ロケットエンジン燃焼器安定性解析に向けた予備的燃焼解析

溝渕 泰寛¹, 清水太郎¹, 内藤大貴^{2*} ¹宇宙航空研究開発機構,²ヴァイナス

Preliminary Combustion Analysis toward Stability Estimation of Rocket Engine Combustor

by Yasuhiro Mizobuchi, Taro Shimizu (JAXA) and Taiki Naito(VINAS)

ABSTRACT

A combustion flow in a model combustor equipped with a single injector located at a non-center position of the face plate is numerically simulated to investigate the combustion oscillation driving term, so called 'Rayleigh Index term' which plays a key role when we estimate the combustion stability of rocket engine combustors. The simulation reproduces the unsteady but stabilized flame behavior and reveals the flame stabilization mechanism. The critical combustion oscillation mode, T-mode, is numerically captured and the Rayleigh Index term resulting from the T-mode oscillation is evaluated. An attempt of the response analysis of acoustic/flame interaction is made by forcing pressure fluctuations to show its possibility and availability toward the construction of the combustion stability estimation tool.

1. はじめに

ロケットエンジン燃焼器開発において、燃焼振動の発生 は、しばしば供試体の壊滅的破損を招き、開発期間および コストの大幅な増大を引き起こす危険要因である。例えば、 米国サタンVロケットの初段エンジンF-1の開発において は燃焼振動が大きな問題となり、3200回もの実スケール試 験が必要となった[1].このような開発期間およびコストの 肥大化を防ぐために、設計上流で、燃焼振動発生の有無、 安定性マージン、不安定に陥った場合の振動モードおよび 強度を予測できるツールの開発が望まれている。

従来の燃焼振動の評価は Heidmann-Feiler の手法[2]のよう に実験結果に基づく経験式に依るしかなかったが,近年, 理論的な音響理論に基づく手法が現れてきた[3].前者は蓄 積された試験データやノウハウに基づく手法であるため, 米露と比すとそれらの取得機会が多いとは言えない我が国 にとっては後者のアプローチがより効果的と考えられる.

宇宙航空研究開発機構(JAXA)でも、燃焼振動の安定マージン、発生する振動モードと振幅の予測を可能とする燃焼 安定性評価ツールの構築に取り組んでおり、そのアプロー チの1つとして燃焼器内の音響エネルギの時間発展を追従 する方法が研究されている.流体の方程式から導かれた音 響エネルギの時間発展方程式を扱う手法であり、音響エネ ルギの増減にかかわる要素一つ一つを見積もることにより、 燃焼器内の音響エネルギの発展を評価する[4].その主たる 項のみを(1)式に示す.左辺が音響エネルギの時間発展項、 右辺第1項が音響エネルギを増幅する項として古くからこ の分野で使われてきた Rayleigh Index [5]の項,第2項は音響エネルギが境界から流出することによる減衰項である.

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_{V} \left\{ \frac{p'^2}{2\rho c^2} + \frac{\rho \boldsymbol{u'}^2}{2} \right\} dV = \int_{V} \frac{p' \dot{q}'}{C_p \rho T} dV - \int_{S} p' \boldsymbol{u'} \cdot dS \qquad (1)$$

増幅,減衰の各要素を見積もることにより音響エネルギの時間発展が評価できることになるが、特に増幅項である Rayleigh Indexの項については、CFDを用いた音響/火炎応 答解析により音響変動を与えた時に火炎が発する発熱がど のように変化するかを評価する予定である。

この評価ツール構築に必要なデータ取得を目的とし, JAXA では常圧条件において燃焼振動を積極的に発生させ る試験を実施した.円筒形燃焼器に1本の二重円管インジ ェクタをその中心からずれた位置に設置した燃焼器試験(図 1)により,ロケットエンジン燃焼器設計において最も危険 な振動モードといわれている T(Tangential)モードの燃焼振 動を発生させることに成功した[6].Tモードの振動とは燃 焼器噴射面に平行な面内での圧力振動であり,通常数千Hz の高周波振動となるため,一旦発生すると燃焼器の破壊に 至る危険性が高い.なお,Tモードの燃焼振動はインジェ クタを偏心させた場合にのみに発生し,燃焼器中心に設置 した場合には発生しなかった.

また,同試験においては火炎がインジェクタに付着する 条件では燃焼振動が起こらず,火炎がインジェクタから離 脱(図 2)するか離脱/付着を繰り返す場合にのみ燃焼振動が



図1:偏心インジェクタ燃焼器.



図2:燃焼振動が起こった時のOH自発光画像[6].

