磁気シールドに対する印加磁場配位の効果について

永田 靖典(JAXA/ISAS), 里深 優, 渡辺 理成(早稲田大学), 山田 和彦, 安部 隆士(JAXA/ISAS)

Effect of Magnetic-Field Configuration on Electrodynamic Heat Shield

by

Yasunori Nagata (JAXA/ISAS), Yu Satofuka, Yoshinari Watanabe (Waseda University), Kazuhiko Yamada, and Takashi Abe (JAXA/ISAS)

Abstract

In the electrodynamic flow control, a weakly-ionized plasma flow behind the strong shock wave could be controlled by the applied magnetic field around a reentry vehicle. The magnetic field configuration is a controllable parameter, and then, the magnetic field can be inclined to the body axis to generate the asymmetric field. Recently, the influence of the inclined magnetic field was experimentally and numerically investigated. However, they didn't agree qualitatively about the in-plane component of the side force based on the plane defined by the body axis and the magnetic pole. Meanwhile, when the magnetic field is inclined, the out-plane component of the side force acts on the body due to the Hall effect according to the MHD simulation, but it was not yet confirmed experimentally. Then, in this study, the side force acting on the magnetized body was investigated using the arcjet wind tunnel and the MHD simulation. As a result, we confirmed that the out-plane force is clearly measured and its direction agrees with the MHD simulation. The inclination angle dependency of the magnetic field on the in-plane force is significantly affected by the plume size. The experimental result is similar to the MHD simulation in which the finite plume size is considered like the experiment.

1 はじめに

極超音速で飛行する機体の空力加熱を低減させる方法として、 印加磁場を用いて流れ場を変化させる方法が提案されている¹⁾. 高速で飛行する機体の前方には強い衝撃波が発生し、衝撃層内の 気体が高温となることで、解離や電離反応が起こり、弱電離プラズ マ状態となる.弱電離プラズマ流は導電性を持ち、機体周りに発 生させた磁場と相互作用させることで電磁力が発生する. Figure 1 はその概念図であり、V がプラズマ流の速度ベクトル、B は印加 される磁場ベクトル、J は導電性流体が磁場中を運動することで 誘起される電流、J×B は誘導電流と印加磁場によって流体に作 用する Lorentz 力である.衝撃層内に電磁力が作用することで衝 撃層が拡大し、流れ場が変化することで加熱量低減につながるこ とが期待されている.また、プラズマ流に作用する電磁力の反作 用が機体に働くことで空力特性を変化させることができ、空力制 御デバイスとしてエアロ・ブレーキなどへの応用も期待されてい る^{2,3)}.

これまでの研究では、磁極が機軸方向を向いている場合を主な 対象として研究が行われてきたが、磁極の向きを変えることで試 験模型に作用する力や加熱量が変化することがアーク加熱風洞を 用いた実験により近年報告されている^{4,5)}.一方、大気突入飛行 を想定した MHD (Magnetohydrodynamics)計算により、磁極を



Fig. 1 Schematic view of the electrodynamic flow control.

傾けた際の影響が検討されている^{6,7)}. これまでの実験では,抗 力および磁極回転面内方向の横力(面内力, In-plane force)に対す る影響が計測されているが,面内力については実験と MHD 計算 とで磁極傾斜角に対する傾向が大きく異なっており,定性的にも 一致していない.また, MHD 計算結果によると,Hall 効果の影 響によって磁極回転面外方向の横力(面外力,Out-plane force)も 作用することが示唆されているが,実験的には確認されていない. アーク加熱風洞では Hall 効果が顕著に現れるため,面外力につい ても実験的に計測できる可能性があると考えられる.

そこで本研究では、実験計測と MHD 計算との整合性を確認す るため、磁場印加型模型に作用する横力に関して検討を行った. 具体的には、アーク加熱風洞を用いて、試験模型に作用する横力 について面内力と面外力の両成分の計測を行い、磁極傾斜角と横 力の関係を明らかにする.また、実験に合わせた MHD 計算を実 施し、実験と MHD 計算との差異について考察を行う.

