ロール自由度制御機構を有するスティング支持装置*

神 田 淳*1 上 田 哲 彦*1

Sting Supporting System with Controllable Roll Mode

Atsushi KANDA and Tetsuhiko UEDA

ABSTRACT

To address the wing flutter problem, it is important to take into consideration the anti-symmetric mode since it sometimes becomes the most critical mode. For wind tunnel experiments, we made a peculiar supporting system that allows motion of the model about its roll axis. This system also has a the function that can constrain rolling motion to stop anti-symmetric mode flutter. Flutter experiments were conducted in TWT (Transonic Wind Tunnel) at NAL. It was confirmed that anti-symmetric mode flutter occurred at the flutter boundary and that the supporting system worked successfully. Moreover, flutter characteristics were analytically examined by DPM (Doublet Point Method).

Keywords: Anti-symmetric mode flutter, Wind tunnel test, DPM

概 要

逆対称モードフラッタの特性を把握するために特殊な支持装置を開発した。この支持装置はロール方向に自由度を有しており、その自由度をサーボモータによりコントロールできる機構を持ち、対称モードフラッタとの限界動圧の差を利用したフラッタ停止装置の機能も併せ持つ。航技研の遷音速風洞でダミーの全機模型を用いて風洞実験を行った結果、逆対称モードフラッタをクリティカルなモードとして捕らえることができ、さらにフラッタの停止を図ることができ機構の有効性が確認された。また、DPM(Doublet Point Method)を用いて胴体面をも含めて非定常空気力を解析し、逆対称モードフラッタ特性を求めた。

: 質量: マッハ数: フラッタ固有値

: 空気力 : 静圧 : 総圧

: 一般化座標 : 動圧 : 気体定数 : レイノルズ数 : 翼面積 : 静温度 : 淀点温度 : 流速

:フラッタ速度

 U_{F}

	記号	m
		M
Α	: 一般化非定常空気力マトリクス	р
b	: 翼根での1/2 翼弦長(= C/2)	Ξр
С	: 翼根での翼弦長	Р
E	: 単位マトリクス	P_0
f	:振動数	q
f_{α}	: 捩り固有振動数	Q
G	: 重力加速度	R
g	: モード構造減衰	$R_{\!\scriptscriptstyle{e}}$
h	: モード面法線方向変位	S
i	: 虚数単位	Т
k	: 無次元振動数(= ωb/U)	T_{o}
		U

^{*} 平成9年6月24日受付 (received 24 June 1997)

^{* 1} 機体部 (Airframe Division)

□ :無次元フラッタ速度

 π : 円周率 γ : 比熱比

η : スパン方向位置

μ: 質量比ρ: 密度ω: 円振動数

 ω_{α} : 捩り円固有振動数

Ω : 円固有振動数マトリクス

1. 序論

航空機の構造設計において考慮しなければならない問題の一つにフラッタ問題が挙げられる。特に翼のフラッタは発生すると大事故につながる可能性が高い。通常問題となる翼フラッタはその曲げ1次と捩り1次が連成する自励振動である。

翼の曲げと捩りが連成するフラッタを扱う上で特徴的 なことは、航空機は機軸を中心として構造的にはほぼ左 右対称であり、ロール方向に拘束がないために、微小変 形の範囲で翼に関して曲げ・捩りの両モードとも対称 モードと逆対称モードに分離できることである。従って フラッタもその線形解析において対称モードの曲げ・捩 りが連成する対称モードフラッタと、逆対称モードが連 成する逆対称モードフラッタとに分離して扱うことがで きる。一般にフラッタが発生する動圧(限界動圧)に関 しては逆対称モードの方がより低い動圧で発生する可能 性があることは良く知られている。この理由の一つとし て、捩りについては対称・逆対称とも固有振動数はそれ ほど大きく異なることはないが、しかし曲げについては 機軸回りの極慣性モーメントがパラメータとして影響す るため固有振動数が対称と逆対称とで異り、逆対称曲げ がより高い振動数となりそれだけ捩り・曲げが連成し易 くなる傾向にあることが挙げられる。よって、このフラッタの特性を知ることが重要な問題となるが、逆対称モードフラッタはロール方向に自由度がある場合に発生するため、風洞実験で模擬するためには特殊な支持装置が必要となる。従来、片翼の翼根を等価パネで支持する工夫が行われてきたが、胴体も含めた全機模型を用いて実験を行う一つの方法として、スティング型でロール方向に拘束がない支持装置を用いる方法が考えられる。

近年、模型はより複雑かつ高価になっている。よってフラッタの発生による模型の損傷・破壊を防ぐことはもちろんのこと、破壊された模型が風洞設備に損傷を与えないように、フラッタを停止させる手段を用意することが必要である。通常は気流中にフラッタ停止板を繰り出し動圧を下げたり、模型に索を付ける等の工夫を行うが、外部装置を使用することなく支持装置自体がフラッタ停止機構を有することは確実性の観点から望ましい。そこで対称モードフラッタと逆対称モードフラッタの限界動圧の差を利用することでフラッタの停止を図るべく、ロール方向に自由度を持ちその自由度を外部から制御できる機構を有するスティング形態の支持装置を製作した。支持装置の機能の有効性を確認するためにダミーの全

2. 装置概要

機模型を製作し、航技研の遷音速風洞で実験を行った。

2.1. 模型支持装置

模型支持機構の概略を図2-1に、形状を図2-2に示す。模型支持部分(可動部)は外径140mm、長さ337mm、質量7.94kgでペアリングを用いてロール方向に最大で±15°の回転を許すように設計されている。また、この支持装置はコンピュータ(NEC製PC9801NS/R)からの指令によりサーボモータを用いてくさびを軸方向に移動させることによって、ロール方向の許容回転範囲を0°(ロール方向拘束状態)から±15°まで細かく制御できる

$$A_{mn} = \int_{S} h_m \Delta p_n dS \tag{1}$$

図2-1 模型支持機構模式図

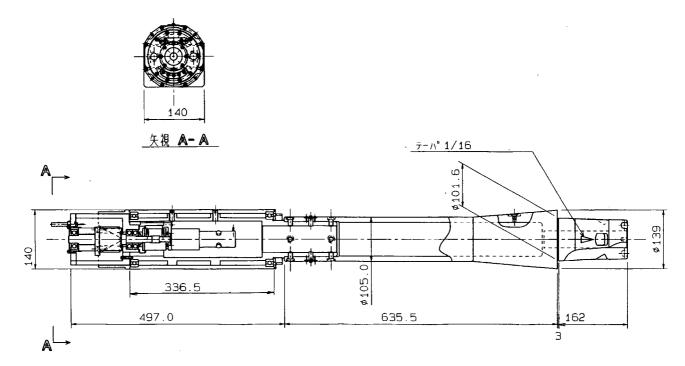


図2-2 スティング支持装置形状

ようになっており、逆対称モードフラッタと対称モード フラッタの限界動圧の差 (対称よりも逆対称モードフ ラッタの限界動圧の方が低い場合。)を利用してフラッタ を停止させる機構を兼ね備えている。つまり逆対称モー ドフラッタが発生した場合、ロールモードを拘束するこ とによってフラッタが抑えられる仕組みである。フラッ 夕の停止に際しては、制御に時間がかかるとロールが拘 束状態になる前に模型に損傷を与えてしまう可能性があ るため、できるだけ高速に制御できることが必要である。 この装置では30 (± 15°)のロール振幅を14.3秒で抑え られる設計(サーボモータの出力軸定格速度30rpm、ボー ルネジのリード5mm ピッチ、ボールネジ6mm の移動で 振幅が5°変化する。)となっている。この所要時間は サーボモータの制約によるものであるため、これ以上の 高速化はこのシステムでは困難である。そのため実際に はロール拘束にかかる時間を短くするために、1~2°の ロール振幅にて実験を行っている。くさびの移動量に よって許容回転範囲が決まるが、この支持装置では反射 型ファイバーユニットというレーザ光の反射を用いた光 電式リミットセンサがロール拘束側と自由側の2か所に 固着されており、最大移動量を決定づけている。また、支 持装置の嵌合部は航技研の遷音速風洞のスティングポッ ドへの取り付けのためにテーパー比 1/16 となっている。