発生した.インジェクタから噴出されるガスの速度は水 素・酸素予混合火炎の伝播速度よりもはるかに大きく,火 炎がインジェクタから離脱した際の保炎機構および離脱/付 着を繰り返す際に高速気流中に逆らって火炎が高速に上流 に移動する機構が検討課題として残った.

本報では、Tモードの燃焼振動が発生した条件に対応す る数値シミュレーションを実施し、燃焼器内で起こってい る燃焼現象の把握および、燃焼振動を増幅する要素となる Rayleigh Index 項の評価を試みた結果を示す.また、今後の 燃焼振動評価においては、圧力変動を陽的に印加した際の Rayleigh Index 項の大きさを見積もる、音響/火炎応答解析 が重要な要素となる.この音響/火炎応答解析に着手した結 果についても報告する.

2. 計算モデルおよび計算手法

数値シミュレーションには Metacomp Technologies 社の CFD++を用いた.反応モデルとしては9化学種(H₂, H, O₂, O, H₂O, H₂O₂, HO₂, OH, N₂) 18反応モデル[7]を用いた.反応機 構を表1に示す.支配方程式は時間平均NSに9化学種の 保存方程式を組み込んだものである.空間精度は2次精度, 時間積分には dual-time ステップ法による陰的時間積分を用 いている.化学反応による生成項は Point implicit 法により stiffness を緩和している.乱流モデルには非線形 k- ϵ モデ ルを用い,乱流シュミット数は0.7と仮定した.ただし化 学反応生成項についての closure 問題は解決されていない. 計算対象とした燃焼器の寸法,インジェクタ設置位置を 図1に示した通りである.直径200mmの燃焼器に対して, インジェクタを72mm偏心させて設置している.計算領域 としては燃焼器内部に加え,その周り空気で満たされた大 きなバッファー領域を設けた.インジェクタの噴射条件と しては二重円管内側から酸化剤として酸素(質量分率0.563) と窒素(質量分率0.437)の混合気を4.233g/sの流量で,外側 から燃料として水素を3g/sの流量で流入させる.これは実 験において大きな燃焼振動を発生させることに成功した条 件である.なお,総セル数は約30万個で解像度は非常に粗 く数値シミュレーションとしては精度が高いとはいえず, 試験的な計算といわざるをえない.計算領域および境界条 件の概要を図3に示す.

| 表 1 化学反応モデル ⁷⁾ | | | |
|---------------------------|---|---|---|
| R1 | $H_2 + O_2$ | = | 20H |
| R2 | $O_2 + H$ | = | OH + O |
| R3 | $H_2 + OH$ | = | $H_2O + H$ |
| R4 | $H_2 + O$ | = | OH + H |
| R5 | 20H | = | $H_2O + O$ |
| R6 | OH + H + M | = | $H_2O + M$ |
| R7 | H + H + M | = | $H_2 + M$ |
| R8 | $O_2 + H + M$ | = | $HO_2 + M$ |
| R9 | $OH + HO_2$ | = | $O_2 + H_2O$ |
| R10 | $H + HO_2$ | = | $\mathrm{H}_{2}+\mathrm{O2}$ |
| R11 | $H + HO_2$ | = | 20H |
| R12 | $O + HO_2$ | = | $O_2 + OH$ |
| R13 | $2HO_2$ | = | $O_2 + H_2O_2$ |
| R14 | $\mathrm{H}_{2} + \mathrm{HO}_{2}$ | = | $\mathrm{H} + \mathrm{H}_2\mathrm{O}_2$ |
| R15 | $OH + H_2O_2$ | = | $\mathrm{H_2O} + \mathrm{HO_2}$ |
| R16 | $\mathrm{H} + \mathrm{H}_2\mathrm{O}_2$ | = | $H_2O + OH$ |
| R17 | $\mathrm{O} + \mathrm{H}_2\mathrm{O}_2$ | = | $OH + HO_2$ |
| R18 | $H_2O_2 + M$ | = | 20H + M |



図3:計算領域と境界条件.

3. 計算結果

3.1. 保炎機構

図4に、ある瞬間における火炎構造を示す.インジェク タ中心を含む平面内の諸量の分布を等値線で表している. 図4c)はOHの質量分率分布であるが、実験で観察された OH 自発光画像(図2)と同じくインジェクタから離脱した位 置から急激にOHが発生していることがわかる.なお、本 計算では計算の初期にインジェクタ近くを加熱することに より燃焼反応を開始させたため、計算初期にはインジェク タ付近に大きなOH 質量分率が観察されたが、時間が進む につれ大きなOH 質量分率分布はインジェクタから離脱し ていった.



g) 水素消費速度分布

図4:火炎構造(インジェクタ中心を含む平面内).