2 実験概要

2.1 気流条件

実験は、円錐ノズル半頂角が 25 [deg.], ノズル出口直径が 30 [mm] である小型のアーク加熱風洞を用いて行った.本実験 におけるプラズマ気流特性を Table 1 に示す⁸⁾. ここではノズル 出口から 110 [mm] の位置で計測された気流条件を示している. このときのアルゴンガス流量は 8 [l/sec], 投入電力は 1.5 [kW] で ある.

Table 1 Test flow condition ⁸⁾.

Test gas	Argon
Mach number	1.7
Max total enthalpy, MJ/kg	1.1 *
Pitot pressure, Pa	160 *
Static pressure, Pa	34 *
Flow velocity, m/s	1097 *
Heavy particle temperature, K	1200 *
Electron temperature, K	~ 6100 *
Neutral particle number density, m ⁻³	2.05×10^{21}
Electron number density, m ⁻³	$\sim 1 \times 10^{19}$ *
Ionization degree	~ 0.5 %
Electric conductivity, S/m	731

* Measured.



Fig. 2 Experimental model.



Fig. 3 Internal configuration of the experimental model.

2.2 模型概要

本実験では、永久磁石を内蔵した球頭円柱模型を用いて実験を 行った. 試験模型の外観を Fig.2に、内部構造を Fig.3 にそれぞ れ示す. 模型周りに磁場を印加するためにネオジム製の ¢15 [mm] 球形永久磁石を使用し、この外側に頭部がマコール製の ¢22 [mm] 球頭円柱形カバーを取り付けている. なお、加熱による熱減磁を 避けるために、磁石とカバーとの間には約1 [mm] の隙間を設けて いる. 磁石は真鍮製治具の先端に、中心軸が一致するように接着 剤によって固定されている. 模型は磁極傾斜角 θ 毎に、θ=0,30, 45,60,90,120,135,150,180 [deg.] の計 9 個製作した. このとき、 各模型に使用した磁石は、磁石表面での最大磁束密度が同じもの を選択した. また、マコール製カバーは各模型で共通のものを使 用した. なお、比較のため、消磁させた磁石を用いた磁場無しの 模型も製作し、計測を行った.

試験模型表面における最大磁束密度は 0.38 [T] であり, ノズル 出口から 110 [mm] の位置に模型先端がくるように配置して計測 を行った.印加磁場効果を表すパラメータとして,相互作用パラ メータ Q があり,これは次式で見積もられる.

$$Q = \frac{\sigma B_{ref}^2 L_{ref}}{\rho_{\infty} V_{\infty}} \tag{1}$$

ここで、 σ は導電率、 B_{ref} は磁場強度、 L_{ref} は代表長、 $\rho_{\infty}, V_{\infty}$ は それぞれ気流密度と流速である。最大磁東密度と模型直径を用い て相互作用パラメータを見積もるとQ=15となり、十分大きな値 であるため、本実験において印加磁場効果が発現することが期待 される。また、Hall パラメータは次式で見積もられる。

$$C_H = \frac{\sigma B_{ref}}{N_e e} \tag{2}$$

ここで、 N_e は電子数密度、e は電気素量である.本実験について Hall パラメータを見積もると C_H =173 となり、十分に大きな Hall 効果が発現することが期待される.

2.3 横力計測方法

磁極を気流に対して傾けることで試験模型には模型中心軸に対 して垂直方向の力(横力)が発生する.ここで,模型,磁極回転 面,力の方向の関係を Fig. 4 のように定義する.すなわち,磁極



Fig. 4 Difinition of the direction of force.



Fig. 5 Experimental setup and measurement system for the side force.

回転面内方向の横力を面内力 C_y ,回転面外方向の横力を面外力 C_z と呼ぶこととする.これまでの実験計測において,面内力の発 生は確認されている⁴⁾.一方,面外力についてはMHD計算によ り発生することが示唆されているが,計測は行われていない.