フラッタ抑制時にサーボモータに負荷がかかるが、設計荷重として上下力2940N以上の強度を有しており実用上問題はない。質量は29.3kgである。また、模型の振動

数帯を50~300Hzと想定し、この範囲内で有害な連成を あたえないように設計されている。

支持・制御装置の構成を図2 - 3に示す。リミットステータスライン・コントロールライン・エンコーダラインについては長さが50mあるが、これは計測室において制御を行うため、支持装置を設置するカート室からコードを延長するためである。

サーボアクチュエータの動作原理りについて説明する。 システム構成を図2-4に示す。ホストコンピュータよ **り**RS-232C(またはGP-IB)を介してアクチュエータ駆動 に必要な、移動速度、加減速時間、移動量などをコント ロールユニットに送信することによりコントロール内部 レジスタにデータをセットする。CPU はセットされた データを内部演算した後、パルスジェネレータにデータ を渡す。パルスジェネレータは指定されたデータに基づ きパルスを発生させる。このパルスが偏差カウンタに積 算され、その量がD/A変換回路を通じて電圧に変換され る。この電圧が速度指令信号としてサーボアンプ回路に 伝えられ、これらによりモータに電圧が印可され回転を はじめる。モータの回転に伴ってエンコーダから発生す るパルスは偏差カウンタに帰還され、そこで減算を行う。 その結果、パルスが入力され続けているときには、カウ ンタ内にある一定の偏差量(溜まりパルス)をもったま ま、入力パルス速度と帰還パルス速度とが平衡状態 (モータが指令パルスに同期した速度)で回転を続ける。 パルスジェネレータからのパルス出力が停止すると、偏

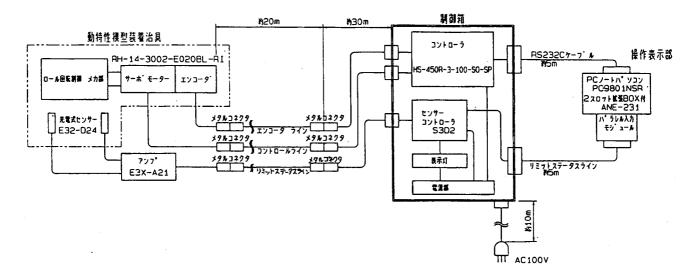


図2-3 支持・制御装置構成

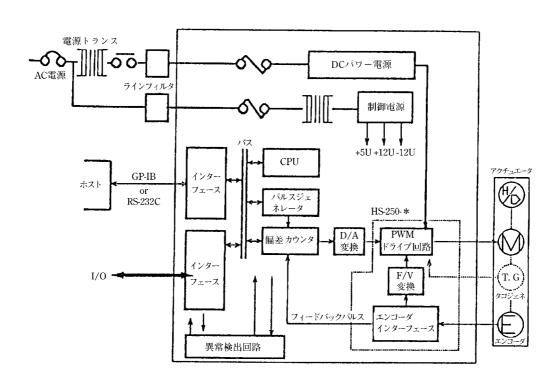


図2-4 サーボアクチュエータシステム

差カウンタでは帰還パルスによる減算のみが行われ、偏差量とそれに対応してサーボアンプへ供給される速度指令信号が急激に減少し、モータを減速させ偏差が0の状態となるようにモータを制御させる。このときモータは指令移動量に等しい角度だけ回転したことになる。移動量の指令がなくモータが停止しているとき、無負荷状態であれば偏差は0の状態になるが、モータに負荷トルクが作用している場合には負荷トルクによって回転変位させられ、偏差カウンタ内にはそれに相当した偏差量が生

ずる。その結果、モータには負荷反抗トルクが発生し停 止状態を維持する仕組みとなっている。

1.2. 全機模型

全機模型は製作したスティング支持装置の機能確認を 行うためのダミー模型である。胴体部と主翼部の分割構造となっており翼は片翼づつ8ヶ所のボルトで支持装置可動部の底面にボルトで固定され、胴体部は24ヶ所のボルトで支持装置可動部の上面および側面に固定される。主

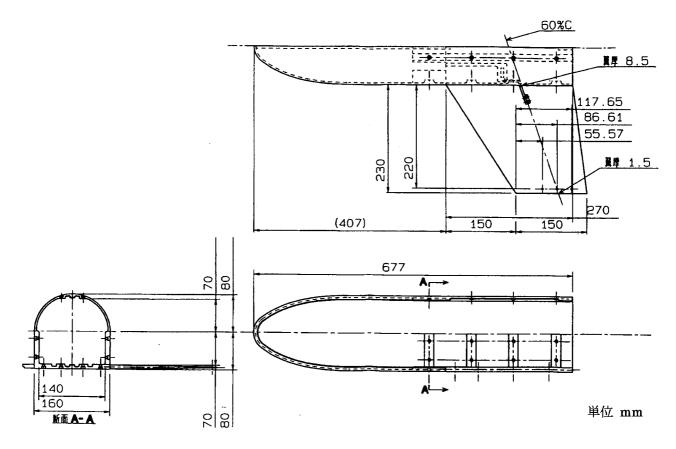


図2-5 模型形状

翼はアルミ板(7075-T651)より削り出しが行われ、多段構造であり基準面に対して上下対称となっている。図2-5に模型形状を、図2-6に翼部の形状を示す。平面形状はアスペクト比2.75、25%翼弦位置において後退角27.6°、テーパ比は0.56である。表面の成形には発泡材料(セキスイ社製フォーマック#2500:見掛密度0.043g/cm³、独立気泡率70%)が用いられ、さらに厚さ0.03mmのガラスクロス羽布を翼全面に貼付してある。胴体はGFRPで製作、内側に支持装置の可動部が入る構造となっており中空である。質量は主翼1.86kg、胴体2.57kg(取り付けネジ含む。)胴体部(支持装置の可動部含む。)の慣性モーメントは0.043kgm²である。振動特性計測用に曲げと捩り用の歪ゲージをそれぞれ両翼のスパン方向に翼根より10%位置、コード方向に前縁より60%位置に貼付してある。

3. 振動特性

3.1. 振動実験

模型の振動特性を把握するために振動実験を行った。この実験に用いる計測システムは風洞内に搬入することは困難なため、支持装置の嵌合部を固定するための治具(図3-1、写真3-1)を製作し風洞内での支持形態を模擬した。ロール方向拘束条件を自由とし、モードの節

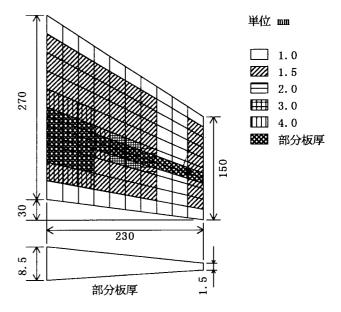
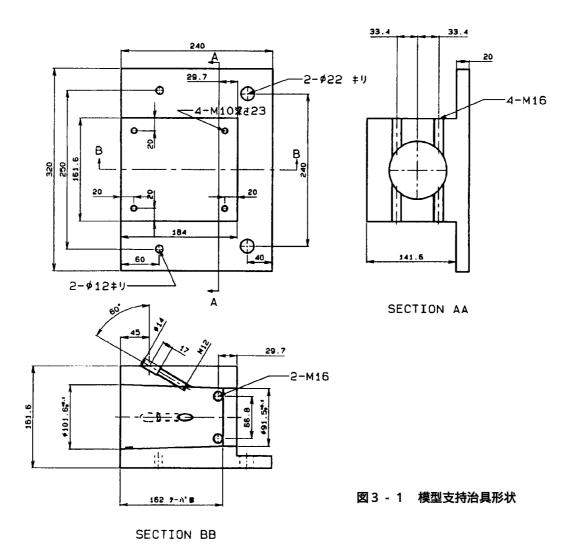


図2-6 翼形状

を避けて翼のスパン方向 96% 位置、コード方向 80% 位置 にシェーカを取り付け (翼へのジョイント部には振動特性への悪影響をできるだけ回避するため、フレキシブル なシールド線を噛ませた。) 0 ~ 400Hz 帯域で50% バーストランダム加振 (信号タイプは White Noise である。) を



