 14.54°,18.58°における断面での圧力分 布を示す.ただし、断面の定義は図10に従う.迎角14.54° では、各断面での圧力分布が実験結果と良く一致している. また、より低い迎角においても、表面圧力係数は同様に実 験値と良く一致することを確認している.迎角 18.58°では、 A-A 断面で実験値と良い一致が見られる一方で、外舷側で はサクションピークが失われ、失速状態となっている.ま た、図 15 に表面流線及びx方向摩擦係数を示す.ワークシ ョップで提供されるオイルフロー結果¹³に示されるように、 実験においては最外舷のスラット支持装置後流に剥離が観 察される.しかし、本計算結果ではさらにその内側の2つ のスラット支持装置後流でも剥離が生じることによって、 実験値と比較して揚力が低下していると考えられる.この 点については、スラット支持装置やその後流における格子 解像度が影響している可能性もある.

以上より,剥離が小さい,もしくは鋭角等によって剥離 点の定まる低迎角の流れ場において,UTCart は精度良く 解析が実行できることが確認できた.今後は高迎角の流れ 場の予測精度向上に向け,格子解像度の感度調査や,壁面 境界条件等の計算手法の更なる改良が望まれる.



5.まとめ

直交格子ソルバ UTCart において,複雑な形状周りの流 れ場の解析に向けた手法の改良を行った.UTCart におけ る乱流解析用の壁面境界条件では,壁面近傍での渦粘性プ ロファイルの修正に壁面の格子幅の定数倍で表されるカッ トオフ距離が必要である.本研究では,物体の表面の位置 に応じて異なる格子幅を設定した際にカットオフ距離を計 算する方法として,移流方程式に基づいて壁面の情報を計 算領域に伝搬する手法を構築した.

複雑形状周りの解析例として,JAXA 高揚力装置標準模型(JSM)周りの RANS 解析を行った.UTCart の自動格子生成プログラムによって,約1.1億点の格子を1時間40分で生成した.解像度の必要性に応じて壁面の格子幅を最大8倍変化させることにより,総セル数を節約しつつ,母翼とフラップの隙間等の細かい特徴も解像した.また,最も近い壁面における格子幅に応じて,カットオフ距離が正しく求められていることを確認した。

JSM 周り流れの計算結果では、低迎角における揚力、ピッチングモーメント係数が風洞実験における測定値と近い 値を示した.また、翼断面上の圧力分布についても、実験 結果と良い一致を示した.一方で、高迎角においてはスラ ット支持装置後流の剥離が過大予測され、揚力が過小評価 される傾向があった.なお、最大揚力係数の実験値との差 は、約 10%であった.さらに、高迎角における流れ場の予 測精度向上に向けては、格子解像度の感度調査や壁面境界 条件の更なる改良が必要であることを確認した.

謝辞

本研究は JSPS 科研費, 特別研究員奨励費 16J07740 の助成を 受けたものである. 元となる直交格子ソルバについては JSPS 科 研費, 若手研究(A) (基金) 15H05559 の成果を用いた.

参考文献

1) Wang, Z. J. "A Quadtree-based adaptive Cartesian/Quad grid flow solver for Navier-Stokes equations," Computers & Fluids 27.4 (1998): 529-549.

2) Lahur, P., "Automatic hexahedra grid generation method for component-based surface geometry," 17th AIAA Computational Fluid Dynamics Conference. 2005-5242.

3) Ishida, T., Takahashi, S., and Nakahashi, K, "Efficient and robust cartesian mesh generation for building-cube method," Journal of Computational Science and Technology 2.4 (2008): 435-446.

4) Hartmann, D., Meinke, M., Schröder, W., "A Strictly Conservative Cartesian Cut-Cell Method for Compressible Viscous Flows on Adaptive Grids," Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, Vol. 200, No. 9, 2011, pp. 1038-1052.