本実験では、磁極傾斜角の異なる各試験模型に対し、模型に作 用する横力の計測を行った.計測手法としては河村らによって提 案された振り子システムを用いた⁴⁾. この計測システムを用いた セットアップの様子を Fig.5 に示す. このシステムでは、試験模 型はロッドを介して回転軸に接続されており、この回転軸周りに 動かせるようになっている. ロッドは途中で垂直に分岐しており, その先端がロードセルにつながっている. ロードセルはプラズマ 気流から十分遠い位置にあり, プラズマ気流による影響が出力に 現れないように配置されている.回転軸は模型中心軸と平行に設 置されており、試験模型に横力が作用することで生じる微小変位 をロードセルが検知することで横力が計測される.磁石を模型中 心軸周りに 90 [deg.] 回転させることで面内力と面外力とをそれぞ れ計測することができる. ロードセルには共和電業製の微小荷重 用ロードセル LVS-50GA を用い、シグナルコンディショナには共 和電業製 CDV-700A を用いた. なお, 迎角は 0 [deg.] であり, 模 型中心軸とノズル中心軸を合わせている.

試験模型とノズルとの間にはシャッターが設置されており、プ ラズマ気流が生成され安定した後にシャッターを開けることで、 試験模型が気流にさらされる前後でのロードセル出力電圧を取得 した. Figure 6 は取得したロードセル出力電圧の典型例を示して いる. 取得された電圧データには真空ポンプ等の振動によるノイ ズが含まれているため、ローパスフィルタを数値的に適用するこ とで 5 [Hz] 以上の周波数成分を除去した. さらに、シャッター開



Fig. 6 Typical output voltage from the load-cell before and after the shutter opening.



Fig. 7 Side force vs. output voltage from the load-cell.

前後それぞれについて2秒間程度の時間平均を算出することで, 試験模型が気流にさらされたことによる生じる電圧差を取得した. 電圧と横力との関係は錘を用いたキャリブレーションにより求め られており, Fig.7に示すように電圧と横力の大きさとは比例関 係にある. なお, 試験模型設置時にロードセルには初期荷重が作 用するように設置されているため, 正負どちらの向きの横力も計 測が可能となっている.

3 実験結果

Figure 8 に横力の計測結果を示す.計測は各模型についてそれ ぞれ5回行われ、この内の最大と最小を除いた3回について平均 値を求めた結果をここでは示しており、エラーバーは3回の内の 最大と最小で規定している.また、横力は無次元量で表しており、 動圧と正面投影面積を用いて無次元化されている.なお、図中の 実線はMHD計算結果を参考にプロットした参考曲線である.

まず,磁場無し模型についてはエラーバーの範囲内で横力が0 であり,試験模型が気流にさらされただけでは横力は発生してい ないことがわかる.一方,磁場有り模型については磁場無し模型 に比べて大きな横力が計測されており,明確に横力が発生してい ることがわかる.磁極傾斜角 θ=0,180 [deg.] の場合,理想的には 横力は発生しないと考えられるが,計測結果は0とはなっていな い.これは模型製作時の磁極傾斜角の設定誤差によるものと考え られ,実際に θ=0 [deg.] の模型は磁極傾斜角が4 [deg.] 程度ずれ ていることが確認されている.

面内力 C_Y に関しては, θ =0~90 [deg.] の範囲では正, θ =90~180 [deg.] の範囲では負となっている. また, θ =45,



135 [deg.] 付近では磁極傾斜角に対する面内力の変化が比較的緩 やかであることがわかる.面外力 C_Z に関しては、 $\theta=0\sim180$ [deg.] の範囲で負となっていることがわかる.また、 $\theta=45\sim135$ [deg.] の 範囲では面外力の変化が比較的少ないことがわかる. MHD 計算 において、面外力は Hall 効果の影響により生じることが示唆され ており⁷⁾、本実験条件では Hall 効果が強く働くため、Hall 効果に よって面外力が生じることを実験的に確認できたといえる.

4 数值解析概要

磁極傾斜角と横力との関係は、地球大気突入を想定した MHD 計算によってこれまでに検討されているが、その結果によると θ =0~90 [deg.] の範囲では面内力と面外力は共に負になるとされて いる^{6,7}). また、電磁場の対称性から、 θ =90~180 [deg.] について は、面内力は正、面外力は負になると考えられる. 一方、Fig. 8 に 示したように、実験計測と比較すると面外力については MHD 計 算と定性的に一致するが、面内力については方向が反対であり、 定性的にも一致していない. そこで、アーク加熱風洞を模擬した MHD 計算を実施し、その原因について検討を行った.