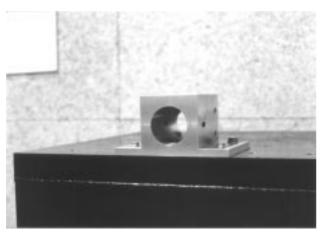


写真3-1

行い、片翼37点づつ合計74点の計測点に対し直径5mm の円形反射マーカを貼付し非接触型レーザ速度振動計(Bruel&Kjaer製)と5軸のロボットの組み合わせによる計測を行った。加振点は計測点も兼ねている。予めロボットに計測点位置のティーチングを行い、加振の条件データとレーザ速度振動形からの出力の条件データをコ



写真3-2

ンピュータに入力しておくことで、後は人の手を介することなく取り込み移動と計測のタイミングを図りながら自動計測を行うことができるシステム²⁾である。計測はデータの高品質化を図る目的で1点につき30回のアベレージングをしているため約1分の時間を要し、全翼で約70分の計測時間を要する。なお、計測点から計測点へ

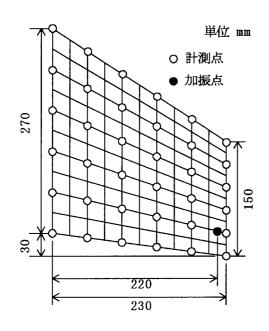


図3-2 加振点・計測点位置

のセンサ移動は平均すると2~3秒程度で殆ど時間は要さないため、計測時間はアベレージング回数に大きく依存し時間とデータ品質のトレードオフとなる。左右翼で加振点・計測点位置は対称のため、右翼についてのみ加振点・計測点位置を図3-2に示す。また振動実験の模式図を図3-3に、実験風景を写真3-2に示す。

計測したデータより計測用ソフトウェア LMS (LMS INTERNATIONAL 社製)を用いて力 - 速度間の伝達関数法によって固有モード形と振動数とを求めた。最終的な

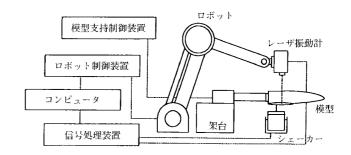


図3-3 振動実験模式図

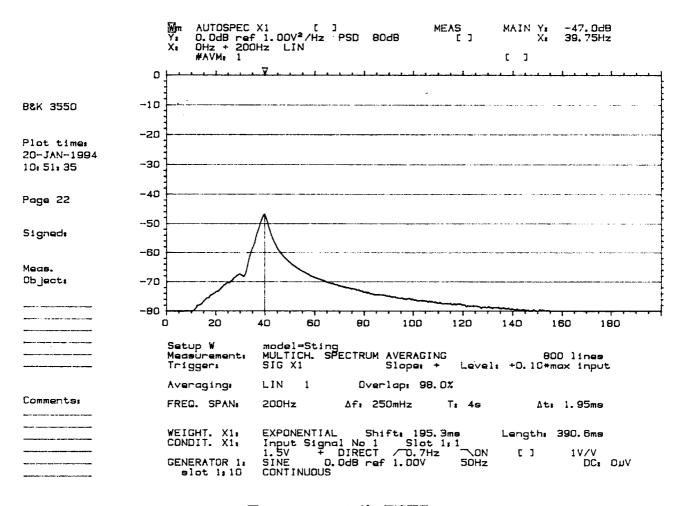


図3-4 スティングの伝達関数

振動実験結果については総合的に判断して妥当であると考えられる結果を採用している。またスティング自体の曲げ1次固有振動数は±20Gの加速度計をスティング先端に取り付け、インパルスハンマーで加振しB&K製FFTアナライザによって伝達関数(図3-4)を求めた結果、40Hzであった。

3.2. 振動解析

フラッタ解析において、フラッタモードを固有振動モードの重ね合わせで近似する場合に非定常空気力は固有モード形に大きく依存する。実験データから正確な固有モード形を得ることは困難であり、数学モデルによるモード形を用いてデータを補うために有限要素解析ソフトウェアPATRAN+P/FEA(PDA Engineering 社製)を用いて有限要素法による振動解析を行った。有限要素モデルを図3 - 5に示す。なお参考までにモデル作成コマンドリスト(PATRANのセッションファイルの一部を手直ししたもの。)を付録に示す。モデルは基本的に中心桁のBEAM 要素で構成し、翼の実測の剛性値に合わせてBEAM の剛性を調整した。さらに、BEAM 要素でRIBを模擬しているが、これは質量特性を調整するための集中

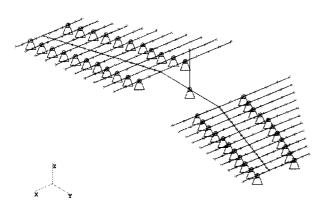


図3-5 有限要素モデル

表3-2-1 **たわみ量(**X = 0.4C)

η	実験値[mm]	計算值[mm]
0.1	9.96E-4	2.23E-5
0.2	6.22E-3	6.07E-3
0.3	1.62E-2	1.72E-2
0.4	3.89E-2	3.92E-2
0.5	8.37E-2	8.11E-2
0.6	1.58E-1	1.58E-1
0.7	2.64E-1	2.70E-1
0.8	4.47E-1	4.26E-1
0.9	6.95E-1	6.81E-1

質量の配置と、後に用いる空力面の節点との整合性をとるためであり、剛性は十分に高く(剛体に近い。) 質量は十分に小さいダミーの要素である。なお、振動モデルの節点と空力面の節点とは一致させる必要性は無いが、一致させておくことによりモード変位量のトランスファーが簡便になる利点がある。集中質量を含めた要素数は352、節点数は308、自由度は1843である。集中質量は、質量・重心位置・中心桁周りの慣性モーメントが実模型の質量特性に近くなるように配置してある。集中質量の分布を表3-1に示す。表中、 =0は翼根、 =1は翼端でありY(スパン)方向に10等分している。集中質量の位置は中心桁(60%翼弦×=0.6c)からの位置を示す。

剛性値については、右翼の40%翼弦長位置(Xをコード方向とするとX=0.4c) Y=300mmに9.8Nの荷重負荷を与えた場合のX=0.4c(=0:翼根、 =1:翼端)でのたわみ量分布を表3 - 2 - 1に、60%翼弦長位置(X=0.6c) Y=300mm(機軸をY=0mmとし、Y=310mm:翼端、Y=80mm:翼根としている。)に9.8Nの荷重負荷を与えた場合のX=0.6cでのたわみ量分布を表3 - 2 - 2に示す。

表3-1 集中質量分布

	位置[mm]	位置[mm]	集中質量
η	(前縁側)	(後縁側)	[kg]
0.0	-56.6	49.7	1.63E-2
0.1	-56.4	48.6	3.10E-2
0.2	-55.8	46.3	2.79E-2
0.3	-60.1	42.5	2.08E-2
0.4	-67.3	36.6	1.42E-2
0.5	-65.9	35.0	1.26E-2
0.6	-64.5	33.4	1.12E-2
0.7	- 63.4	32.6	8.60E-3
0.8	-61.2	32.0	6.60E-3
0.9	-58.7	28.9	6.60E-3
1.0	-57.4	27.0	3.50E-3

表3-2-2 たわみ量(X = 0.6C)

η	実験値[mm]	計算値[mm]
0.1	3.70E-3	3.06E-3
0.2	1.21E-2	1.18E-2
0.3	2.68E-2	2.87E-2
0.4	5.51E-2	5.56E-2
0.5	1.07E-1	1.06E-1
0.6	1.92E-1	1.91E-1
0.7	3.16E-1	3.16E-1
0.8	4.92E-1	4.84E-1
0.9	7.28E-1	7.29E-1

表3-3 固有モード形と振動数

4次 (対称2次)		155	169	8次(対称4次)			330
3次(逆対称1次)		108	110	7次 (逆対称3次)		245	306
2次 (対称1次)		100	103	6次 (対称3次)		239	304
1次(逆対称0次)			0.2	5次 (逆対称2次)		155	170
ት !	モード形 (解析モード)	振動数 実験	[Hz] 解析	수 	モード形 (解析モード)	振動数 実験	[Hz] 解析