5) Berger, M. J., Aftosmis, M. J., and Allmaras. S. R. "Progress towards a Cartesian cut-cell method for viscous compressible flow," AIAA Paper, No. 2012-1301.

6) Capizzano, F., "Turbulent Wall Model for Immersed Boundary Methods," AIAA Journal, Vol. 49, No.11, 2011, pp. 2367-2381.

7) Tamaki, Y., Harada, M., and Imamura, T. "Near-Wall Modification of the Spalart-Allmaras Turbulence Model for the Immersed Boundary Method," AIAA Journal, 2017 (accepted).

8) 玉置義治,原田基至,今村太郎,"直交格子流体ソルバ UTCartを用いた NASA-CRM の非粘性および RANS 解析," 航空宇宙技術,JSASS-D-17-00024, 2017.

9) Spalart, P. R., and Allmaras S. R., "A One-Equation Turbulence Model for Aerodynamic Flows," AIAA paper 92-0439.

10) 玉置義治, 今村太郎, "埋め込み境界法における力計算精 度と質量保存則の関連性の調査," 第 30 回数値流体シンポ ジウム, B03-2, 2016.

11) Allmaras, S. R., Johnson, F. T., and Spalart, P. R., "Modifications and Clarifications for the Implementation of the Spalart-Allmaras Turbulence Model," 7th International Conference on Computational Fluid Dynamics, 2012.

12) Sussman, M., Smereka, P. and Osher, S., "A level set approach for computing solutions to incompressible two-phase flow," Journal of Computational physics 114.1 (1994): pp. 146-159.

13) https://hiliftpw.larc.nasa.gov/ [retrieved on May 3rd, 2017]

14) Yokokawa, Y., Murayama, M., Uchida, H., Tanaka, K., Ito, T., Yamamoto, K., "Aerodynamic Influence of a Half-Span Model Installation for High-Lift Configuration Experiment," AIAA paper, No. 2010-0684.

15) Murayama, M., Yokokawa, Y., Kato, H., Kanazaki, M., Yamamoto, K., and Ito, T., "Computational Study for High-Lift Aerodynamics Research in JAXA," 26th International Congress of the Aeronautical Sciences, 2008.

16) Dacles-Mariani, J., Kwak, D., and Zilliac, G. G., "On Numerical Errors and Turbulence Modeling in Tip Vortex Flow Prediction," Int. J. for Numerical Methods in Fluids, Vol. 30, 1999, pp. 65-82.

17) Lei. Z, "Effect of RANS turbulence models on computation of vortical flow over wing-body configuration." Transactions of the Japan Society for Aeronautical and Space Sciences 48.161 (2005): 152-160.

18) Tamaki, Y., Imamura, T., "Efficient dimension-bydimension higher order finite-volume methods for a Cartesian grid with cell-based refinement," Computers & Fluids 144 (2017): pp. 74-85. 19) Shima, E. and Kitamura, K., "Parameter-Free Simple Low-Dissipation AUSM-Family Scheme for All Speeds," AIAA Journal, Vol.49, No.8, 2011, pp. 1693-1709.

20) Wang, G., Schöppe, A., and Heinrich, R., "Comparison and Evaluation of Cell-Centered and Cell-Vertex Discretization in the Unstructured TAU-Code for Turbulent Viscous Flows," ECCOMAS CFD 2010, Lisbon, Portugal, 2010.

21) Shima, E., Kitamura, K. and Haga, K., "Green-Gauss/Weighted-Least-Squares Hybrid Gradient Reconstruction

for Arbitrary Polyhedra Unstructured Grids," AIAA Journal, Vol.51, No.11, 2013, pp. 2740-2747.

22) 嶋英志, "構造/非構造格子のための簡単な陰解法," 第 29 回流体力学講演会, 2C9, 1997.

23) Konig, B, et al. "Lattice-Boltzmann Simulations of the JAXA JSM High-Lift Configuration," AIAA paper No. 2016-3721, 2016.