4.1 計算モデル

本研究では、磁極傾斜角の影響を検討するために、支配方程式 として電磁場の影響を考慮した 3 次元 Navier-Stokes 方程式を用 いる.ここで対象としているアークジェット気流は Knudsen 数が 0.05 の中間流であるが、流体的に取り扱ったとしても概ね現象を うまく予測できることが報告されている⁸⁾.また、化学反応と温 度緩和に関する特性時間がともに流れの特性時間に比べて長いた め、熱的・化学的に凍結に近い状態である.ここでは簡易的に、 熱的には凍結の仮定を用い、電子温度を一定として取り扱った. よって、支配方程式は以下のように表される.

$$\frac{\partial}{\partial t} \begin{bmatrix} \rho \\ \rho_s \\ \rho \mathbf{V} \\ E_t \end{bmatrix} + \nabla \cdot (\mathbf{F} - \mathbf{F}_v) = \mathbf{S} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \mathbf{J} \times \mathbf{B} \\ \mathbf{J} \cdot \mathbf{E} \end{bmatrix}$$
(3)

ここで, *t* は時間, ρ は密度, ρ_s は化学種 *s* の密度, *V* は速度ベク トル, *E_t* は全エネルギ, *F*, *F_v* はそれぞれ対流項と粘性項, *S* は生 成項, *J* は電流密度ベクトル, *B* は磁束密度ベクトル, *E* は電場 ベクトルである. 化学種としては Ar, Ar⁺, e⁻ を考慮し, 化学反応 モデルは Hoffert らのモデル^{9,10} を用いた. 各化学種の熱力学的 特性は NASA Glenn のデータ¹¹⁾ を使用した. 混合ガスの輸送係 数は Gupta らの mixing rule¹²⁾ を用いて見積もり, 衝突積分につ いて, 中性粒子との衝突は Laricchiuta らのデータ¹³⁾ を用い, 荷 電粒子間の衝突は Coulomb 衝突を仮定して見積もった¹⁴⁾.

本研究では、流体と電磁場の連成問題として、以下の仮定を用 いた.

- 流体は電気的中性 ρ_c = 0
- 電磁波に代表される高周波の現象は考慮せず、変位電流に よる影響を無視 ^{∂D}/_{dt} ≈ 0
- 磁気 Reynolds 数 $R_m = 2.2 \times 10^{-2}$ は 1 に比べ小さく,誘導磁場による影響は無視 $\frac{\partial B}{\partial t} \approx 0$

ここで、 ρ_c は電荷密度、D は電東密度ベクトルであり、磁気 Reynolds 数 R_m は次式で見積もられる.

$$R_m = \mu_0 \sigma V_\infty L_{ref} \tag{4}$$

 μ_0 は真空中透磁率である.これらの仮定を用いると、電磁場に関する Maxwell 方程式は、

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = 0 \tag{5}$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{J} = 0 \tag{6}$$

と簡略化される.式(6)は電流の保存式である.また,電場ベクトル *E* は電位ポテンシャル *φ* を用いて,

$$\boldsymbol{E} = -\nabla\phi \tag{7}$$

で定義される.一方,一般化された Ohm の法則は Hall 効果を考慮すると,

$$\boldsymbol{J} = \boldsymbol{\sigma}(\boldsymbol{E} + \boldsymbol{V} \times \boldsymbol{B}) - \boldsymbol{C}_{H}(\boldsymbol{J} \times \boldsymbol{b})$$
(8)

で表される.ここで、b = B/|B|であり、ion-slip 効果は考慮していない. 導電率 σ と Hall パラメータ C_H は以下のように表される¹⁵⁾.

$$\sigma = \frac{e^2 n_e}{k_B T_e \sum_{j \neq e} n_j \Delta_{e,j}^{(1,1)}} \tag{9}$$

$$C_{H} = \frac{e|\mathbf{B}|}{k_{B}T_{e}\sum_{j\neq e} n_{j}\Delta_{e,i}^{(1,1)}}$$
(10)

ここで, k_B は Boltzmann 定数, n_i は数密度, T_e は電子温度, $\Delta_{i,j}^{(1,1)}$ は衝突積分である.