表中の解析値は、図3-5の中心桁のたわみ・回転量から補完したものである。

解析では1次(剛体ローリングモード)~8次についてを一般化質量マトリクスを正規化して求めた。

解析および実験結果についてモード形・振動数を表3-3に示す。表中、3次~5次モードについて実験で得られたノーダルラインを黒線で示す。解析結果は低次モードについては実験結果と良い一致を示しているが高次になるに従い振動数が高めに現れていることがわかる。モード形はそのノーダルラインにおいて全般に良い一致を示している。

4. フラッタ特性

4.1. フラッタ実験

支持装置機構の有効性を検証するために、ダミーの全 機模型を用いて航技研の遷音速風洞(計測部:2m×2m) でフラッタ実験を行った。実験模式図を図4-1に、風 洞カートに設置された支持装置および模型を写真4に示 す。計測装置にはデータレコーダ(SONY製: DAT方式) およびペンレコーダ(グラフテック製)、FFTアナライザ (B&K製) 高速度カメラ(KODAK製SP-2000)を用意し た。計測項目は左右の翼の曲げ・捩り歪、淀点温度T。[K]、 総圧 P。[kPa]、静圧 P[kPa]、レイノルズ数 Re である。 歪 みからの出力はデータレコーダに全て記録され、同時に FFT でリアルタイムに振動特性を計測、ペンレコーダに より歪量を記録した。カート上面からハロゲンランプ (650W×3台)で翼を照射し、高速度カメラでフラッタ を撮影した。カメラは毎秒2000コマの撮影能力がある が、実際には照度が低いため毎秒1000コマで撮影してい る。しかしフラッタ振動数が110Hz 前後であることを考 慮すれば問題はないと思われる。

実験はマッハ数Mを固定し総圧Р。を低い値から高い値 ヘスイープさせる方法である。マッハ数はM=0.6, 0.8, 0.9, 1.2の亜音速から遷音速、超音速にかけて選んでいる。実 際には風洞オペレーションのパスがフラッタ限界を越え ないように、まずPaを50kPa程度まで下げてからマッハ 数を設定し、この状態からP。を徐々に上げていった。フ ラッタの発生をペンレコーダの記録から確認しだい、支 持装置のロール自由度を拘束し逆対称モードフラッタの 停止を図った。結果、支持装置は有効に機能し、逆対称 モードフラッタの発生と共にフラッタ停止を確認できた。 M=0.6~1.2のペンレコーダによる歪の時間履歴を図4-2 - 1から図4 - 2 - 4に示す。左図がフラッタ発生中 にロールを拘束しフラッタが収束するところを捉えた時 間履歴である。右図はフラッタ振動をペンレコーダの紙 送り速度を早めて (500mm/s) 捉えたものである。それ ぞれ上から右翼の曲げ、右翼の捩り、左翼の曲げ、左翼 の捩りとなっている。

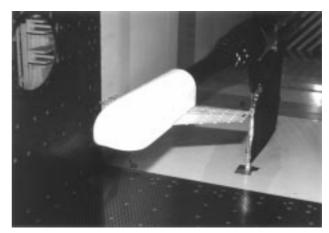


写真4

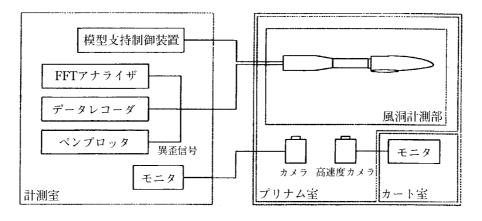
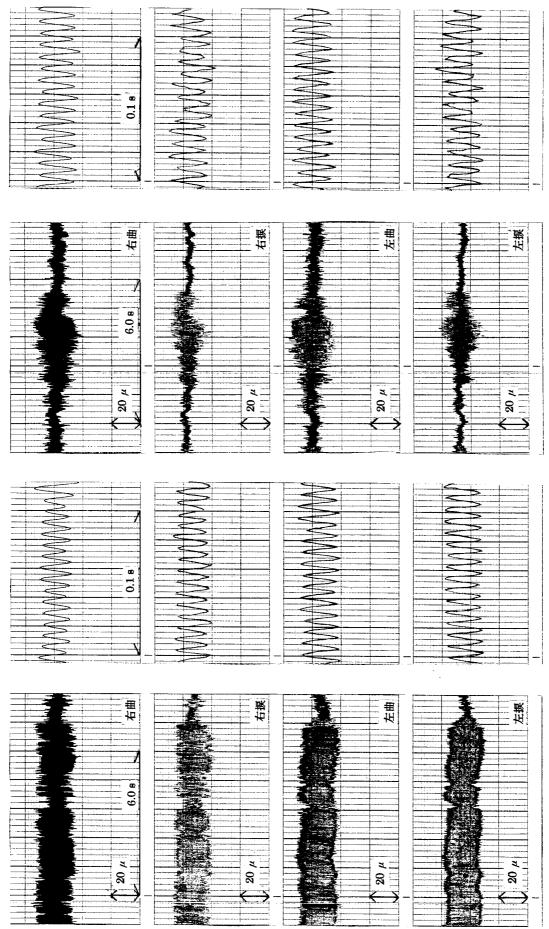
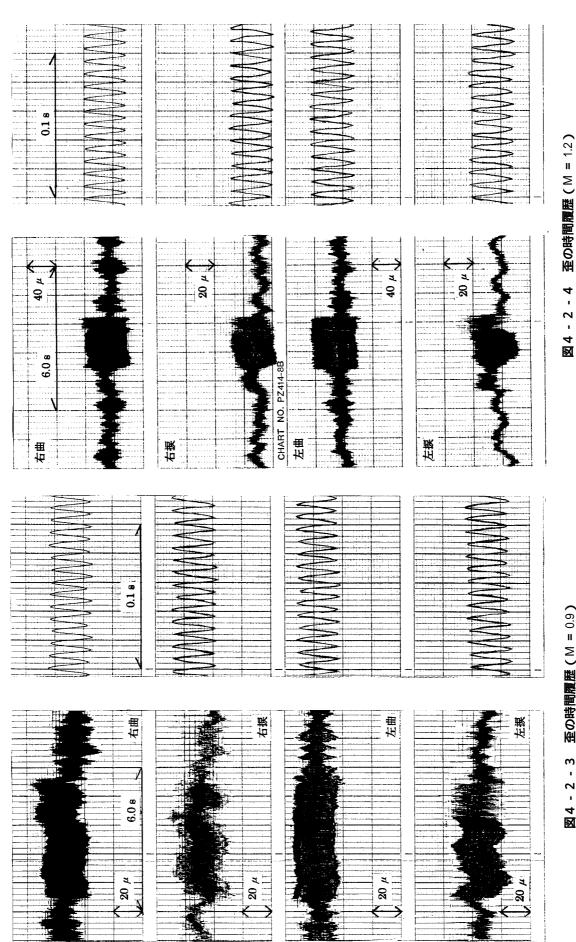


図4-1 風洞実験模式図







歪の時間履歴(M = 0.9) ന 7 <u>図</u> 4

4.2. フラッタ解析

非定常空気力の解析には線形揚力面理論に基づいた DPM^{3)~5)}を用いた。解析はモデルが機軸を中心として左 右対称であり、次式で与えられる一般化非定常空気力 A は対称と逆対称は連成しないことから、解析時間の短縮 を図るために対称モード、逆対称モードについてそれぞ れ対称条件および逆対称条件を用いて半機でモデル化を 行った。

$$\mathbf{A}_{\mathrm{mn}} = \int_{S} h_{m} \Delta p_{n} dS \tag{1}$$

ここに h_m : モード m の面の法線方向変位成分 Δp_n : 変形モード n により発生する空気力

空力面要素分割は翼面が10×10の100要素、胴体面が8×12の96要素である。空力面を図4-3に示す。解析条件は、マッハ数M=0.6,0.8,0.9,1.2で無次元振動数k=0.0