一方,d)のH₂Oの質量分率を見るとインジェクタ付近に も H₂O が生成されていることがわかる. これは g)の水素消 費速度分布から分かるように水素噴流の外側で比較的弱い 燃焼反応が起こっているためである.図5に図4g)中の矢 印に沿った水素、酸素の質量分率および燃料消費速度分布 を示す. インジェクタ内側から噴射されている酸化剤と水 素の反応による燃料消費はなく、水素噴流と燃焼器に充満 している空気中の酸素との反応により燃料消費が発生して いることが分かる. すなわち燃焼器噴射面に付着した弱い 拡散火炎は燃焼器外側から循環してきた空気と噴射された 水素の反応による火炎である.図4c)-g)を見ると主たる反 応は、この弱い拡散火炎の後方から開始しているように見 える. すなわち噴射面に付着した拡散火炎の高温ガスから 熱や反応中間生成物を供給されることにより、インジェク タから噴射された水素と酸化剤混合気の間の反応が開始・ 維持されている. 高速気流の中で一見浮き上がっているよ うに見える火炎の保炎は、気流速度と火炎伝播速度のバラ ンスによってもたらされているのではなく、外側にできた 水素と空気の間の拡散火炎に付着することによりもたらさ れていると考えられる.また燃焼振動中に火炎が非常に速 い速度で上流にさかのぼる現象も火炎伝播ではなく流れ場 の変動による火炎付着位置が高速に移動するため火炎が高 速に移動しように見えているのではないかと予測される。 保炎および振動機構の模式図を図6に示す.



図 5: インジェクタプレート近傍における火炎垂直方向 の内部構造.



:水素噴流と酸化剤噴流の間の主たる拡散火炎

図 6: 保炎·振動機構模式図.

3. 2. 1Tモードの振動

再現された火炎は時間非定常な挙動を示し,圧力変動が 観察された.図7は燃焼器噴射面から1cm後方での圧力分 布の時間変化を示している.噴射エレメントを設置した燃 焼器の上部と逆側の下部で圧力変動の正負が反転する1T モードの特徴が現れている.図8は噴射面から1cm後方に ある4点における圧力履歴である.ITモードの腹にあたる (a),(c)においては燃焼器長手方向の気柱振動1Lモードに 相当する波長が長い振動の上に1Tモードに相当する1.1 KHzの振動がのっているのに対して,節にあたる(b),(c)に おいては1Lモードしか見られない.図9は図7と同時刻 におけるインジェクタ中心を含む平面内の圧力分布である.



図7:噴射面から1cm下流での圧力分布履歴.



図9:インジェクタ中心を含む面内の圧力履歴.

この図からも1Tモードの圧力振動を確認できる.以上の 通り,発生のトリガは計算初期の擾乱と考えられるものの, ITモードの振動が発生していると判断される.燃焼器の上 下に1Tモードが形成される理由は、実験と同じく,イン ジェクタを偏心させて燃焼器上部に取り付けているためと 考えられる.ただし,図10に示すにインジェクタ近傍での 圧力変動の周波数分析結果からもわかるように明確に見ら れる1Lモードと比較して1Tモードはそれほど顕著には現 れていない.

図 11 上図は Rayleigh Index 項の時間平均

$$R.I.^{local} = \frac{1}{\Delta t} \int_{t} \frac{p'\dot{q}'}{C_{p}\rho T} dt$$
⁽²⁾



図 8:噴射面から 1cm 下流位置 4 点における圧力分布履歴. (a), (d): 1T モードの腹, (b), (c):節.



図10:インジェクタ近傍での圧力変動スペクトル.

の分布である.空間中には同項が正値になっている体積と 負値になっている体積が存在することが分かる.正値をと るA点と負値をとるB点における圧力変動(青線)と発熱率 変動(赤線)の時間履歴が下図に示されている.どちらの点 においても圧力変動と発熱率変動には強い相関は見られな いが,積分結果としてはA点で正値,B点で負値をとなっ



図 11: Rayleigh Index 項分布と, 圧力(青)・発熱率(赤)変動 履歴.

ている.

圧力履歴からは燃焼反応により発熱している領域におい ても約1.1kHzの1Tモードの変動が、より長い波長の変動 に乗っていることが分かる.また1Tモード3周期分にわ たってRayleigh Index項の時間平均を求めると、-1.92x10⁵・ J/sとなり負値となった.図11下図において圧力変動と発 熱率変動に強い相関が見られないことからも推測されるが、 本計算においては自励振動が起こっておらず、計算を更に 継続していくと圧力変動は減衰していくことを示唆してい る.その一因としては火炎の解像度が十分でなく、その非 定常性を過小に評価していることがあげられる.しかし、 極めて簡易的な数値シミュレーションによっても1Tモー ドの振動を捕らえることができたことは今後の燃焼振動評 価ツール構築に向けて展望を得たと考えている.