式(6),(7),(8)を用いると,

$$\nabla \cdot \left[\tilde{\boldsymbol{\sigma}} (-\nabla \phi + \boldsymbol{V} \times \boldsymbol{B}) \right] = 0 \tag{11}$$

が得られる¹⁶⁾. なお, Hall 効果による項は $\hat{\sigma}$ に含まれていると する. この式は電位ポテンシャル ϕ に関するポアソン方程式であ り,適当な境界条件を用いて解くことによって形成される電場を 見積もることができる.



Fig. 9 Computational grid.



Fig. 10 Computational Region and boundary conditions.

4.2 計算手法

支配方程式の離散化には有限体積法を用いた.対流項の評価に は AUSM-DV スキーム¹⁷⁾を用い,MUSCL 法により空間 2 次精 度とした.粘性項の評価には 2 次精度中心差分を用いた.時間積 分には MFGS (Matrix Free Gauss-Seidel)近似陰解法¹⁸⁾を用い, 定常解までの収束を早めるために局所時間刻み法を用いた.化学 反応計算には対角点陰解法¹⁹⁾を用いた.電位ポテンシャルに関す るポアソン方程式には前処理法を組み合わせた ILU(0)-BiCGstab 法^{20,21)}を用いた.なお,電位ポテンシャルに関するポアソン方 程式は,流体計算 100 ステップ毎に解くようにした.

4.3 計算条件

計算対象は、実験で使用した試験模型形状と同じ半径 11 [mm] の球頭円柱物体であり、壁面境界条件には、滑り無し、等温($T_w =$ 1000 [K])、絶縁壁($J \cdot n = 0$)条件を用いた.ここで、n は壁に 垂直な単位ベクトルである.磁場分布はダイポール磁場を仮定し、 磁場の中心は実験に合わせてよどみ点から 9.5 [mm]の位置に置い た.磁極傾斜角 θ は 0~90 [deg.]の範囲で 15 [deg.] 毎に変化させ て計算を行った.磁場強度については、 $\theta=0$ [deg.]の場合によどみ 点における磁場強度が実験に合わせて 0.38 [T]となるようにした.

気流条件は Table 1 に示す条件を一様流として用い,電子温度 については計算領域内で一定とした. Figure 9 に使用した計算格 子を示す.壁面上の格子点数は約 12,000 点,壁から垂直方向には 49 点とり,総格子点数は約 60 万点である.無限遠での電位ポテ ンシャルは 0[V] とし,この境界の影響が現れないよう計算領域は 十分広い領域を確保する必要がある.そこで,Fig. 10 に示すよう に衝撃層に比べ十分広い領域を計算領域とした.なお,格子点数 を 1/4 にしたとしても物体に作用する力の差異は,磁場の有無に かかわらず 1% 程度である. CFL 数は 0.35 とし,定常解を得るま でに 40,000 ステップを要した.



(b) Out-plane force C_Z

Fig. 11 Comparison of the side force between the experiment and the simulation assuming the uniform flow.

5 数值解析結果

Figure 11 に計算結果と実験による計測結果との比較を示す.面 内力 C_Y に関しては、計算結果と計測結果とで正負が逆であり、定 性的にも一致していないことがわかる.一方、面外力 C_Z に関し ては、計算結果と計測結果とが定性的に一致しており、大きさと しても近い値を示していることがわかる.これら面内力、面外力 の作用する方向は地球大気突入飛行を想定した MHD 計算結果⁷¹ と同じであり、アークジェット気流で見られるように衝撃波上流 においてもプラズマ状態であり、導電性を持っていたとしても定 性的な傾向は変わらないが、計測結果とは差異がある.

実験に使用したアーク加熱風洞のプルームサイズは試験模型サ イズに比べて大きいとはいえない. Figure 12 は、ノズル出口から 110[mm]の位置で計測されたピトー圧の半径方向分布を示してい るが、これより、一様な気流が試験模型にさらされているとはい えないことがわかる. 葛山らによる数値解析によって, このよう なプラズマ気流の非一様性は印加磁場効果に多大な影響を与える ことがわかっている^{15,23)}. すなわち, プルーム境界が絶縁境界と して作用することで電流分布に影響を与え、このことは衝撃層拡 大効果や抗力増大効果に影響を与える. そのため, 印加磁場効果 によって発現している横力についても,同様にプルームサイズに よる影響を受けることが考えられる. そこで本研究では、プルー ムの外部で導電率が低くなることを簡易的に模擬するために、意 図的に導電率を抑えることでプルームサイズによる影響について 検討した.具体的には、気流条件としては一様流をそのまま仮定 するが、中心軸から一定距離(プルーム半径 R_i)より外側の領域 については導電率を微小な値に設定して計算を行った. プルーム



Fig. 12 Radial distribution of the pitot pressure at 110 [mm] from the nozzle exit.