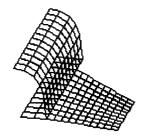


図4-3 空力面モデル

表4-1-1 一般化非定常空気力(M = 0.6)

k	=0.0	空気力	空気力 A _{mn}	
	m,n	Re	Im	
	1,1	5.70E+00	0.00E+00	
	1,3	3.74E+06	0.00E+00	
	1,5	1.70E+07	0.00E+00	
ļ	1,7	7.20E+06	0.00E+00	
	3,1	-1.16E+01	0.00E+00	
	3,3	-4.32E+06	0.00E+00	
逆	3,5	-2.43E+07	0.00E+00	
対	3,7	-1.04E+06	0.00E+00	
称	5,1	2.92E+01	0.00E+00	
175	5,3	1.16E+07	0.00E+00	
	5,5	5.91E+07	0.00E+00	
	5,7	1.37E+07	0.00E+00	
	7,1	-4.19E+00	0.00E+00	
	7,3	5.12E+06	0.00E+00	
	7,5	1.32E+07	0.00E+00	
	7,7	3.23E+07	0.00E+00	
	2,2	-5.16E+06	0.00E+00	
	2,4	-3.21E+07	0.00E+00	
	2,6	-4.35E+06	0.00E+00	
	2,8	7.62E+06	0.00E+00	
	4,2	1.06E+07	0.00E+00	
	4,4	6.29E+07	0.00E+00	
	4,6	1.44E+07	0.00E+00	
対	4,8	-1.88E+07	0.00E+00	
称	6,2	5.19E+06	0.00E+00	
	6,4	1.60E+07	0.00E+00	
	6,6	3.24E+07	0.00E+00	
	6,8	-2.31E+07	0.00E+00	
	8,2	-4.71E+05	0.00E+00	
	8,4	-2.16E+06	0.00E+00	
	8,6	-2.08E+05	0.00E+00	
	8,8	1.58E+06	0.00E+00	

k	k =1.5 空気力 A _{mn}		り A _{mn}
	m,n	Re	Im
	1,1	6.55E+06	-7.16E+06
	1,3	-1.60E+06	1.61E+07
	1,5	2.93E+07	2.65E+07
	1,7	1.63E+07	1.12E+07
	3,1	-9.12E+06	6.23E+06
	3,3	1.43E+07	-2.73E+07
逆	3,5	-3.55E+07	-7.10E+07
対	3,7	-6.26E+06	-1.07E+07
称	5,1	-9.12E+05	-1.56E+07
121	5,3	1.78E+07	2.21E+07
	5,5	8.53E+07	-3.91E+07
	5,7	2.35E+07	-9.24E+06
	7,1	1.04E+06	-9.48E+06
	7,3	9.62E+06	4.42E+06
	7,5	2.38E+07	-1.05E+07
	7,7	5.20E+07	-1.54E+07
	2,2	1.69E+07	-3.01E+07
	2,4	-4.31E+07	-7.33E+07
	2,6	-1.06E+07	-8.85E+06
	2,8	5.60E+06	2.25E+07
	4,2	1.47E+07	2.57E+07
	4,4	8.23E+07	-3.91E+07
	4,6	1.86E+07	-9.11E+06
対	4,8	-2.39E+07	-2.85E+06
称	6,2	6.96E+06	7.90E+06
	6,4	2.22E+07	-8.29E+06
	6,6	4.88E+07	-1.27E+07
	6,8	-2.67E+07	-1.77E+07
	8,2	-6.90E+06	9.35E+06
	8,4	6.18E+06	2.56E+07
	8,6	6.20E+06	4.38E+07
	8,8	1.44E+07	-3.42E+07

k=0.0		空気力 A _{mn}		
	m,n	Re	Im	
	1,1	5.89E+00	0.00E+00	
	1,3	3.90E+06	0.00E+00	
	1,5	1.77E+07	0.00E+00	
	1,7	7.52E+06	0.00E+00	
	3,1	-1.14E+01	0.00E+00	
	3,3	-4.33E+06	0.00E+00	
逆	3,5	-2.44E+07	0.00E+00	
対	3,7	-9.93E+05	0.00E+00	
称	5,1	3.13E+01	0.00E+00	
123	5,3	1.25E+07	0.00E+00	
	5,5	6.34E+07	0.00E+00	
	5,7	1.53E+07	0.00E+00	
	7,1	-4.21E+00	0.00E+00	
	7,3	5.50E+06	0.00E+00	
	7,5	1.44E+07	0.00E+00	
	7,7	3.40E+07	0.00E+00	
	2,2	-5.28E+06	0.00E+00	
	2,4	-3.28E+07	0.00E+00	
	2,6	-4.56E+06	0.00E+00	
	2,8	7.86E+06	0.00E+00	
	4,2	1.15E+07	0.00E+00	
	4,4	6.79E+07	0.00E+00	
	4,6	1.62E+07	0.00E+00	
対	4,8	-2.07E+07	0.00E+00	
称	6,2	5.58E+06	0.00E+00	
	6,4	1.76E+07	0.00E+00	
l	6,6	3.41E+07	0.00E+00	
	6,8	-2.45E+07	0.00E+00	
	8,2	-5.84E+05	0.00E+00	
	8,4	-2.41E+06	0.00E+00	
	8,6	-9.16E+05	0.00E+00	
	8,8	2.17E+06	0.00E+00	

表4-1-2 一般化非定常空気力 (M = 0.8)

~3.0の31点である。非定常空気力解析に用いる固有モー
ド形はFEMによる数学モデルを用い対称モードフラッタ
解析では対称弾性変形モードを4モード、逆対称モード
フラッタ解析では剛体(ローリング)モードと逆対称弾
性変形モードを3モードの計4モード使用した。求められ
た一般化非定常空気力マトリクス A_{mn} (m, nはモード)に
ついて k=0.0, 1.5 のときの値を M=0.6 ~ 1.2 についてそれ
ぞれ表4-1-1から表4-1-4に示す。

一般化非定常空気力 A を基に n 自由度のフラッタ方程式は p-k 法 0 を用いて以下の式で表される。

k	=1.5	空気力 A _{mn}	
	m,n	Re	Im
	1,1	3.93E+06	-8.31E+06
	1,3	1.83E+06	1.34E+07
	1,5	2.99E+07	1.61E+07
	1,7	1.85E+07	2.60E+06
	3,1	-7.78E+06	9.08E+06
	3,3	1.06E+07	-2.92E+07
逆	3,5	-4.75E+07	-6.89E+07
佐 対	3,7	-1.33E+07	-5.68E+06
Ŋ 称	5,1	-5.73E+06	-1.21E+07
1231	5,3	1.85E+07	1.31E+07
	5,5	7.11E+07	-6.18E+07
	5,7	1.02E+07	-2.16E+07
	7,1	-2.35E+06	-6.63E+06
	7,3	8.11E+06	-3.69E+06
	7,5	4.49E+06	-2.06E+07
	7,7	4.39E+07	-2.73E+07
	2,2	1.24E+07	-3.50E+07
	2,4	-6.15E+07	-7.05E+07
,	2,6	-1.91E+07	-5.30E+06
	2,8	1.63E+07	2.35E+07
	4,2	2.08E+07	1.65E+07
	4,4	7.02E+07	-7.06E+07
	4,6	1.05E+07	-2.25E+07
対	4,8	-2.24E+07	1.53E+07
称	6,2	9.43E+06	1.05E+06
	6,4	8.16E+06	-2.29E+07
	6,6	4.56E+07	-2.34E+07
	6,8	-2.73E+07	-6.15E+06
	8,2	-1.59E+06	1.55E+07
	8,4	2.73E+07	2.10E+07
	8,6	1.77E+07	4.57E+07
	8,8	3.61E+06	-4.12E+07

$$-\frac{U^{2}}{b^{2}}p^{2}\mathbf{E}\mathbf{q} + \Omega^{2}(1+ig)\mathbf{q} - \frac{1}{2}\rho U^{2}\mathbf{A}\mathbf{q} = \mathbf{0}$$
 (2)

$$\mathbf{E} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 1 \end{bmatrix} \quad \mathbf{\Omega} = \begin{bmatrix} \omega_1^2 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \omega_2^2 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & \omega_n^2 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{A} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} \qquad \mathbf{q} = \{q_1 \quad q_2 \quad \cdots \quad q_n\}^T$$