3.3.加振解析

前節では1Tモードの振動は起こっているものの,自励 振動は発生していないであろう事が示唆された.そこで今 後の燃焼安定性解析ツールへのCFDの利活用を視野に入 れ,圧力変動を強制的に印加する計算を行った.ここでは, 燃焼器噴射面を仮想的に振動させることにより圧力変動を 印加することを試みた.具体的には振幅0.5m/s,周波数 1.1kHz(1Tモード相当)で壁面上の速度の垂直成分を変動さ せ,壁面上部と下部で変動の位相を半周期ずらすことによ り1Tモードの圧力変動の印加を模擬した(図 12).なお,



下側壁 u=0.5*sin(2π×1100t) [m/s]





図 13: 圧力変動を印加時の噴射面から 1cm 下流位置 4 点における圧力分布履歴. (a), (d): 1T モードの腹, (b), (c): 節.



図 14: 圧力変動を印加した場合の Rayleigh Index 項分布 と, 圧力(青)・発熱率(赤)変動履歴.

以下においては、圧力変動の印加を簡単に加振と呼ぶこと とする. 図 13 は加振した際の噴射面から1 cm 後方にある 4点における圧力履歴である.図8と同様に1Tモードの 腹にあたる(a), (c)においては 1.1KHz の振動が存在する一 方で節にあたる(b), (c)においては殆ど 1T モードは見られ ない。図8と比較するとその差がより明確になっている. 図 14 は図 11 と同じく Rayleigh Index 項の時間平均分布と, それが正値となる A 点, 負値となる B 点における圧力変動 および発熱率変動の時間履歴である.加振した場合は、し ない場合に比べ圧力変動と発熱率変動に強い相関が見られ ることがわかる.加振しない場合と比較して,発熱の変動 が大きくしかも周期的となっていることが特徴的である. A 点においては圧力変動と発熱が近い位相で変動しており, それらの相関である Rayleigh Index 項は正値となる. 一方 B点では2つがほぼ逆位相になっており Rayleigh Index 項は 負値となる.

図15はインジェクタ近傍における圧力変動の周波数分析 結果である.加振した場合においても1Lモードが卓越し ているが、加振しない場合と比較して1Tモードの成分が 非常に明確に現れていることが分かる.

加振した場合の Rayleigh Index 項の体積積分の時間平均 値は 1.40x10⁴ J/s となり正値となった.これは前述の通り, 圧力変動と発熱率変動の間により強い相関がえられている ためと考えられ,音響と燃焼のカップリングにより燃焼器

8000000 Amplitude [dB] 6000000 1T~1100Hz 4000000 2000000 0 0 500 1000 1500 2000 2500 3000 3500 Frequency [Hz]

10000000

1L

図 15: 圧力変動印加時のインジェクタ近傍での圧力 変動スペクトル.

内部の音響エネルギが増幅される効果が現れている.しか し、得られた Rayleigh Index 項は、別途音響解析によって 得られた減衰項と比較すると1桁以上オーダーが小さい. これは前節で述べたとおり火炎の解像度が不足しているた め発熱変動を十分に捕獲できていないことが一因と考えら れるが、CFDを用いた音響/火炎応答解析により音響エネル ギの増幅項の評価が可能であることが確認できたと考えて いる.

4. まとめ

簡便な CFD コードを用いて, 燃焼振動試験に対応する 数値シミュレーションを実施した. その結果以下の知見 を得た.

- 常圧燃焼振動試験における保炎は、主火炎の外側に できる水素噴流と静止空気の間に形成される噴射面 付着した弱い拡散火炎によりもたらされている。
- CFDにより、ロケットエンジン燃焼器で最も危険性 の高いといわれるTモードの燃焼振動の捕獲が可能で ある.
- 音響・火炎応答解析による音響エネルギ増幅項の評価が可能である.

今後は、計算手法の高度化、解像度の向上を行い、高圧の 実機に対応する解析を進める予定である.

参考文献

- J. C. Oefelein and V. Yang, J. Prop. Power, Vol. 9, No. 5, pp. 657-677,1993.
- L.A. Povinelli, M. F. Heidmann, C.E. Feiler, NASA TN D-3708, 1966.
- G. A. Flandro and J. Majdalani, AIAA J. vol.41, No. 3, 485-497, 2003.
- T. Shimizu et al., Proc. Asian Joint Conference on Propulsion and Power 2010, AJCPP2010-146, 2010.
- 5) L., Rayleigh, Nature, 18, pp.319-312, 1878.
- 6) 吉田他,第47回燃焼シンポジウム講演論文集pp. 231,2009.
- J.P.Drummond et al., Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, vol 64, pp 39-60, 1987.