半径 *R_i* を *D*, 1.5*D*, 2*D* とした場合について計算を実施した.ここで, *D* は物体直径である.

Figure 13 に、プルーム半径による横力への影響を示す. プルー ム径が変わることで面内力の磁極傾斜角に対する傾向が大きく変 化していることがわかる.物体サイズに対してプルーム径が小さ くなっていくと、面内力が減少し、やがて面内力の作用する方向 が反転し、実験結果に近くなることがわかる.また、プルーム径 がさらに小さくなると面内力は大きくなっている. プルーム径が 小さくなると、電流の流れる領域が狭くなることで、狭い領域に 多くの誘導電流が流れるようになり、印加磁場効果が大きくなる 傾向にあるため、面内力が増大したと考えられる. さらに、この ことは電流分布や電流の向きにも影響を与え、これが面内力の作 用する向きに影響したと考えられる.一方,面外力に関してもプ ルーム径による影響が見られるが、作用方向が変化することはな いことがわかる. プルーム径が小さくなっていくと、徐々に面外 力は増加しているが、 $R_i = D$ のケースでは逆に面外力は減少して いる.これらのことから、プルーム径が小さくなると、印加磁場 効果が大きくなるだけでなく、電流分布が変化することでその特 性にも影響を与えると考えられる.

6 結論

磁場印加型模型に作用する横力に関して,実験計測と MHD 計 算との整合性を確認するため,アーク加熱風洞を用いた横力計測, および実験に合わせた MHD 計算を行った.以下に,本研究で得 られた知見をまとめる.

- 磁極を傾けた試験模型に作用する横力を計測した結果,面内力 C_Y だけでなく,面外力 C_Z も作用していることを確認した.また,面内力は磁極傾斜角 θ=45,135 [deg.] 付近で,面外力は θ=45~135 [deg.] の範囲で変化が緩やかとなる.
- アーク加熱風洞実験に合わせた MHD 計算を実施し、一様 流の条件下では面内力と面外力の磁極傾斜角に対する傾向 は、地球大気突入飛行を想定した MHD 計算の結果と同じ である。
- アーク加熱風洞実験におけるプルームサイズによる影響を 模擬するために、絶縁境界を設けて MHD 計算を実施した ところ、プルーム径が小さくなると面内力の作用方向が反 転することが確認された.一方、面外力の作用方向につい てはプルーム径によって反転することはなく、横力につい て実験結果と定性的に一致する結果が得られた.



Fig. 13 Influence of the plume size on the side force.

今後の予定として,より定量的な議論を行えるよう計算手法の 改善を図るとともに,プルーム径による力への影響について詳細 を検討する.

参考文献

- J. Poggie and D. V. Gaitonde, "Computational Studies of Magnetic Control in Hypersonic Flow," AIAA Paper 2001-0196, January, 2001.
- H. Katsurayama, T. Abe, and D. Konigorski, "DSMC Simulation of Electrodynamic Aerobraking on a Reentry Capsule in a Hypersonic Rarefied Regime," AIAA Paper 2011-3467, 2011.
- H. Otsu, H. Katsurayama, D. Konigorski, T. Abe, "Impact of the Lift Force by Electromagnetic Flow Control on the Reentry Trajectory," AIAA Paper 2011-3466, 2011.
- 4)河村政昭,「弱電離プラズマ流と磁場印加型鈍頭物体との干渉 効果に関する実験的研究」,東京大学博士論文,2011.
- 5) M. Kawamura, H. Katsurayama, H. Otsu, K. Yamada, and T. Abe, "Magnetic-Field Configuration Effect on Aerodynamic Heating of a Magnetized Body," Journal of Spacecraft and Rockets, Vol. 49, No. 2, pp. 207–211, 2012.
- 6) Y. Nagata, H. Otsu, K. Yamada, and T. Abe, "Influence of the Magnetic Configuration on the Electrodynamic Flow Control for the Weakly Ionized Flow," AIAA Paper 2011-3743, 2011.
- Y. Nagata, H. Otsu, K. Yamada, and T. Abe, "Influence of Hall Effect on Electrodynamic Flow Control for Weakly Ionized Flow," AIAA Paper 2012-2734, 2012.
- 8) H. Katsurayama, M. Kawamura, A. Matsuda, and T. Abe, "Ki-

netic and Continuum Simulations of Electromagnetic Control of a Simulated Reentry Flow," Journal of Spacecraft and Rockets, Vol. 45, No. 2, pp. 248–254, 2008.