k=0.0		空気力 A _{mn}	
	m,n	Re	Im
	1,1	6.02E+00	0.00E+00
	1,3	4.01E+06	0.00E+00
	1,5	1.82E+07	0.00E+00
	1,7	7.72E+06	0.00E+00
	3,1	-1.11E+01	0.00E+00
	3,3	-4.30E+06	0.00E+00
逆	3,5	-2.43E+07	0.00E+00
対	3,7	-8.66E+05	0.00E+00
称	5,1	3.31E+01	0.00E+00
12]\	5,3	1.33E+07	0.00E+00
	5,5	6.70E+07	0.00E+00
	5,7	1.67E+07	0.00E+00
	7,1	-4.17E+00	0.00E+00
	7,3	5.80E+06	0.00E+00
	7,5	1.54E+07	0.00E+00
	7,7	3.53E+07	0.00E+00
	2,2	-5.31E+06	0.00E+00
	2,4	-3.30E+07	0.00E+00
	2,6	-4.53E+06	0.00E+00
	2,8	7.86E+06	0.00E+00
	4,2	1.23E+07	0.00E+00
	4,4	7.21E+07	0.00E+00
	4,6	1.77E+07	0.00E+00
対	4,8	-2.24E+07	0.00E+00
称	6,2	5.92E+06	0.00E+00
	6,4	1.90E+07	0.00E+00
	6,6	3.54E+07	0.00E+00
	6,8	-2.56E+07	0.00E+00
	8,2	-7.77E+05	0.00E+00
	8,4	-3.09E+06	0.00E+00
	8,6	-1.79E+06	0.00E+00
	8,8	2.96E+06	0.00E+00

表 4 - 1 - 3 一般化非定常空気力 (M = 0.9)

式は対称・逆対称で分離され以下のように表すことが
できる。式中の添字s、a はそれぞれ symmetric (対称)
anti-symmetric (逆対称)を表す。

$$-\frac{U^{2}}{b^{2}}p^{2}\left[\frac{\mathbf{E} \mid \mathbf{0}}{\mathbf{0} \mid \mathbf{E}}\right] \begin{pmatrix} \mathbf{q}_{s} \\ \mathbf{q}_{a} \end{pmatrix} + \Omega^{2}(1+ig) \begin{pmatrix} \mathbf{q}_{s} \\ \mathbf{q}_{a} \end{pmatrix}$$
$$-\frac{1}{2}\rho U^{2}\left[\frac{\mathbf{A}_{s} \mid \mathbf{0}}{\mathbf{0} \mid \mathbf{A}_{a}}\right] \begin{pmatrix} \mathbf{q}_{s} \\ \mathbf{q}_{a} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbf{0} \\ \mathbf{0} \end{pmatrix}$$
(3)

フラッタ解析において固有振動数は実験の値を使用し、 総圧 P_0 =0 ~ 170kPaについて求めた。逆対称モードフラッ タポイントの実験・解析値についてを表 4-2-1に、 対称モードフラッタポイントの解析値についてを表 4-

k	=1.5	空気	り A _{mn}
	m,n	Re	Im
	1,1	3.34E+06	-8.26E+06
	1,3	2.00E+06	1.33E+07
	1,5	3.12E+07	1.50E+07
	1,7	1.74E+07	1.99E+06
	3,1	-7.08E+06	9.87E+06
	3,3	9.41E+06	-3.11E+07
逆	3,5	-5.71E+07	-6.90E+07
対対	3,7	-1.46E+07	-4.83E+06
称	5,1	-6.15E+06	-1.06E+07
你小	5,3	1.94E+07	1.05E+07
	5,5	6.35E+07	-7.46E+07
	5,7	7.14E+06	-2.08E+07
	7,1	-2.32E+06	-5.77E+06
	7,3	7.09E+06	-4.55E+06
	7,5	-1.61E+05	-2.01E+07
	7,7	4.28E+07	-2.73E+07
	2,2	1.10E+07	-3.47E+07
	2,4	-6.45E+07	-6.82E+07
	2,6	-1.82E+07	-1.50E+06
	2,8	1.83E+07	1.90E+07
	4,2	1.95E+07	1.47E+07
	4,4	6.33E+07	-7.55E+07
	4,6	5.61E+06	-1.90E+07
対	4,8	-1.45E+07	1.53E+07
称	6,2	7.59E+06	-2.16E+05
	6,4	2.26E+06	-1.92E+07
	6,6	4.34E+07	-2.35E+07
	6,8	-2.42E+07	-5.44E+06
	8,2	1.41E+06	1.39E+07
	8,4	2.69E+07	1.22E+07
	8,6	1.88E+07	4.19E+07
	8,8	6.16E+04	-3.78E+07

2 - 2 に示す。表中、動圧 Q および流速 U については計測を行っていないため、理想気体、定常非粘性・等エントロピーを仮定して以下の式で補正"した。

$$Q = \frac{1}{2} \frac{M^2 \cdot P_0}{[1 + (\gamma - 1)M^2 / 2]^{\gamma/(\gamma - 1)}}$$

$$U = M \sqrt{\gamma RT}$$
(4)

ここに =1.4、R=287J/(K・kg)としている。

この仮定は航技研の遷音速風洞の気体条件に対しかなり良い整合性を示す。また解析値において T_0 は実験値を採用しているため値が同じとなっている。

無次元フラッタ速度 U は以下で定義80される。

k	=0.0	空気 2	り A _{mn}
	m,n	Re	Im
	1,1	6.25E+00	0.00E+00
	1,3	4.89E+06	0.00E+00
	1,5	2.11E+07	0.00E+00
	1,7	1.09E+07	0.00E+00
	3,1	-1.27E+01	0.00E+00
	3,3	-5.48E+06	0.00E+00
逆	3,5	-2.88E+07	0.00E+00
対	3,7	-4.57E+06	0.00E+00
	5,1	2.45E+01	0.00E+00
称	5,3	1.11E+07	0.00E+00
	5,5	5.36E+07	0.00E+00
	5,7	1.70E+07	0.00E+00
	7,1	-7.17E+00	0.00E+00
	7,3	4.25E+06	0.00E+00
	7,5	8.36E+06	0.00E+00
	7,7	2.99E+07	0.00E+00
	2,2	-6.11E+06	0.00E+00
	2,4	-3.59E+07	0.00E+00
	2,6	-7.57E+06	0.00E+00
	2,8	1.09E+07	0.00E+00
	4,2	9.35E+06	0.00E+00
	4,4	5.38E+07	0.00E+00
	4,6	1.52E+07	0.00E+00
対	4,8	-1.78E+07	0.00E+00
称	6,2	4.06E+06	0.00E+00
	6,4	9.90E+06	0.00E+00
	6,6	2.89E+07	0.00E+00
	6,8	-2.06E+07	0.00E+00
	8,2	2.01E+06	0.00E+00
	8,4	1.09E+07	0.00E+00
	8,6	4.85E+06	0.00E+00
	8,8	-4.28E+06	0.00E+00

表 4 - 1 - 4 一般化非定常空気力 (M = 1.2)

	2,8	1.09E+07	0.00E+00	
	4,2	9.35E+06	0.00E+00	
	4,4	5.38E+07	0.00E+00	
	4,6	1.52E+07	0.00E+00	
対	4,8	-1.78E+07	0.00E+00	
称	6,2	4.06E+06	0.00E+00	
	6,4	9.90E+06	0.00E+00	
	6,6	2.89E+07	0.00E+00	
	6,8	-2.06E+07	0.00E+00	
	8,2	2.01E+06	0.00E+00	
	8,4	1.09E+07	0.00E+00	
	8,6	4.85E+06	0.00E+00	
	8,8	-4.28E+06	0.00E+00	

$$\overline{U_F} = \frac{U_F}{b\omega_a \sqrt{\mu}} = \frac{U_F}{b\omega_a} \sqrt{\frac{\pi \rho b S}{2m}} = \frac{U_F}{2\pi f_a b} \sqrt{\frac{\pi b S}{2m}} \sqrt{\frac{P_0}{RT_0}}$$
 (5)

なお↑は次式で表される。

$$T_0 = (1 + \frac{\gamma - 1}{2}M^2)T \tag{6}$$

総圧を変化させた場合の各モードの減衰率と振動数の 変化をM=0.6, 0.8, 0.9, 1.2についてそれぞれ図4-4-1 から図4-4-4に示す。マッ八数によるフラッタ限界 動圧の変化を実験値・解析値について図4-5に示す。 図中、等総圧線も同時に示してある。さらにマッハ数に

よる無次元化フラッタ速度 U. の変化を図4-6に示す。 M=0.6~0.9の亜音速から遷音速領域では解析値が実験 値よりも逆対称モードフラッタのフラッタ動圧が1割程 度低くなっており安全側になっているが、M=1.2 の超音 速領域では一致しており、総じてかなりの精度で解析で きることがわかった。さらに亜音速ではフラッタモード に捩りのモードが影響しているが、超音速領域では曲げ モードが大きく関与していることが、実験・解析ともに 認められ定性的な一致も見られる。逆対称モードフラッ タは対称モードフラッタよりも低い動圧で発生している こともわかった。

表4-2-1 逆対称モードフラッタポイント

マッハ数	면	総圧 Po	₫d 丑軁	動圧の	流速U	淀点温度	レイノルズ数	フラッタ振動数f	無次元化フラッタ
M	坂口	kPa	kPa	kPa	m/s	To[K]	$\mathrm{Re}[\times 10^6]$	Hz	速度 $\overline{U_F}$
	実験値	137	107	27.1	206	313	14.5	122	0.203
0.6	解析值	109	85.5	21.5	206	313		131	0.181
(実験値	91	09	26.8	267	313	11.4	122	0.214
0.8	解析值	75	49.2	22.0	897	313		126	0.194
(実験値	78	46	26.1	297	315	10.3	109	0.220
0.9	解析值	99	39.0	22.1	297	315		122	0.203
(実験値	65	27	27.0	377	316	9.1	117	0.255
1.2	解析值	64	26.4	26.6	376	316		117	0.253

表4-2-2 対称モードフラッタポイント

総圧 Po 静圧 Pr 動圧 G 流速 U	静圧 Bb 動圧 G 流速 U	圧Pp 動圧Q 流速U	流速 U	淀点	淀点温度	レイノルズ数	フラッタ振動数f	無次元化フラッタ
項目 kPa kPa m/s To[K]	kPa kPa m/s	kPa m/s	m/s	T_0	K)	Re	Hz	速度 $\overline{U_{\scriptscriptstyle F}}$
解析値 126 98.8 24.9 206 313	98.8 24.9 206	24.9 206	206	 31	13		125	0.194
解析値 86 56.4 25.3 268 313	56.4 25.3 268	25.3 268	268	 31	3		119	0.209
解析値 76 44.9 25.5 297 315	44.9 25.5 297	25.5 297	297	31	5		115	0.217
解析值 70 28.9 29.1 376 316	28.9 29.1 376	29.1 376	376	31	9		111	0.264

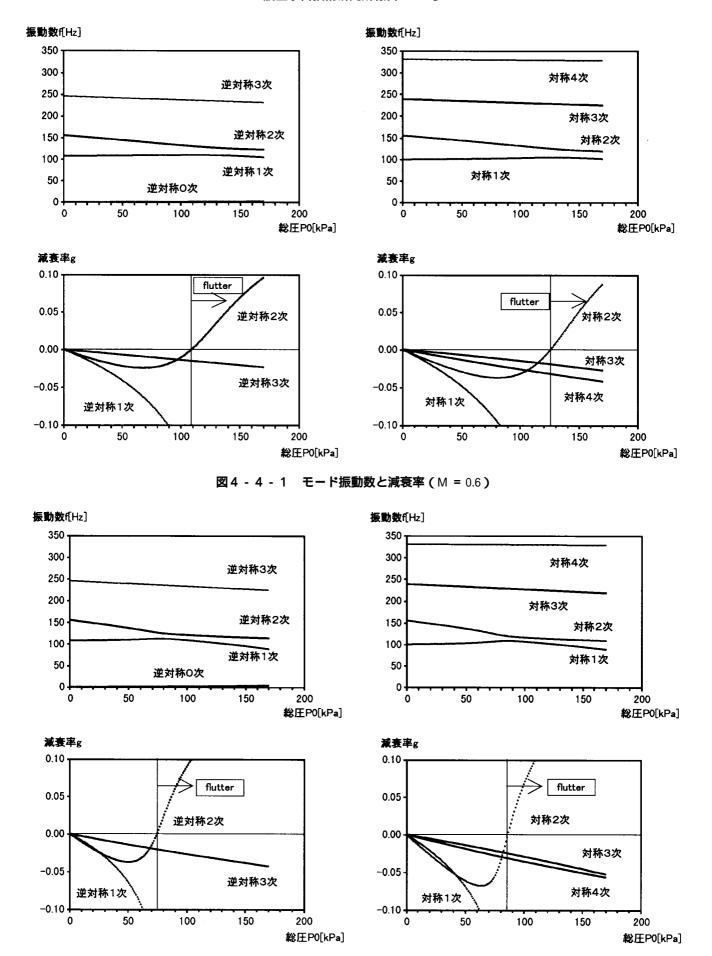


図4-4-2 モード振動数と減衰率 (M = 0.8)

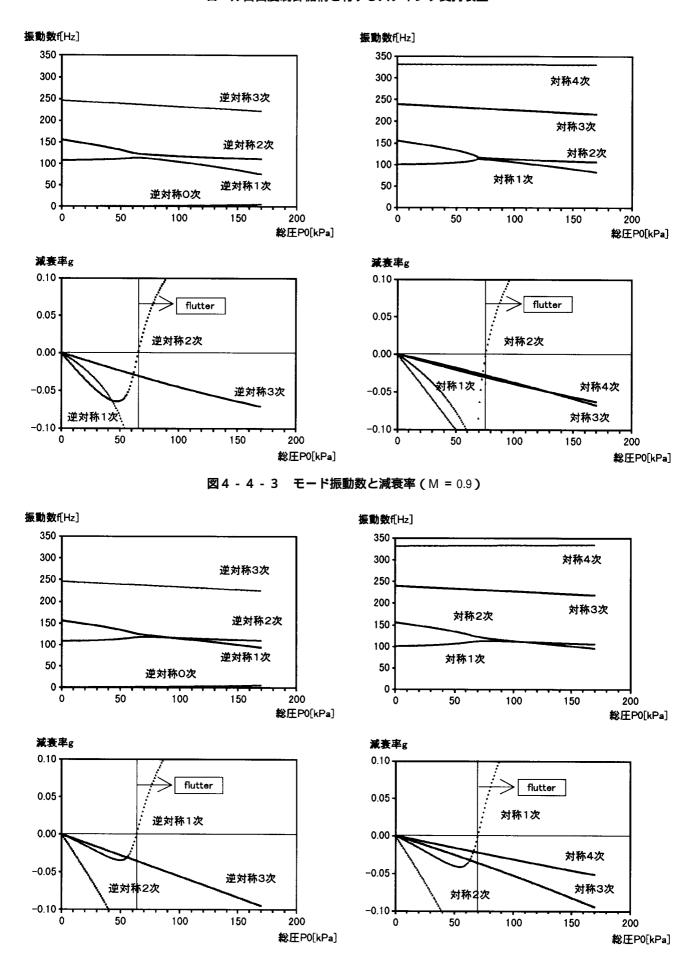


図4-4-4 モード振動数と減衰率 (M = 1.2)

動圧Q[kPa]