- M. I. Hoffert and H. Lien, "Quasi-One-Dimensional, Nonequilibrium Gas Dynamics of Partially Ionized Two-Temperature Argon," The Physics of Fluid, Vol. 10, No. 8, pp. 1769–1777, 1967.
- T. G. Owano, C. H. Kruger, and R. A. Beddini, "Electron-Ion Three-Body Recombination Coefficient of Argon," AIAA Journal, Vol. 31, No. 1, pp. 75–82, 1993.
- Bonnie J. McBride, Michael J. Zehe, and Sanford Gordon, "NASA Glenn Coefficients for Calculating Thermodynamic Properties of Individual Species," NASA/TP-2002-211556, 2002.
- 12) R. N. Gupta, J. M. Yos, R. A. Thompson, and K.-P. Lee, "A Review of Reaction Rates and Thermodynamic and Transport Properties for an 11-Species Air Model for Chemical and Thermal Nonequilibrium Calculations to 30000K," NASA RP-1232, 1990.
- 13) A. Laricchiuta, D. Bruno, M. Capitelli, C. Catalfamo, R. Celiberto, G. Colonna, P. Diomede, D. Giordano, C. Gorse, S. Longo, D. Pagano, and F. Pirani, "High temperature Mars atmosphere. Part I: transport cross sections," Eur. Phys. J. D, Vol. 54, pp. 607–612, 2009.
- 14) Michael J. Wright, Deepak Bose, Grant E. Palmer, and Eugene Levin, "Recommended Collision Integrals for Transport Property Computations, Part 1: Air Species," AIAA Journal, Vol. 43, No. 12, pp. 2558–2564, 2005.
- 15) H. Katsurayama, D. Konigorski, and T. Abe, "Numerical Simulation of Electromagnetic Flow Control in an Arcjet Plume," AIAA Paper 2008-1392, 2008.
- 16) H. Otsu, D. Konigorski, and T. Abe, "Influence of Hall Effect on Electrodynamic Heat Shield System for Reentry Vehicles," AIAA Journal, Vol. 48, No. 10, 2010, pp. 2177–2186.
- Y. Wada and M.-S. Liou, "A Flux Splitting Scheme with High-Resolution and Robustness for Discontinuities," AIAA Paper 94-0083, 1994.
- 嶋英志,「構造/非構造格子 CFD のための簡単な陰解法」,第 29回 流体力学講演会,1997.
- S. Eberhardt and S. Imlay, "A Diagonal Implicit Scheme for Computing Flows with Finite-Rate Chemistry," AIAA Paper 90-1577, 1990.
- 20) H. A. van der Vorst, "Bi-CGSTAB: A Fast and Smoothly Converging Variant of Bi-CG for the Solution of Nonsymmetric Linear Systems," SIAM Journal on Scientific and Statistical Computing, Vol 13, 1992, pp. 631–644.
- 21) 関本幹,藤野清次,「ILU(0) 前処理つき IDR(s)-R2 法と同 BiCG 法系統の収束性比較」,九州大学大学院システム情報科 学紀要,第16巻,第1号,2011, pp.11–16.
- 22) 吉野智之, 榊原諒, 藤野貴康, 石川本雄,「鈍頭物体周りにおけるプラズマ流れの MHD Flow Control に及ぼすイオンスリップ効果の影響」, 日本航空宇宙学会論文集, Vol. 57, No. 666, pp. 280–286, 2009.
- 23) H. Katsurayama, D. Konigorski, and T. Abe, "Numerical Simulation of Electromagnetic Flow Control in a One-Kilowatt Class Argon Arcjet Windtunnel," AIAA Paper 2008-4016, 2008.