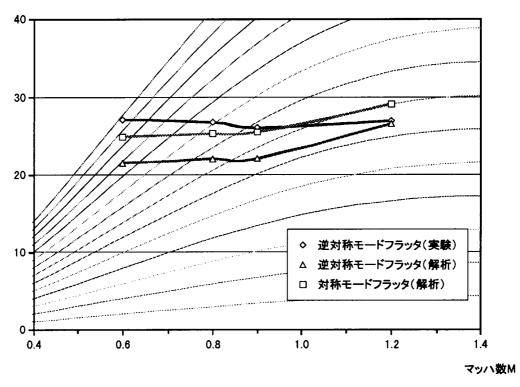


図4-5 フラッタ限界動圧のマッ八数による変化

無次元化フラッタ速度

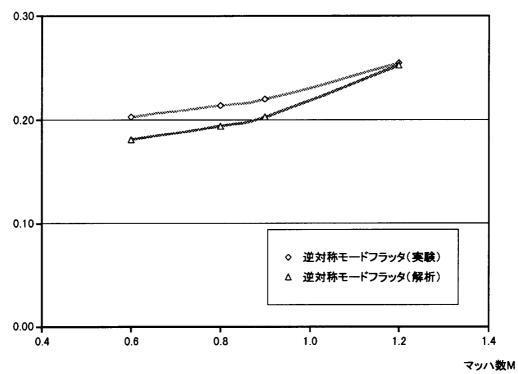


図4-6 無次元化フラッタ速度のマッ八数による変化

5. 結論

製作したスティング支持装置を用いた風洞実験では、フラッタ前は模型が片当たりしながらも逆対称モードフラッタの発生が確認された。ロール方向を拘束することによってフラッタを停止させることができ、提案した支持装置と全機模型の組み合わせの有効性が確認された。

全機の逆対称モードを考慮したフラッタ解析結果は亜 音速から超音速領域において実験値と定量的・定性的に 良い結果を示している。

今回製作した支持装置とダミー模型の組み合せでは逆 対称モードフラッタが対称モードフラッタよりも低い動 圧で発生することが実験・解析ともに示された。

今後は宇宙有翼往還機の非平面翼の逆対称モードフラッタについて研究を行っていく予定である。

謝辞

実験にあたっては、東京理科大学大学院の柿崎真二氏 (現三菱重工業) 鷲谷正史氏(現宇宙開発事業団)に協力を頂いたのでここに謝意を表する。

なお、振動および風洞実験において機体部外崎得雄主 任研究官の協力を得たことを付記する。

参考文献

- 1) **(株)**ハーモニック・ドライプシステムズ; HS-400シ リーズ技術資料
- 2) **外崎・上田:動的変位計測装置と振動予備試験、航空宇宙技術研究所資料、**TM-683(1995)
- 3) 上田哲彦;振動揚力面計算のダブレットポイント法その 1、亜音速流、航空宇宙技術研究所報告 TR-781(1983)
- 4) 上田哲彦:振動揚力面計算のダブレットポイント法その 2、超音速流、航空宇宙技術研究所報告 TR-785(1983)
- 5) T.Ueda; Unsteady Aerodynamic Calculations for General Configurations by the Doublet-Point Method, Technical Report of National Aerospace Laboratory TR-1101T (1991)
- 6) H. J. Hassig; An Approximate True Damping Solution of the Flutter Equation by Determinant Iteration. Journal of Aircraft, Vol.8, No.11(1971) pp.885-889
- 7) 日本航空宇宙学会編;航空宇宙工学便覧(1974)、丸善
- 8) R.L.Bisplinghoff, H. Ashley; Principle of Aeroelasticity (1962), pp.235-258, John Wiley&Sons, INC.

付 録

当研究では非定常空気力算出のために固有モード解析を PATRAN/FEA で行った。作成コマンドリストを以下に示す。

GR, 1, 162/0/80 / 形状データ作成 /

GR, 2, , 162/0/0

GR, 3, , 162/80/0

GR, 4T13, TR, 7.8/23/0, 3

GR, 14, , 0/80/0

GR, 25, , 270/80/0

GR, 15T24, TR, 15/23/0, 14

GR, 26T35, TR, 3/23/0, 25

LI, 1T12, 2G, , 1T12, 2T13

LI, 13T23, 2G, , 3T13, 14T24

LI, 24T34, 2G, , 3T13, 25T35

LI, 35T67, MI, Y, 2T34

MESH, 1L/2/35, BEAM, NU, 1 / メッシュ/

MESH, 3LT12/36T45, BEAM, NU, 2

MESH, 13LT23/46T56, BEAM, NU, 6

MESH, 24LT34/57T67, BEAM, NU, 4

BEAM, , BR, X 2.6/69, 46/ 翼集中質量配置用節点作成/

BEAM, , BR, X22.7/222, 177

BEAM, , BR, X 2.6/146, 112

BEAM, , BR, X22.7/277, 221

BEAM, , BR, X 4.8/ 76, 52

BEAM, , BR, X22.8/227, 181

BEAM, , BR, X 4.8/153, 118

BEAM, , BR, X22.8/282, 225

BEAM, , BR, X 6.6/83, 58 BEAM, , BR, X21.7/232, 185

BEAM, , BR, X 6.6/160, 124

BEAM, , BR, X21.7/287, 229

BEAM, , BR, X13.3/ 90, 64

BEAM, , BR, X19.1/237, 189

BEAM, , BR, X13.3/167, 130

BEAM, , BR, X19.1/292, 233

BEAM, , BR, X 0.7/ 98, 71

BEAM, , BR, X14.4/242, 193

BEAM, , BR, X 0.7/175, 137

BEAM, , BR, X14.4/297, 237

BEAM, , BR, X 2.9/105, 77 BEAM, , BR, X14 /247, 197 BEAM, , BR, X 2.9/182, 143 BEAM, , BR, X14 /302, 241 BEAM, , BR, X 5.1/112, 83 BEAM, , BR, X13.6/252, 201 BEAM, , BR, X 5.1/189, 149 BEAM, , BR, X13.6/307, 245 BEAM, , BR, X 7.6/119, 89 BEAM, , BR, X14 /257, 205 BEAM, , BR, X 7.6/196, 155 BEAM, , BR, X14 /312, 249 BEAM, , BR, X 9 /126, 95 BEAM, , BR, X14.6/262, 209 BEAM, , BR, X 9 /203, 161 BEAM, , BR, X14.6/317, 253 BEAM, , BR, X10.1/133, 101 BEAM, , BR, X12.7/267, 213 BEAM, , BR, X10.1/210, 167 BEAM, , BR, X12.7/322, 257 BEAM, , BR, X12.4/140, 107 BEAM, , BR, X12 /272, 217 BEAM, , BR, X12.4/217, 173 BEAM, , BR, X12 /327, 261

MASS, 400T403, ADD, 1.63E-2, N331T334 / **翼集中質量配置** / MASS, 404T407, ADD, 3.10E-2, N335T338 MASS, 408T411, ADD, 2.79E-2, N339T342 MASS, 412T415, ADD, 2.08E-2, N343T346 MASS, 416T419, ADD, 1.42E-2, N347T350 MASS, 420T423, ADD, 1.26E-2, N351T354 MASS, 424T427, ADD, 1.12E-2, N355T358 MASS, 428T431, ADD, 8.60E-3, N359T362 MASS, 432T435, ADD, 6.60E-3, N363T366 MASS, 436T439, ADD, 6.60E-3, N367T370 MASS, 440T443, ADD, 3.50E-3, N371T374 MASS, 444

DFEG, 1L, DISP, 3(0) / /2(0), 100, N1 / 境界条件 /

PFEG, 1L/2/35, BEAM, 200/10/1E5/ 1E5/// 1E5 / **構造データ** /

PFEG, 3L/4/36/37, BEAM, 100/10/1E5/3000///13000
PFEG, 5L/6/38/39, BEAM,100/10/1E5/1300/// 8000
PFEG, 7L/8/40/41, BEAM, 100/10/1E5/ 270/// 800
PFEG, 9L/10/42/43, BEAM,100/10/1E5/ 120/// 500
PFEG, 11L/12/44/45, BEAM,100/10/1E5/ 20/// 100
PFEG, 13LT34/46LT67, BEAM, 200/10/1E5/ 1E5/// 1E5
EQUIV / 重複節点の削除/

PMAT, 100, ISO, 7.06E7, , 0.3, 2.86E-6 / 材料データ / PMAT, 200, ISO, 1E10, , 0.3, 1E-10

航空宇宙技術研究所報告1335号

平成9年9月発行

発 行 所 科学技術庁航空宇宙技術研究所 東京都調布市深大寺東町7-44-1 電話 (0422)47-5911 〒182 印刷 所 株式会社 実 業 公 報 社 東京都千代田区九段北1-7-8

② 禁無断複写転載

本書(誌)からの複写、転載を希望される場合は、企画室調査普及係にご連絡ください。